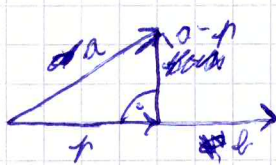


## Orthogonale Projektion

Eine orthogonale Projektion von  $a$  in Richtung  $b$  wird als  $pr(a)$  geschrieben. (von  $a$  auf  $b$ )



$$p = \alpha b \Leftrightarrow p \perp b$$
$$(a - \frac{\langle a, b \rangle}{\langle b, b \rangle} b) \perp b \Rightarrow \langle a - \frac{\langle a, b \rangle}{\langle b, b \rangle} b, b \rangle = 0$$

Daraus folgt:  $p = \frac{\langle a, b \rangle}{\langle b, b \rangle} b$

Berechnen der Länge:  $\|pr(a)\| = \left\| \frac{\langle a, b \rangle}{\langle b, b \rangle} b \right\| = \left| \frac{\langle a, b \rangle}{\langle b, b \rangle} \right| \cdot \|b\| = \frac{|\langle a, b \rangle|}{\|b\|^2} \cdot \|b\| = \frac{|\langle a, b \rangle|}{\|b\|}$

oder:  $\|pr(a)\| = \frac{|\langle a, b \rangle|}{\|b\|}$

Wollte  $b$  ein Einheitsvektor sein gilt:  $pr(a) = \langle a, b \rangle \cdot b$

$pr(a)$  bezeichnet  $p$  in der Gleichung.

Die orthogonale Projektion gibt einen Vektor zurück, dessen Länge so angepasst wurde, dass ein Vektor  $p-a$  orthogonal zu  $p$  bzw. dem Ursprungsvektor  $b$  steht.

## Cauchy-Schwarzsche Ungleichung

$$|\langle a, b \rangle| \leq \|a\| \|b\|$$

## Dreiecksungleichung

$$\|a + b\| \leq \|a\| + \|b\|$$

## Winkel zwischen 2 Vektoren

Der Winkel zwischen 2 Vektoren wird wie folgt berechnet:  $\angle(a, b) := \arccos\left(\frac{\langle a, b \rangle}{\|a\| \|b\|}\right)$

Der Winkel ändert sich nicht, wenn die Vektoren normiert werden.