

ANÁLISIS NUMÉRICO I/ANÁLISIS NUMÉRICO – 2018

Trabajo de Laboratorio N^o 6

1. Escribir dos funciones en **Octave** llamadas **soltrsup** y **soltrinf** que resuelvan el sistema lineal $Ax = b$, donde A es una matriz triangular (superior e inferior, respectivamente). La entrada debe ser **(A,b)** con $A \in \mathbb{R}^{n \times n}$ matriz triangular y $b \in \mathbb{R}^n$, y la salida debe ser la solución **x**. Se debe imprimir un mensaje de error si la matriz es singular.
2. (a) Escribir una función en **Octave** llamada “**egauss**” que implemente el método de eliminación Gaussiana. Debe tener entrada **(A,b)** con $A \in \mathbb{R}^{n \times n}$ y $b \in \mathbb{R}^n$, con salida **[U,y]** con $U \in \mathbb{R}^{n \times n}$ triangular superior (usar **triu**) e $y \in \mathbb{R}^n$.
 (b) Escribir una función en **Octave** llamada “**soleg**” que resuelva sistemas lineales $Ax = b$ usando eliminación Gaussiana y resolviendo el sistema triangular superior $Ux = y$ (usando **soltrsup**). La salida debe ser la solución **x** y debe tener entrada **(A,b)** con $A \in \mathbb{R}^{n \times n}$ y $b \in \mathbb{R}^n$.
3. Escribir una función en **Octave** llamada “**sollu**” que resuelva sistemas lineales $Ax = b$ usando descomposición LU con pivoteo (comando **[L,U,P]=lu(A)**) para luego resolver $Ly = Pb$ y $Ux = y$ usando **soltrinf** y **soltrsup**. La salida debe ser la solución **x** y debe tener entrada **(A,b)** con $A \in \mathbb{R}^{n \times n}$ y $b \in \mathbb{R}^n$.
4. Comparar las soluciones dadas por **soleg** y **sollu** al resolver $Ax = b$ con

$$A = \begin{bmatrix} 4 & -1 & 0 & -1 & 0 & 0 \\ -1 & 4 & -1 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & -1 & 4 & 0 & 0 & -1 \\ -1 & 0 & 0 & 4 & -1 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & -1 & 4 & -1 \\ 0 & 0 & -1 & 0 & -1 & 4 \end{bmatrix}, \quad b_1 = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \quad \text{y también } b_2 = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

Ayuda: $n=3$, $b1=[\text{ones}(n,1);\text{zeros}(n,1)]$, $b2=\text{ones}(2*n,1)$, $I=\text{eye}(n)$,
 $B=\text{diag}(4*\text{ones}(n,1))-\text{diag}(\text{ones}(n-1,1),1)-\text{diag}(\text{ones}(n-1,1),-1)$, $A=[B,-I;-I,B]$.

5. Escribir dos funciones en **Octave** llamadas “**jacobi**” y “**gseidel**” que resuelvan sistemas lineales $Ax = b$ usando los métodos de Jacobi y Gauss-Seidel, respectivamente. La salida debe ser **[x,k]** donde **x** es la solución aproximada y **k** la cantidad de iteraciones realizadas. Debe tener entrada **(A,b,err,mit)** con $A \in \mathbb{R}^{n \times n}$, $b \in \mathbb{R}^n$, **err** tolerancia de error y **mit** cantidad máxima de iteraciones. El algoritmo debe parar si $\|x^{(k)} - x^{(k-1)}\|_\infty \leq \text{err}$ o $k \geq \text{mit}$.
6. Usar los métodos de Jacobi y Gauss-Seidel para resolver

$$(1) \quad \begin{bmatrix} 3 & 1 & 1 \\ 2 & 6 & 1 \\ 1 & 1 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 \\ 9 \\ 6 \end{bmatrix}, \quad (2) \quad \begin{bmatrix} 5 & 7 & 6 & 5 \\ 7 & 10 & 8 & 7 \\ 6 & 8 & 10 & 9 \\ 5 & 7 & 9 & 10 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 23 \\ 32 \\ 33 \\ 31 \end{bmatrix}.$$

con una tolerancia de 10^{-11} para (1) y 10^{-4} para (2). ¿Cuántas iteraciones son necesarias en cada caso para alcanzar la precisión deseada?