KICK-OFF PROJET INDUSTRIEL

Evaluation topologique de diverses transformations d'images

Sarah Brood & Heithem Dridi

20/10/2021













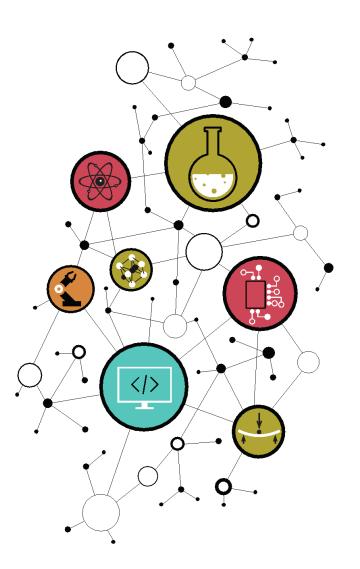




L'École des INGÉNIEURS Scientifiques

Sommaire

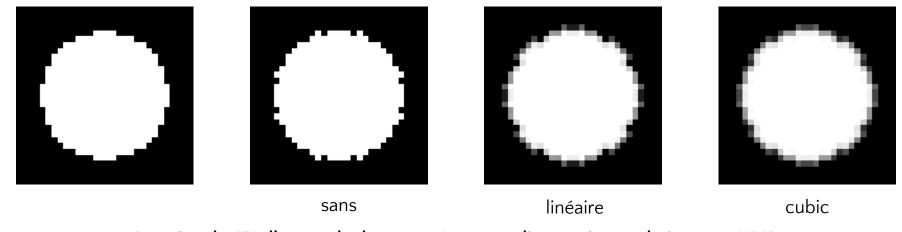




- Présentation du projet
- Implémentation

Problématique

- Transformations abîment les objets (2D & 3D)



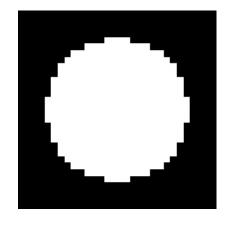
Rotation de 45° d'un cercle de rayon 10px avec diverses interpolations sur GIMP

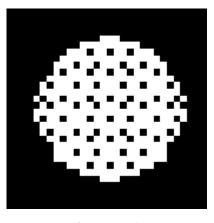


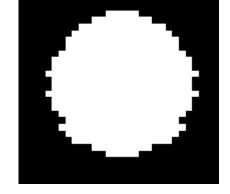
Problématique



Quantifier les erreurs de topologies dues à ces transformations







forward

backward

Rotation de 45° d'un cercle de rayon 10px

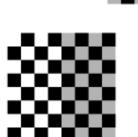
Parties



- 1. Transformations et interpolations
- 2. Topologie discrète
- 3. Homologie persistante

Transformations affines

- Translation



- Rotation



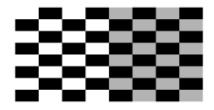
- Reflection



- Cisaillement



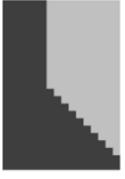
- Mise à l'échelle



images par M. W. Toews - Own work, CC BY-SA 4.0, Wikipedia

Interpolations

- Plus proches voisins



- Bilinéaire



- Sinus Cardinal



- Bicubique



 Bicubique avec fenêtre de Lanczos



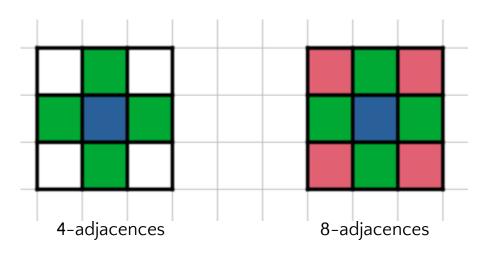
-

Source: Pascal Getreuer, *Linear Methods for Image Interpolation*, <u>Image Processing On Line</u>, <u>1</u> (2011), pp. 238–259



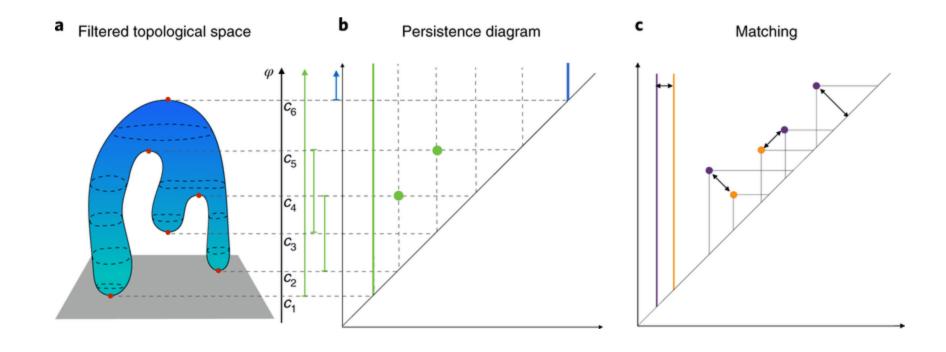
Topologie discrète

- Quantifier les nombres de Betti selon les adjacences :
 - BO: Nombre de composantes connexes
 - B1: Nombre de tunnels (seulement en 3D)
 - B2 : Nombre de cavités



Homologie persistante





Source: Mattia G. Bergomi, Patrizio Frosini, Daniela Giorgi and Nicola Quercioli, *Towards a topological*-geometrical theory of group equivariant non-expansive operators for data analysis and machine learning

Implémentation

ENSI CAEN ÉCOLE PUBLIQUE D'INGÉNIEURS CENTRE DE RECHERCHE

DGTal

C++ library ' ' ' '

AffineTransformation2D

- _linear : LinearMatrix

- _translate : TranslateMatrix

+ operator()
+forward()
+backward()
+rotation():AffineTransformation2D
+homothety():AffineTransformation2D
+translation():AffineTransformation2D

LinearMatrix : DGtal::SimpleMatrix<double,2,2> TranslateMatrix : DGtal::SimpleMatrix<double,1,2>

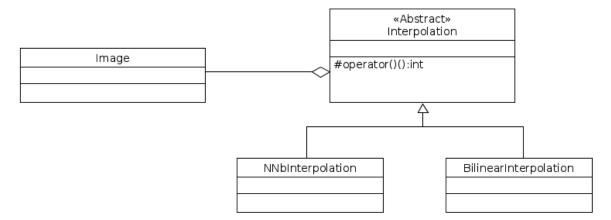


Diagramme de l'architecture pour les transformations

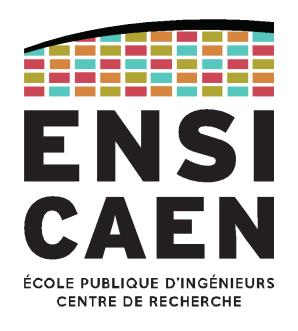
Conclusion



3 parties à réaliser

Actuellement : 1ère partie avec DGtal

MERCI

















L'École des INGÉNIEURS Scientifiques