

# Algorithm homework

Author Haihan Gao

Num PB1803080

## 链表表示的加权合并

```
typedef struct Node{
    Node *father;
    int power;
    //int value;
}set;
set Set[numberofnode];
Node Make-set(int value){
    set* Node;
    Node=(set*)malloc(sizeof(set));
    Node->father=Node;
    //Node->value=value;
    Node->power=0;
    return *Node;
}
Node *Find-set(set *node){
    if(node->father==node)
        return node;
    else
        return Find-set(node->father);
}
void Union(set *node1,set *node2){
    set *Node1;
    set *Node2;
    Node1=Find-set(node1);
    Node2=Find-set(node2);
    if(Node1->power<Node2->power){
        Node1->father=Node2;
        Node2->power++;
    }
    else{
        Node2->father=Node1;
        Node1->power++;
    }
    return ;
}
```

## 0-1背包问题

用一个数组weight[1..n]存储各种物品的质量，value[1...n]存储各种物品的价值，W代表背包可以存放物品的总质量，假设 $V[n_1, W_1]$ 代表前 $n_1$ 个物体，在总质量不超过 $W_1$ 的条件下可以达到的价值最大值，显然，存在如下结论

$V[n_1, W_1] = 0$  when  $n_1 = 0$  or  $W_1 = 0$  or  $W_1 < 0$

目标问题是求 $V[n, W]$

对于第 $n_1$ 件物品, 存在两种情况

该物品在背包里, 则转换为求 $V[n_1-1, W_1-\text{weight}[n_1]]+\text{value}[n_1]$

不在背包中, 则转化为求 $V[n_1-1, W_1]$

求最大值, 就是求 $\max(V[n_1-1, W_1-\text{weight}[n_1]]+\text{value}[n_1], V[n_1-1, W_1])$

```
int max(int a,int b){
    return (a>b)?a:b;
}
int value(int i,int j){
    if(i<=0)
        return 0;
    else if(j<=0)
        return 0;
    else
        return v[i,j]=max(v[i-1,j],v[i-1,j-weight[i]]+value[i]);
}
```

Analyze the Time complexity of the Algorithm

利用二维数组计算 $V[n, W]$ , 对于每个点计算的时间复杂度为 $O(1)$ , 那么总的时间复杂度为 $O(nW)$