

Cryptography

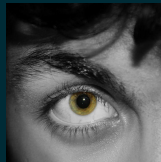
Hackers ahead of time

Gaspare Ferraro
ferraro@gaspa.re

November 16, 2018



Visit us!



@GaspareG

Part I

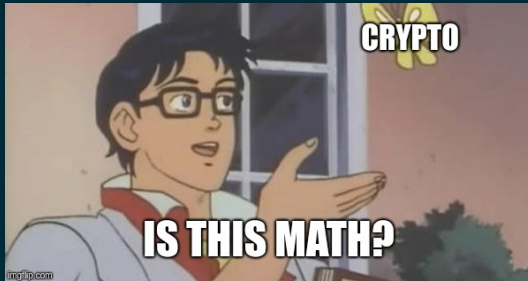
Introduzione

Warning!

In questo incontro si fa uso della *matematica*!

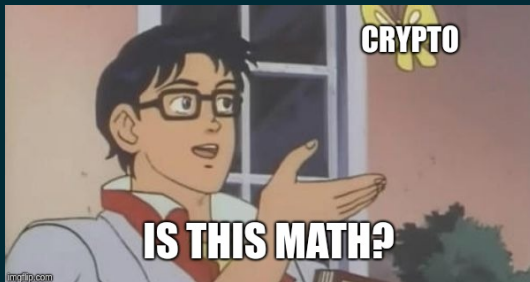
Warning!

In questo incontro si fa uso della *matematica*!



Warning!

In questo incontro si fa uso della *matematica*!



Non è sempre stato così però...

La crittografia ieri

La crittografia ieri



(c) Cifrario di Cesare

La crittografia ieri



(e) Cifrario di Cesare



(f) Scitala

La crittografia oggi

Le necessità, così come le risorse a disposizione, si sono evolute ed oggi possiamo suddividere la crittografia in:

La crittografia oggi

Le necessità, così come le risorse a disposizione, si sono evolute ed oggi possiamo suddividere la crittografia in:

(EN|DE)CRYPTION

ASYMMETRIC (RSA, ECC, ...)
SYMMETRIC (DES, AES, ...)

KEY EXCHANGE

RSA, DH, ECDH, ...

AUTHENTICATION

RSA, DSA, ECDSA, ...

HASHING

MD5, SHA-1, SHA-256, ...

Part II

Crittografia simmetrica

Crittografia simmetrica

Crittografia simmetrica

I cifrari simmetrici sono quelli dove i messaggi m vengono cifrati e decifrati usando una stessa chiave k , che deve essere nota solo ed esclusivamente alle due parti.

Crittografia simmetrica

I cifrari simmetrici sono quelli dove i messaggi m vengono cifrati e decifrati usando una stessa chiave k , che deve essere nota solo ed esclusivamente alle due parti.

$\mathcal{C}(m, k) = c$ (funzione di cifratura)

$\mathcal{D}(c, k) = m$ (funzione di decifratura)

Ovviamente deve valere che:

$\mathcal{D}(\mathcal{C}(m, k), k) = m$ (il messaggio originale non viene alterato durante lo scambio).

Crittografia simmetrica

I cifrari simmetrici sono quelli dove i messaggi m vengono cifrati e decifrati usando una stessa chiave k , che deve essere nota solo ed esclusivamente alle due parti.

$\mathcal{C}(m, k) = c$ (funzione di cifratura)

$\mathcal{D}(c, k) = m$ (funzione di decifratura)

Ovviamente deve valere che:

$\mathcal{D}(\mathcal{C}(m, k), k) = m$ (il messaggio originale non viene alterato durante lo scambio).

Per esempio nel cifrario di Cesare:

$\mathcal{C}(m, k)$ = ruota in avanti di k ogni singolo carattere.

$\mathcal{D}(c, k)$ = ruota indietro di k ogni singolo carattere.

I principi di Shannon

I principi di Shannon

Come valutiamo se un cifrario è abbastanza robusto? (Dove con robustezza è intesa la sua possibilità di essere attaccato con successo).

I principi di Shannon

Come valutiamo se un cifrario è abbastanza robusto? (Dove con robustezza è intesa la sua possibilità di essere attaccato con successo).

Shannon definisce due concetti chiave:

- ▶ Confusione: la chiave deve essere ben distribuita (ogni bit del cifrato dovrebbe dipendere da ogni bit della chiave).
- ▶ Diffusione: il messaggio (ogni bit del cifrato dovrebbe dipendere da ogni bit del messaggio).

I principi di Shannon

Come valutiamo se un cifrario è abbastanza robusto? (Dove con robustezza è intesa la sua possibilità di essere attaccato con successo).

Shannon definisce due concetti chiave:

- ▶ Confusione: la chiave deve essere ben distribuita (ogni bit del cifrato dovrebbe dipendere da ogni bit della chiave).
- ▶ Diffusione: il messaggio (ogni bit del cifrato dovrebbe dipendere da ogni bit del messaggio).

Nel caso del cifrario di Cesare non abbiamo nessun tipo di diffusione e una bassa confusione (perchè?).

XOR cipher

Crittoanalisi statistica

Spesso le vulnerabilità non è nell'algoritmo ma nella sua applicazione...



One-time Pad

Il Cifrario di Vernam .

Chiamato anche one-time pad poichè

Part III

Crittografia asimmetrica

Concetti base

La crittografia asimmetrica si basa sulle funzioni *one-way trapdoor* e sulla presenza di una coppia di chiavi (chiamate chiave pubblica e chiave privata).

Concetti base

La crittografia asimmetrica si basa sulle funzioni *one-way trapdoor* e sulla presenza di una coppia di chiavi (chiamate chiave pubblica e chiave privata).

Una funzione f si dice *trapdoor* se:

- ▶ Calcolare $y = f(x)$ è computazionalmente facile.
- ▶ Calcolare $x = f^{-1}(y)$ è computazionalmente difficile (*senza nessuna informazione aggiuntiva*).

Concetti base

La crittografia asimmetrica si basa sulle funzioni *one-way trapdoor* e sulla presenza di una coppia di chiavi (chiamate chiave pubblica e chiave privata).

Una funzione f si dice *trapdoor* se:

- ▶ Calcolare $y = f(x)$ è computazionalmente facile.
- ▶ Calcolare $x = f^{-1}(y)$ è computazionalmente difficile (*senza nessuna informazione aggiuntiva*).

Un esempio è il problema della fattorizzazione:

- ▶ $m = f(\{p, q\}) = (p \times q)$ (calcolo del prodotto tra i primi p e q).
- ▶ $\{p, q\} = f^{-1}(n) = ??$ (scomposizione in fattori primi di n).

Concetti base

La crittografia asimmetrica si basa sulle funzioni *one-way trapdoor* e sulla presenza di una coppia di chiavi (chiamate chiave pubblica e chiave privata).

Una funzione f si dice *trapdoor* se:

- ▶ Calcolare $y = f(x)$ è computazionalmente facile.
- ▶ Calcolare $x = f^{-1}(y)$ è computazionalmente difficile (*senza nessuna informazione aggiuntiva*).

Un esempio è il problema della fattorizzazione:

- ▶ $m = f(\{p, q\}) = (p \times q)$ (calcolo del prodotto tra i primi p e q).
- ▶ $\{p, q\} = f^{-1}(n) = ??$ (scomposizione in fattori primi di n).

$f(\{49171, 61843\}) = 3040882153$ (facile quanto aprire una calcolatrice).

$f^{-1}(1841488427) = ??$ (devo provare tutti i divisori da 2 a \sqrt{n}).

Concetti base

La crittografia asimmetrica si basa sulle funzioni *one-way trapdoor* e sulla presenza di una coppia di chiavi (chiamate chiave pubblica e chiave privata).

Una funzione f si dice *trapdoor* se:

- ▶ Calcolare $y = f(x)$ è computazionalmente facile.
- ▶ Calcolare $x = f^{-1}(y)$ è computazionalmente difficile (*senza nessuna informazione aggiuntiva*).

Un esempio è il problema della fattorizzazione:

- ▶ $m = f(\{p, q\}) = (p \times q)$ (calcolo del prodotto tra i primi p e q).
- ▶ $\{p, q\} = f^{-1}(n) = ??$ (scomposizione in fattori primi di n).

$f(\{49171, 61843\}) = 3040882153$ (facile quanto aprire una calcolatrice).

$f^{-1}(1841488427) = ??$ (devo provare tutti i divisori da 2 a \sqrt{n}).

Il problema diventa banale se conosco uno dei due divisori:

$$1841488427 / 58049 = 31723$$

Aritmetica modulare

Diciamo che due interi a e b sono congrui modulo n , scritto $a \equiv b \pmod{n}$, se $(a \% n) = (b \% n)$ dove $\%$ è il resto della divisione intero (modulo).

Aritmetica modulare

Diciamo che due interi a e b sono congrui modulo n , scritto $a \equiv b \pmod{n}$, se $(a \% n) = (b \% n)$ dove $\%$ è il resto della divisione intero (modulo).

Alcune proprietà matematiche:

Aritmetica modulare

Diciamo che due interi a e b sono congrui modulo n , scritto $a \equiv b \pmod{n}$, se $(a \% n) = (b \% n)$ dove $\%$ è il resto della divisione intero (modulo).

Alcune proprietà matematiche:

- ▶ $a + k \equiv b + k \pmod{n}$, invariante per addizione.
- ▶ $k * a \equiv k * b \pmod{n}$, invariante per moltiplicazione.
- ▶ $a^k \equiv b^k \pmod{n}$, invariante per potenza.

Aritmetica modulare

Diciamo che due interi a e b sono congrui modulo n , scritto $a \equiv b \pmod{n}$, se $(a \% n) = (b \% n)$ dove $\%$ è il resto della divisione intero (modulo).

Alcune proprietà matematiche:

- ▶ $a + k \equiv b + k \pmod{n}$, invariante per addizione.
- ▶ $k * a \equiv k * b \pmod{n}$, invariante per moltiplicazione.
- ▶ $a^k \equiv b^k \pmod{n}$, invariante per potenza.
- ▶ $\sqrt{a} \equiv b \pmod{n}$ se $a \equiv b^2 \pmod{n}$, radice quadrata.
- ▶ $a^{-1} \equiv b \pmod{n}$ se $ab \equiv 1 \pmod{n}$, inverso moltiplicativo.
- ▶ ...

RSA pt.1

RSA pt.1

L'algoritmo di cifratura asimmetrica più famoso è l'RSA (da Rivest Shamir Adleman) che si basa sul problema della fattorizzazione e sull'algebra modulare.

RSA pt.1

L'algoritmo di cifratura asimmetrica più famoso è l'RSA (da Rivest Shamir Adleman) che si basa sul problema della fattorizzazione e sull'algebra modulare.

Il funzionamento di base è:

RSA pt.1

L'algoritmo di cifratura asimmetrica più famoso è l'RSA (da Rivest Shamir Adleman) che si basa sul problema della fattorizzazione e sull'algebra modulare.

Il funzionamento di base è:

- ▶ Si scelgono due numeri primi a caso p e q (in modo *sicuro*).

RSA pt.1

L'algoritmo di cifratura asimmetrica più famoso è l'RSA (da Rivest Shamir Adleman) che si basa sul problema della fattorizzazione e sull'algebra modulare.

Il funzionamento di base è:

- ▶ Si scelgono due numeri primi a caso p e q (in modo *sicuro*).
- ▶ Si calcola il prodotto $n = p * q$ (che sarà il nostro modulo).

RSA pt.1

L'algoritmo di cifratura asimmetrica più famoso è l'RSA (da Rivest Shamir Adleman) che si basa sul problema della fattorizzazione e sull'algebra modulare.

Il funzionamento di base è:

- ▶ Si scelgono due numeri primi a caso p e q (in modo *sicuro*).
- ▶ Si calcola il prodotto $n = p * q$ (che sarà il nostro modulo).
- ▶ Si calcola il toziente $\phi(n) = (p - 1) * (q - 1)$ (il numero dei coprimi con n).

RSA pt.1

L'algoritmo di cifratura asimmetrica più famoso è l'RSA (da Rivest Shamir Adleman) che si basa sul problema della fattorizzazione e sull'algebra modulare.

Il funzionamento di base è:

- ▶ Si scelgono due numeri primi a caso p e q (in modo *sicuro*).
- ▶ Si calcola il prodotto $n = p * q$ (che sarà il nostro modulo).
- ▶ Si calcola il toziente $\phi(n) = (p - 1) * (q - 1)$ (il numero dei coprimi con n).
- ▶ Si sceglie a caso un numero e , coprimo e minore di $\phi(n)$.

RSA pt.1

L'algoritmo di cifratura asimmetrica più famoso è l'RSA (da Rivest Shamir Adleman) che si basa sul problema della fattorizzazione e sull'algebra modulare.

Il funzionamento di base è:

- ▶ Si scelgono due numeri primi a caso p e q (in modo *sicuro*).
- ▶ Si calcola il prodotto $n = p * q$ (che sarà il nostro modulo).
- ▶ Si calcola il toziente $\phi(n) = (p - 1) * (q - 1)$ (il numero dei coprimi con n).
- ▶ Si sceglie a caso un numero e , coprimo e minore di $\phi(n)$.
- ▶ Si calcola il numero d come inverso moltiplicativo di e , ovvero $ed \equiv 1 \pmod{\phi(n)}$.

RSA pt.1

L'algoritmo di cifratura asimmetrica più famoso è l'RSA (da Rivest Shamir Adleman) che si basa sul problema della fattorizzazione e sull'algebra modulare.

Il funzionamento di base è:

- ▶ Si scelgono due numeri primi a caso p e q (in modo *sicuro*).
- ▶ Si calcola il prodotto $n = p * q$ (che sarà il nostro modulo).
- ▶ Si calcola il toziente $\phi(n) = (p - 1) * (q - 1)$ (il numero dei coprimi con n).
- ▶ Si sceglie a caso un numero e , coprimo e minore di $\phi(n)$.
- ▶ Si calcola il numero d come inverso moltiplicativo di e , ovvero $ed \equiv 1 \pmod{\phi(n)}$.

Chiamiamo quindi:

RSA pt.1

L'algoritmo di cifratura asimmetrica più famoso è l'RSA (da Rivest Shamir Adleman) che si basa sul problema della fattorizzazione e sull'algebra modulare.

Il funzionamento di base è:

- ▶ Si scelgono due numeri primi a caso p e q (in modo *sicuro*).
- ▶ Si calcola il prodotto $n = p * q$ (che sarà il nostro modulo).
- ▶ Si calcola il toziente $\phi(n) = (p - 1) * (q - 1)$ (il numero dei coprimi con n).
- ▶ Si sceglie a caso un numero e , coprimo e minore di $\phi(n)$.
- ▶ Si calcola il numero d come inverso moltiplicativo di e , ovvero $ed \equiv 1 \pmod{\phi(n)}$.

Chiamiamo quindi:

$k_{pub} = (n, e)$ la chiave pubblica che distribuiamo.

RSA pt.1

L'algoritmo di cifratura asimmetrica più famoso è l'RSA (da Rivest Shamir Adleman) che si basa sul problema della fattorizzazione e sull'algebra modulare.

Il funzionamento di base è:

- ▶ Si scelgono due numeri primi a caso p e q (in modo *sicuro*).
- ▶ Si calcola il prodotto $n = p * q$ (che sarà il nostro modulo).
- ▶ Si calcola il toziente $\phi(n) = (p - 1) * (q - 1)$ (il numero dei coprimi con n).
- ▶ Si sceglie a caso un numero e , coprimo e minore di $\phi(n)$.
- ▶ Si calcola il numero d come inverso moltiplicativo di e , ovvero $ed \equiv 1 \pmod{\phi(n)}$.

Chiamiamo quindi:

$k_{pub} = (n, e)$ la chiave pubblica che distribuiamo.

$k_{priv} = (n, d)$ la chiave privata che teniamo segreta.

RSA pt.2

Una volta calcolata la chiave pubblica e quella privata possiamo cifrare e decifrare i messaggi in questo modo:

RSA pt.2

Una volta calcolata la chiave pubblica e quella privata possiamo cifrare e decifrare i messaggi in questo modo:

$$\mathcal{C}(m, k_{pub}) = m^e \pmod{n}$$

RSA pt.2

Una volta calcolata la chiave pubblica e quella privata possiamo cifrare e decifrare i messaggi in questo modo:

$$\mathcal{C}(m, k_{pub}) = m^e \pmod{n}$$

$$\mathcal{D}(c, k_{priv}) = c^d \pmod{n}$$

RSA pt.2

Una volta calcolata la chiave pubblica e quella privata possiamo cifrare e decifrare i messaggi in questo modo:

$$\mathcal{C}(m, k_{pub}) = m^e \pmod{n}$$

$$\mathcal{D}(c, k_{priv}) = c^d \pmod{n}$$

Si ma perchè funziona?

RSA pt.2

Una volta calcolata la chiave pubblica e quella privata possiamo cifrare e decifrare i messaggi in questo modo:

$$\mathcal{C}(m, k_{pub}) = m^e \pmod{n}$$

$$\mathcal{D}(c, k_{priv}) = c^d \pmod{n}$$

Si ma perchè funziona?

Dal teorema di Eulero sappiamo che $m^{\phi(n)} \equiv 1 \pmod{n}$.

I valori e e d sono calcolati in modo che $ed \equiv 1 \pmod{\phi(n)}$.

$$\mathcal{D}(\mathcal{C}(m, k), k) = m^{ed} = m^{\phi(n)*t+1} = m^{\phi(n)^t} * m = 1 * m = m$$

Un esempio per capire

Un esempio per capire

Scegliamo i seguenti parametri:

- ▶ $p = 13$ e $q = 23$
- ▶ $n = p * q = 299$
- ▶ $\phi(n) = (13 - 1) * (23 - 1) = 264$
- ▶ $e = 7$, $\gcd(264, 7) = 1$
- ▶ $d = 151$, $7 * 151 \equiv 1 \pmod{264}$

Un esempio per capire

Scegliamo i seguenti parametri:

- ▶ $p = 13$ e $q = 23$
- ▶ $n = p * q = 299$
- ▶ $\phi(n) = (13 - 1) * (23 - 1) = 264$
- ▶ $e = 7$, $\gcd(264, 7) = 1$
- ▶ $d = 151$, $7 * 151 \equiv 1 \pmod{264}$

Quindi $k_{pub} = (299, 7)$ e $k_{priv} = (299, 151)$. Vogliamo cifrare $m = 42$.

Un esempio per capire

Scegliamo i seguenti parametri:

- ▶ $p = 13$ e $q = 23$
- ▶ $n = p * q = 299$
- ▶ $\phi(n) = (13 - 1) * (23 - 1) = 264$
- ▶ $e = 7$, $\gcd(264, 7) = 1$
- ▶ $d = 151$, $7 * 151 \equiv 1 \pmod{264}$

Quindi $k_{pub} = (299, 7)$ e $k_{priv} = (299, 151)$. Vogliamo cifrare $m = 42$.

$$\mathcal{C}(m, k_{pub}) = m^e = 42^7 = 230539333248 = 107 \pmod{299}$$

Un esempio per capire

Scegliamo i seguenti parametri:

- ▶ $p = 13$ e $q = 23$
- ▶ $n = p * q = 299$
- ▶ $\phi(n) = (13 - 1) * (23 - 1) = 264$
- ▶ $e = 7$, $\gcd(264, 7) = 1$
- ▶ $d = 151$, $7 * 151 \equiv 1 \pmod{264}$

Quindi $k_{pub} = (299, 7)$ e $k_{priv} = (299, 151)$. Vogliamo cifrare $m = 42$.

$$\mathcal{C}(m, k_{pub}) = m^e = 42^7 = 230539333248 = 107 \pmod{299}$$

$$\mathcal{D}(c, k_{priv}) = c^d = 107^{151} = 2743956545...948643 = 42 \pmod{299}$$

(Non tanto) a caso

(Non tanto) a caso

"Si scelgono due numeri primi *a caso* p e q (in modo *sicuro*)"

- ▶ Scegliere p e q di almeno 1024 bit.
- ▶ Scegliere p e q non troppo vicini tra loro.
- ▶ Non riutare uno dei primi per altri moduli.

(Non tanto) a caso

"Si scelgono due numeri primi *a caso* p e q (in modo *sicuro*)"

- ▶ Scegliere p e q di almeno 1024 bit.
- ▶ Scegliere p e q non troppo vicini tra loro.
- ▶ Non riutare uno dei primi per altri moduli.

Con la potenza di calcolo attuale è possibile fattorizzare semiprimi fino a (circa) 768 bit, i moduli più grandi sono (per ora) resistenti agli attacchi bruteforce.

(Non tanto) a caso

"Si scelgono due numeri primi *a caso* p e q (in modo *sicuro*)"

- ▶ Scegliere p e q di almeno 1024 bit.
- ▶ Scegliere p e q non troppo vicini tra loro.
- ▶ Non riutare uno dei primi per altri moduli.

Con la potenza di calcolo attuale è possibile fattorizzare semiprimi fino a (circa) 768 bit, i moduli più grandi sono (per ora) resistenti agli attacchi bruteforce.

Se p e q sono vicini allora abbiamo che $n \simeq p^2 \simeq q^2$ e quindi anche \sqrt{n} sarà vicino ai primi. Basterà quindi un attacco bruteforce che cerca i fattori vicino alla radice quadrata.

(Non tanto) a caso

"Si scelgono due numeri primi *a caso* p e q (in modo *sicuro*)"

- ▶ Scegliere p e q di almeno 1024 bit.
- ▶ Scegliere p e q non troppo vicini tra loro.
- ▶ Non riutare uno dei primi per altri moduli.

Con la potenza di calcolo attuale è possibile fattorizzare semiprimi fino a (circa) 768 bit, i moduli più grandi sono (per ora) resistenti agli attacchi bruteforce.

Se p e q sono vicini allora abbiamo che $n \simeq p^2 \simeq q^2$ e quindi anche \sqrt{n} sarà vicino ai primi. Basterà quindi un attacco bruteforce che cerca i fattori vicino alla radice quadrata.

Se $n_1 = p * q'$ e $n_2 = p * q''$ allora $p = \gcd(n_1, n_2)$.

Part IV

Hashing

Creare confusione

Creare confusione

Chiamiamo hash una funzione f *non invertibile* che associa una stringa ad una stringa di dimensione fissata. Con le seguenti proprietà:

Creare confusione

Chiamiamo hash una funzione f *non invertibile* che associa una stringa ad una stringa di dimensione fissata. Con le seguenti proprietà:

- ▶ Resistenza alla preimmagine: dato un hash h è difficile trovare m tale che $f(m) = h$.
- ▶ Resistenza alla seconda preimmagine: dato m_1 è difficile trovare m_2 tale che $f(m_1) = f(m_2)$.
- ▶ Resistenza alle collisioni: è difficile trovare coppie (m_1, m_2) tali che $f(m_1) = f(m_2)$.

Creare confusione

Chiamiamo hash una funzione f *non invertibile* che associa una stringa ad una stringa di dimensione fissata. Con le seguenti proprietà:

- ▶ Resistenza alla preimmagine: dato un hash h è difficile trovare m tale che $f(m) = h$.
- ▶ Resistenza alla seconda preimmagine: dato m_1 è difficile trovare m_2 tale che $f(m_1) = f(m_2)$.
- ▶ Resistenza alle collisioni: è difficile trovare coppie (m_1, m_2) tali che $f(m_1) = f(m_2)$.

Utilizzi pratici:

- ▶ Salvataggio delle password (hashate invece che in chiaro).
- ▶ Creazione di hashtable (struttura dati ad accesso diretto).
- ▶ Controllo di integrità ($md5sum$, $sha1sum$).
- ▶ Firma digitale (sull'hash invece che sul documento).

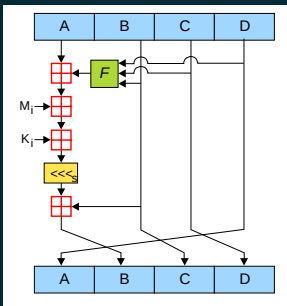
MD5

MD5

Inventato da Rivest nel 1991, divenne la funzione di hash standard fino al 2004-2006.
Viene utilizzata ancora adesso per il controllo di integrità.

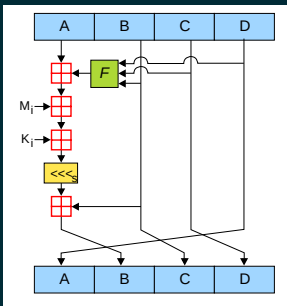
MD5

Inventato da Rivest nel 1991, divenne la funzione di hash standard fino al 2004-2006. Viene utilizzata ancora adesso per il controllo di integrità.



MD5

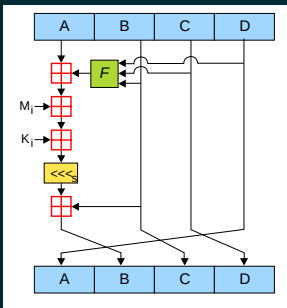
Inventato da Rivest nel 1991, divenne la funzione di hash standard fino al 2004-2006. Viene utilizzata ancora adesso per il controllo di integrità.



$\text{md5}(\text{"password"}) = 5\text{F}4\text{DCC}3\text{B}5\text{AA}765\text{D}61\text{D}8327\text{DEB}882\text{CF}99$

MD5

Inventato da Rivest nel 1991, divenne la funzione di hash standard fino al 2004-2006. Viene utilizzata ancora adesso per il controllo di integrità.



$\text{md5}(\text{"password"}) = 5\text{F}4\text{DCC}3\text{B}5\text{AA}765\text{D}61\text{D}8327\text{DEB}882\text{CF}99$

$\text{md5}(\text{"passwore"}) = \text{A}826176\text{C}6495\text{C}5116189\text{DB}91770\text{E}20\text{CE}$

Proof of Work

Proof of Work

Spesso, come sistema di protezione per attacchi DOS o per altri motivi, ci viene chiesto di reversare (completamente o parzialmente) un hash.

Proof of Work

Spesso, come sistema di protezione per attacchi DOS o per altri motivi, ci viene chiesto di reversare (completamente o parzialmente) un hash.

L'accesso ad una risorsa ci verrà fornito solo dopo aver dimostrato (*Proof of Work*) la risoluzione ad un problema. Nel caso dell'hashing questa operazione viene chiamata hashcash (ed è alla base del mining delle criptovalute).

Proof of Work

Spesso, come sistema di protezione per attacchi DOS o per altri motivi, ci viene chiesto di reversare (completamente o parzialmente) un hash.

L'accesso ad una risorsa ci verrà fornito solo dopo aver dimostrato (*Proof of Work*) la risoluzione ad un problema. Nel caso dell'hashing questa operazione viene chiamata hashcash (ed è alla base del mining delle criptovalute).

Esempio (VolgaCtf2017):

Solve a puzzle: find an x such that 26 last bits of $\text{SHA1}(x)$ are set, $\text{len}(x)==29$ and $x[:24]==\text{'58a5a7950d2ec81fae5c1c74'}$

Trovare le collisioni pt.1

Come trovo una collisione / preimmagine?

Trovare le collisioni pt.1

Come trovo una collisione / preimmagine?

- ▶ Database online (es. crackstation.net), immediato ma non completo.
- ▶ Bruteforce (es. John The Ripper, HashCat), lento ma completo.

Trovare le collisioni pt.1

Come trovo una collisione / preimmagine?

- ▶ Database online (es. crackstation.net), immediato ma non completo.
- ▶ Bruteforce (es. John The Ripper, HashCat), lento ma completo.

Quanti tentativi dovrò fare per reversare un hash?

Trovare le collisioni pt.1

Come trovo una collisione / preimmagine?

- ▶ Database online (es. crackstation.net), immediato ma non completo.
- ▶ Bruteforce (es. John The Ripper, HashCat), lento ma completo.

Quanti tentativi dovrò fare per reversare un hash?

Paradosso dei compleanni:

se la funzione hash restituisce un output da n bit ($m = 2^n$ possibili hash) si avrà una collisione al 50% di probabilità dopo $2^{(n/2)}$ tentativi (\sqrt{m}).

Trovare le collisioni pt.2

John The Ripper

```
root@kali: ~  
File Edit View Search Terminal Help  
root@kali:~# john -format=LM /root/Desktop/hash.txt  
Using default input encoding: UTF-8  
Using default target encoding: CP850  
Loaded 4 password hashes with no different salts (LM [DES 128/128 AVX-16])  
Remaining 3 password hashes with no different salts  
Press 'q' or Ctrl-C to abort, almost any other key for status  
0g 0:00:01:21 0.03% 3/3 (ETA: 2017-05-16 00:22) 0g/s 29892Kp/s 29892Kc/s 90718KC  
/s 085MSYP..085MSNY  
0g 0:00:01:22 0.03% 3/3 (ETA: 2017-05-16 00:14) 0g/s 29957Kp/s 29957Kc/s 90903KC  
/s FCUCDB7..FCUCDGT  
0g 0:00:01:25 0.03% 3/3 (ETA: 2017-05-16 00:00) 0g/s 30073Kp/s 30073Kc/s 91218KC  
/s NEWSAHC..NEWSB9B  
0g 0:00:01:26 0.03% 3/3 (ETA: 2017-05-15 23:54) 0g/s 30114Kp/s 30114Kc/s 91330KC  
/s VELH10..VELHLS  
0g 0:00:01:27 0.04% 3/3 (ETA: 2017-05-15 23:50) 0g/s 30148Kp/s 30148Kc/s 91423KC  
/s 4A93GP..4A902K  
0g 0:00:01:28 0.04% 3/3 (ETA: 2017-05-15 23:44) 0g/s 30201Kp/s 30201Kc/s 91572KC  
/s 08TS4DA..08TSFOA  
0g 0:00:01:29 0.04% 3/3 (ETA: 2017-05-15 23:37) 0g/s 30254Kp/s 30254Kc/s 91720KC  
/s IKPABAO..IKPABR6  
0g 0:00:01:30 0.04% 3/3 (ETA: 2017-05-15 23:33) 0g/s 30283Kp/s 30283Kc/s 91799KC  
/s 0J0DGB..0J0D5C  
0g 0:00:01:33 0.04% 3/3 (ETA: 2017-05-15 23:19) 0g/s 30401Kp/s 30401Kc/s 92124KC  
/s H10GW8W..H106CL1
```

Trovare le collisioni pt.3

Hashcat

```
Session.....: hashcat
Status.....: Running
Hash.Type.....: iTunes backup >= 10.0
Hash.Target.....: $itunes_backup$*10*50782427bcc454da54b51256351cb1de...c32eb7
Time.Started.....: Sun Jan 14 14:15:38 2018 (1 hour, 5 mins)
Time.Estimated....: Sun Jan 14 18:05:56 2018 (2 hours, 44 mins)
Guess.Mask.....: Oliver?a?a [8]
Guess.Queue.....: 2/8 (25.00%)
Speed.Dev.#2.....: 1 H/s (1.84ms)
Recovered.....: 0/1 (0.00%) Digests, 0/1 (0.00%) Salts
Progress.....: 2560/9025 (28.37%)
Rejected.....: 0/2560 (0.00%)
Restore.Point.....: 2560/9025 (28.37%)
Candidates.#2.....: Oliver>e -> OliverT9
HWMon.Dev.#2.....: N/A
```

[s]tatus [p]ause [r]esume [b]ypass [c]heckpoint [q]uit =>

```
Session.....: hashcat
Status.....: Running
Hash.Type.....: iTunes backup >= 10.0
Hash.Target.....: $itunes_backup$*10*50782427bcc454da54b51256351cb1de...c32eb7
Time.Started.....: Sun Jan 14 14:15:38 2018 (1 hour, 13 mins)
Time.Estimated....: Sun Jan 14 18:03:02 2018 (2 hours, 34 mins)
Guess.Mask.....: Oliver?a?a [8]
Guess.Queue.....: 2/8 (25.00%)
Speed.Dev.#2.....: 1 H/s (1.84ms)
Recovered.....: 0/1 (0.00%) Digests, 0/1 (0.00%) Salts
Progress.....: 2816/9025 (31.20%)
Rejected.....: 0/2816 (0.00%)
Restore.Point.....: 2816/9025 (31.20%)
Candidates.#2.....: OliverPh -> Oliverj6
HWMon.Dev.#2.....: N/A
```

[s]tatus [p]ause [r]esume [b]ypass [c]heckpoint [q]uit =>

Basta un poco di sale...

...e la password non va giù.

Basta un poco di sale...

...e la password non va giù.

Abbiamo parlato di come *non salvare le password in chiaro* bensì salvare il loro hash.

Basta un poco di sale...

...e la password non va giù.

Abbiamo parlato di come *non salvare le password in chiaro* bensì salvare il loro hash.

Problema:

Se più persone usano la stessa password (tipico: *qwerty*, *123456*, ...) avrò hash duplicati nel database.

Basta un poco di sale...

...e la password non va giù.

Abbiamo parlato di come *non salvare le password in chiaro* bensì salvare il loro hash.

Problema:


Se più persone usano la stessa password (tipico: *qwerty*, *123456*, ...) avrò hash duplicati nel database.

Soluzione:

Salvare $f(\text{password} + \text{salt})$ invece che $f(\text{password})$, dove *salt* è una stringa casuale generata per persona (possibilmente memorizzata in un luogo separato ai dati di login).

Un (pessimo) esempio...

Un (pessimo) esempio...




Gentile GASPARE FERRARO,

come da tua richiesta, ecco i dati relativi al tuo Account



Riepilogo dati registrazione

USER-ID	Gasparg
PASSWORD	XZA113254A

www.trenitalia.com



Un (pessimo) esempio...




Gentile GASPARE FERRARO,

come da tua richiesta, ecco i dati relativi al tuo Account

Riepilogo dati registrazione

USER-ID	Gasparg
PASSWORD	XZA13254A

www.trenitalia.com



Fine