## **Solutions:**

## Exercices 1:

a) Puissance active totale:

$$P = P_{TL} + P_{self} = 40 + 9, 2 = 49, 2 \text{ W}$$

Puissance réactive du condensateur:

$$\cos \varphi_1 = 0.52 \Longrightarrow \varphi_1 = 58.7^\circ \Longrightarrow \tan \varphi_1 = 1.64$$

$$\cos \varphi_2 = 0.9 \Longrightarrow \varphi_2 = 25.8^\circ \Longrightarrow \tan \varphi_2 = 0.484$$

$$Q_{c} = P \cdot (\tan \varphi_{1} - \tan \varphi_{2}) = 49, 2 \cdot (1,64 - 0,484) = 56,9 \text{ var}$$

Capacité du condensateur:

$$C = \frac{Q_c}{U^2 \cdot \omega} = \frac{56.9}{230^2 \cdot 314} = 3.43 \cdot 10^{-6} \text{ F} = 3.43 \mu\text{F}$$

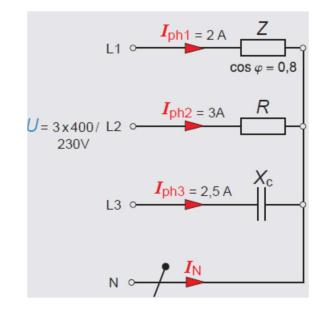
b) Nouvelle intensité du courant:

$$I = \frac{P}{U \cdot \cos \varphi_2} = \frac{49,2}{230 \cdot 0,9} = 0,238 \text{ A}$$

## **Exercices 2:**

# Calculer pour ce couplage:

- a) l'intensité du courant dans le neutre;
- b) la puissance active totale;
- c) la puissance réactive résultante.



## a) L'intensité du courant dans le neutre;

$$\cos \varphi_1 = 0.8 \Longrightarrow \varphi_1 = 37^{\circ}$$

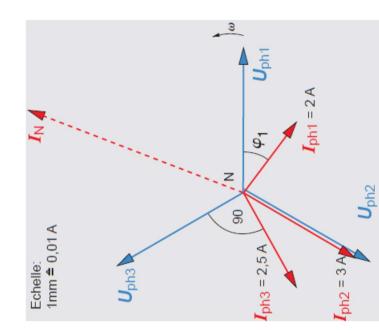
Le diagramme vectoriel donne:  $I_{\rm N}$  = 5,5 A Dans ce couplage, l'intensité du courant dans le neutre est plus grande que le plus grand des courants d'un conducteur polaire.

## b) la puissance active totale;

$$\begin{split} P_1 &= U_{\rm ph} \cdot I_{\rm ph1} \cdot \cos \phi_1 = 230 \cdot 2 \cdot 0,8 = 368 \; \mathrm{W} \\ P_2 &= U_{\rm ph} \cdot I_{\rm ph2} \cdot \cos \phi_2 = 230 \cdot 3 \cdot 1 = 690 \; \mathrm{W} \\ P_3 &= U_{\rm ph} \cdot I_{\rm ph3} \cdot \cos \phi_3 = 230 \cdot 2,5 \cdot 0 = 0 \; \mathrm{W} \\ P_3 &= P_1 + P_2 + P_3 = 368 + 690 + 0 = 1060 \; \mathrm{W} \end{split}$$

c) la puissance réactive résultante.

$$Q_1 = U_{\rm ph} \cdot I_{\rm ph1} \cdot \sin \, \phi_1 = 230 \cdot 2 \cdot 0,6 = 276 \, {\rm var} \, ({\rm ind.})$$
  
 $Q_2 = 0 \, {\rm var}$   
 $Q_3 = U_{\rm ph} \cdot I_{\rm ph3} \cdot \sin \, \phi_3 = 230 \cdot 2,5 \cdot 1 = 575 \, {\rm var} \, ({\rm cap.})$   
 $Q_1 = Q_3 - Q_1 = 575 - 276 =$ **299 var** (cap.)



## Exercices 3:

Facteur de puissance moyen:

$$\tan \varphi_1 = \frac{W_{\text{Q}}}{W} = \frac{98000}{112000} = 0,875$$

$$\tan \varphi_1 = 0.875 \implies \varphi_1 = 41.2^\circ \implies \cos \varphi_1 = \mathbf{0.753}$$

Energie réactive à cos  $\varphi_2$  = 0,95:

$$\cos \varphi_2 = 0.95 \implies \varphi_2 = 18.2^\circ \implies \tan \varphi_2 = 0.329$$
  
 $W_{\rm Q2} = W \cdot \tan \varphi_2 = 112000 \cdot 0.329 = 36800$  kvarh

Energie réactive facturée :

$$W_{\rm F} = W_{\rm Q} - W_{\rm Q2} = 98000 - 36800 = 61200 \text{ kvarh}$$

Coût:

Puissance réactive de la batterie:

$$Q_{\rm C} = \frac{W_{\rm F}}{t} = \frac{61200}{160} = 383 \text{ kvar}$$

