

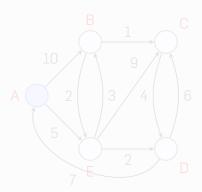
21 janvier 2016



Le but de cette présentation est de faire fonctionner l'algorithme de Dijkstra sur des exemples concrets.

Exemple 1

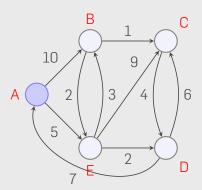
Cherchons les plus courts chemins d'origine A dans ce graphe :



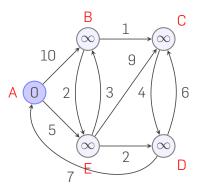
Le but de cette présentation est de faire fonctionner l'*algorithme* de Dijkstra sur des exemples concrets.

Exemple 1

Cherchons les plus courts chemins d'origine A dans ce graphe :

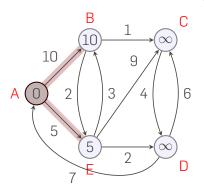


On se place au sommet de plus petit poids, ici le sommet A.



Α	В	С	D	Е
0	∞	∞	∞	∞
•				
•				
•				
•				
•				

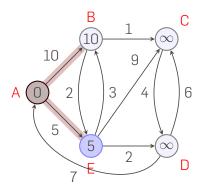
On étudie chacune des arêtes partant du sommet choisi.



Α	В	С	D	Е
0	∞	∞	∞	∞
•	10_A	∞	∞	5_A
•				
•				

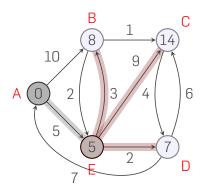
Dans les colonnes, on mets la distance à A, et le sommet d'où l'on vient.

On se place de nouveau au sommet de plus petit poids, ici E.

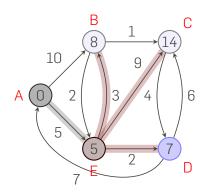


Α	В	С	D	Е
0	∞	∞	∞	∞
•	10_A	∞	∞	5_A
•				•
•				•
•				•
•				•

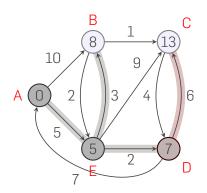
Et ainsi de suite.



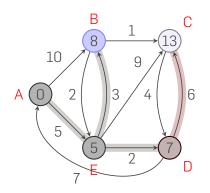
Α	В	С	D	Е
0	∞	∞	∞	∞
•	10_A	∞	∞	5_A
•	8 _E	14 _E	7_E	•
•				•
•				•



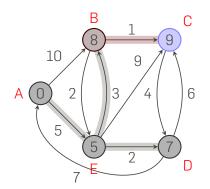
Α	В	С	D	Е
0	∞	∞	∞	∞
•	10_A	∞	∞	5_A
•	8 _E	14 _E	7_E	•
•			•	•
•			•	•



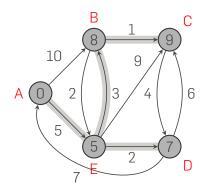
Α	В	С	D	Е
0	∞	∞	∞	∞
•	10_A	∞	∞	5_A
•	8 _E	14 _E	7_E	•
•	8 _E	13 _D	•	•
•			•	•
•			•	•



Α	В	С	D	Е
0	∞	∞	∞	∞
•	10_A	∞	∞	5_A
•	8 _E	14 _E	7_E	•
•	8 _E	13 _D	•	•
•	•		•	•
•	•		•	•



Α	В	С	D	Е
0	∞	∞	∞	∞
•	10_A	∞	∞	5_A
•	8 _E	14 _E	7_E	•
•	8 _E	13 _D	•	•
•	•	9 _B	•	•
•	•		•	•



Α	В	С	D	Е
0	∞	∞	∞	∞
•	10_A	∞	∞	5_A
•	8 _E	14 _E	7_E	•
•	8 _E	13_D	•	•
•	•	9 _B	•	•
•	•	•	•	•

Si l'on ne considère que les flèches soulignées, on obtient un *arbre*, un graphe sans cycle.

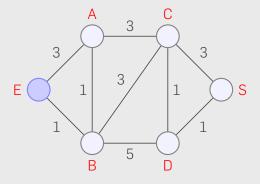
Exemple 2

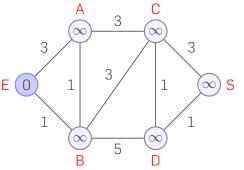
Cherchons les plus courts chemins d'origine ${\it E}$ dans ce graphe :



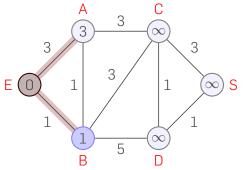
Exemple 2

Cherchons les plus courts chemins d'origine ${\it E}$ dans ce graphe :

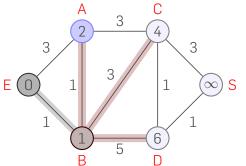




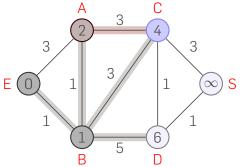
Е	Α	В	С	D	S
0	∞	∞	∞	∞	∞
•					
•					
•					
•					
•					



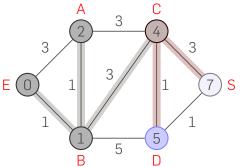
S
∞
∞



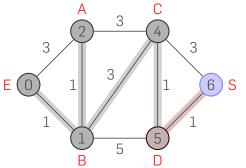
_						
	Ε	Α	В	С	D	S
	0	∞	∞	∞	∞	∞
	•	3_E	1_E	∞	∞	∞
	•	2_B	•	4 _B	6 _B	∞
	•	•	•			
	•	•	•			
	•	•	•			



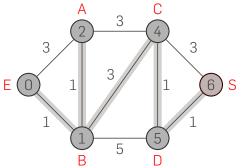
Ε	Α	В	С	D	S
0	∞	∞	∞	∞	∞
•	3_E	1_E	∞	∞	∞
•	2_B	•	4 _B	6 _B	∞
•	•	•	4 _B	6 _B	∞
•	•	•	•		
•	•	•	•		
•		•	4 _B	6 _B	× ×



E	Ξ	Α	В	С	D	S
(∞	∞	∞	∞	∞
•	•	3_E	1_E	∞	∞	∞
•	•	2_B	•	4 _B	6 _B	∞
(•	•	4 _B	6 _B	∞
•		•	•	•	5 _C	7 _C
(•	•	•	•	



Е	Α	В	С	D	S
0	∞	∞	∞	∞	∞
•	3_E	1_E	∞	∞	∞
•	2_B	•	4 _B	6 _B	∞
•	•	•	4 _B	6 _B	∞
•	•	•	•	5 _C	7 _C
•	•	•	•	•	6_D
1	1	I	l	l	



Ε	Α	В	С	D	S
0	∞	∞	∞	∞	∞
•	3_E	1_E	∞	∞	∞
•	2_B	•	4 _B	6 _B	∞
•	•	•	4 _B	6 _B	∞
•	•	•	•	5 _C	7 _C
•	•	•	•	•	6 _B
		0 ∞ • 3 _E	$ \begin{array}{c ccc} 0 & \infty & \infty \\ \bullet & 3_E & 1_E \end{array} $	$\begin{array}{c cccc} 0 & \infty & \infty & \infty \\ \bullet & 3_E & 1_E & \infty \\ \bullet & 2_B & \bullet & 4_B \end{array}$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$