

Введём условные обозначения:

$$INT_MAX = 2^{31} - 1, INT_MIN = -2^{31}$$

$$sub_crashes(a, b) = ((a > INT_MAX) \vee (a < INT_MIN) \vee (b > INT_MAX) \vee (b < INT_MIN) \vee (a - b > INT_MAX) \vee (a - b < INT_MIN))$$

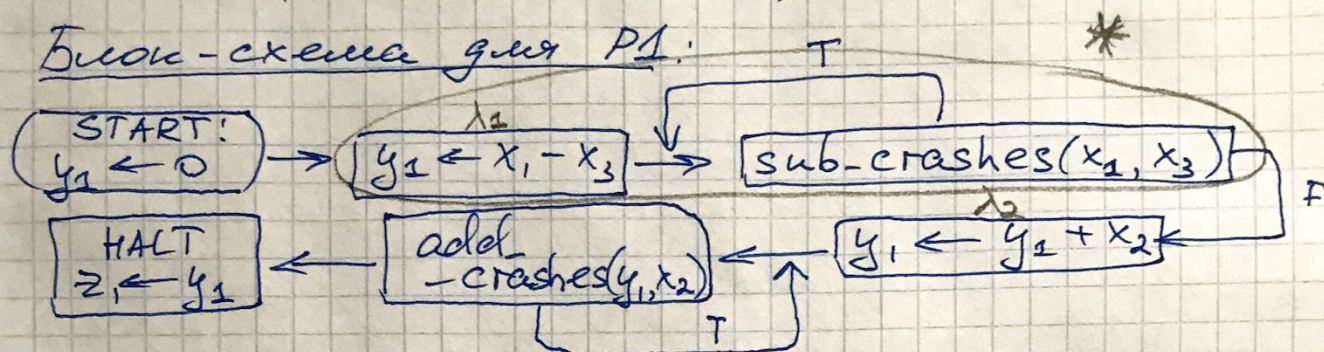
$$\Leftrightarrow sub_crashes(a, b) = \neg(a \in d) \vee \neg(b \in d) \vee \neg(a - b \in d) \quad (1)$$

$add_crashes(a, b)$ - аналогично, можно дать $a + b$

$$d = [-2^{31}, 2^{31} - 1]$$

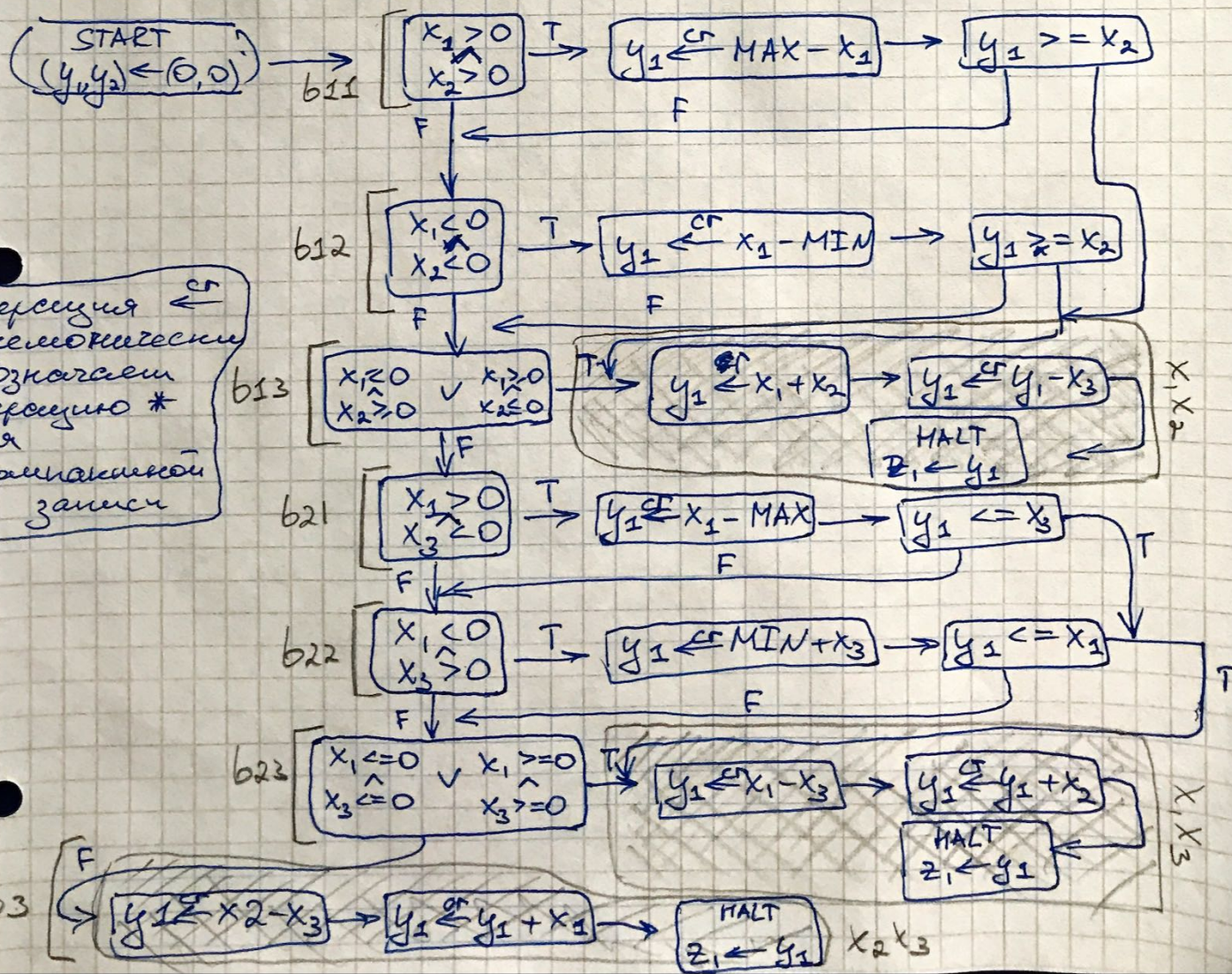
$$a \in d \Leftrightarrow (a \leq INT_MAX) \wedge (a > INT_MIN)$$

Блок-схема для P1:



Таким образом блок ASSIGN и следующий за ним TEST с [тип]-crashes модифицируют операцию, зависящую в случае переполнения или неподходящих аргументов (*)

Блок-схема для P2:



Пересечением множеств обозначает операцию * для коммутативной операции

Мат. модель T1:

$$\varphi_1 \equiv (x_1 \in d) \wedge (x_2 \in d) \wedge (x_3 \in d) \wedge ((x_1 - x_3) \in d) \wedge ((x_1 + x_2 - x_3) \in d)$$

$$D_{x_1} = D_{x_2} = D_{x_3} = D_{z_1} = \mathbb{Z}$$

$$\psi \equiv (z_1 = x_1 + x_2 - x_3)$$

Мат. модель T2:

$$\varphi_2 \equiv (x_1 \in d) \wedge (x_2 \in d) \wedge (x_3 \in d) \wedge ((x_1 + x_2 - x_3) \in d)$$

I. P1 T1, $\langle \varphi_1 \rangle$ P1 $\langle \psi \rangle$ - ?

$$\forall \bar{x} \in D_{\bar{x}}, \varphi_1(\bar{x}) \Rightarrow M[P1](\bar{x}) \neq \omega \wedge \psi(\bar{x}, M[P1](\bar{x}))$$

$$1) M[P1](\bar{x}) = \begin{cases} y_1, & \text{выз. конечно} \\ \omega, & \text{выз. бесконечно} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \neg \text{sub-cr}(x_2, x_3) \wedge \\ \neg \text{add-cr}(x_1 - x_3, x_2) \end{cases}$$

$$T.O. M[P1](\bar{x}) \neq \omega \Leftrightarrow \neg \text{sub-cr}(x_1, x_3) \wedge \neg \text{add-cr}(x_1 - x_3, x_2)$$

$$\{1\} \Leftrightarrow \neg(\neg(x_1 \in d) \vee \neg(x_3 \in d) \vee \neg(x_1 - x_3) \in d) \wedge$$

$$\neg(\neg((x_1 - x_3) \in d) \vee \neg(x_2 \in d) \vee \neg((x_1 + x_2 - x_3) \in d)) \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow (x_1 \in d) \wedge (x_3 \in d) \wedge ((x_1 - x_3) \in d) \wedge (x_2 \in d) \wedge$$

$$\textcircled{2} \wedge ((x_1 + x_2 - x_3) \in d) \Leftrightarrow \varphi_1(\bar{x})$$

$$\Leftrightarrow (x_2 \in d) \wedge$$

$$2) \psi(\bar{x}, M[P1](\bar{x})) \Leftrightarrow z_1 = x_1 + x_2 - x_3 \Leftrightarrow$$

$$(y_1)_{\lambda_1} = x_1 + x_2 - x_3 \Leftrightarrow (y_1)_{\lambda_2} + x_2 = x_1 + x_2 - x_3 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow x_1 - x_3 + x_2 = x_1 + x_2 - x_3 \quad \text{CTD}$$

$$(y_1)_{\lambda_p} - \text{значение } y_1 \text{ на месте } \lambda_p$$

P1 полностью
корректна
отн. T1

\Downarrow
P1 частично
корректна
отн. T1

II. P1 T2, $\langle \varphi_2 \rangle$ P1 $\langle \psi \rangle$ - ?

Для н. 1) получаем аналогично II выражение

2), однако из φ_2 оно уже не следует, а значения полной корректности нет.

III. P1 T2, $\langle \varphi_2 \rangle$ P1 $\langle \psi \rangle$ - ?

А вот частичная корректность, есть, т.к. из ~~следует~~ I.2) следует, что если P1 завершается, то её возвращаемое значение равно $x_1 + x_2 - x_3$.

Для P2 ~~важно~~ два утверждения о полной корректности доказываются аналогичным образом: в 1) последовательно рассматриваются предикаты sub-cr и add-cr, а в 2) последовательно рассматриваются вычисления P2. Эти функции описаны в 1-1.why и в силу их объёма, я решил их сюда не переносить.