

算法设计为:每个处理器分配 2^{n-p} 个数字进行相加,之后进行树状相加。

【1】计算如上图所示,沿横向为时间步,其中每个处理器计 2^{n-p} 个元素,第 i 颗处理器一共需要计算 2^{n-p} — 1次才能得到 S[i]的值,得到 S[i]后,进行树状累加,一共需要 P 个指令周期,因此总的指令周期为:

$$2^{n-p} + P - 1$$

【2】计算每个处理器在计算完 2^{n-p} 个数的和之后,需要进行树状累加,其中第 k 次累加共有 $2^p - 2^{p-k}$ 个 NULL 指令产生,因此一共有:

$$\sum_{k=1}^{p} (2^{p} - 2^{p-k}) = (P-1) \cdot 2^{p} + 1$$