- 1. Simule estas situaciones y concluya:
  - a) Se tira una moneda equilibrada 10 veces y se observa qué proporción de veces salió cara en las sucesivas tiradas, se repite el experimento en condiciones similares pero aumentando sucesivamente el número de tiradas hasta llegar a 1000000. Se realiza un gráfico de puntos en el plano XY donde el eje X representa el número de lanzamientos y el eje Y la frecuencia relativa de caras en cada uno de los ensayos.
  - b) Repita el procedimiento llevado a cabo en el ítem anterior, pero en este caso la experiencia consiste en tirar un dado equilibrado y registrar la frecuencia relativa de la aparición de cada una de las caras. Graficar sólo el caso para una de las caras.
  - c) En cierto país existe un control de natalidad, con lo cual a las parejas que deciden tener hijos se les impone el siguiente plan familiar: Se pueden tener hijos hasta que ocurra una de estas dos situaciones: tener 3 hijos o que nazca un varón (lo que ocurra primero). ¿Cuál es la probabilidad de tener un hijo varón bajo esta regla?
- 2.
- a) Simule la distribución de la suma de los números que salen al tirar 4 dados para una muestra de tamaño 10000.
- b) Tabule los resultados.
- c) Represente los resultados gráficamente.
- 3. Dada una urna con 3 bolas blancas y 5 bolas negras, realice las siguientes simulaciones y sus correspondientes diagramas de barras:
  - a) Se observa la extracción de una bola
  - b) Se observan 8 extracciones con reposición
  - c) Se observa la cantidad de bolas negras que salen al extraer 30 bolas (con reposición). Este procedimiento se repite 10000 veces.
- 4. En cada uno de los siguientes casos, determinar un espacio muestral asociado a la experiencia y el cardinal del mismo:
  - a) Extraemos una carta de una baraja española y anotamos el número.
  - b) Extraemos una carta de una baraja española y anotamos el palo.
  - c) Extraemos sendas cartas de dos barajas españolas distintas y anotamos el palo de cada una.
  - d) Extraemos sendas cartas de dos barajas españolas distintas y anotamos el palo de la primera y el número de la segunda.
  - e) Lanzamos una moneda y anotamos el resultado.
  - f) Lanzamos dos monedas distintas y anotamos el resultado.
  - g) Lanzamos tres monedas distintas y anotamos el resultado.
  - h) Lanzamos tres monedas distintas y anotamos el número de caras.
  - i) Lanzamos una moneda sucesivas veces hasta que salga cara. y anotamos el número de lanzamientos que fueron necesarios.
  - j) Lanzamos dos dados y observamos la suma de los números que se obtienen.
  - k) Anotamos el número de llamadas a un teléfono en un intervalo de tiempo [0; t].
  - 1) Anotamos el tiempo que media entre dos llamadas a un teléfono.
- 5. A, B y C son sucesos de un mismo espacio muestral. Expresar, en función de operaciones entre ellos, los siguientes sucesos:
  - a) Ocurre alguno de los tres.
  - b) No ocurre ninguno de los tres.
  - c) Ocurren los tres.
  - d) Ocurren dos de los tres.
  - e) Ocurren al menos dos de los tres.

- 6. En familias de tres hijos se estudia la distribución de sexos de los hijos. Por ejemplo (V,M,M) representa que el mayor de los hijos es varón y las otras dos, mujeres. ¿Cuántos elementos tiene el espacio muestral asociado a esta experiencia? Describir los siguientes sucesos:
  - a) A: la menor es mujer
  - b) B: el mayor es varón
  - c) AUB
- 7. Se arroja un dado equilibrado dos veces y se observa el par ordenado de números que se obtiene.
  - a) Describa el espacio muestral asociado a la experiencia.
  - b) Describa los siguientes sucesos:
    - A. en el primer lanzamiento se obtiene un número par
    - B. en el segundo lanzamiento se obtiene un número impar
    - C. se obtienen par y par o impar e impar.
- 8. Sean A y B dos sucesos de un espacio muestral S. Determinar si A y B son o no excluyentes cuando se cuenta con la siguiente información: P(A U B)=2/3; P(A)=1/4; P(B)=1/2
- 9. Sean A y B dos sucesos de un espacio muestral S. Sabiendo que P(A U B)=3/4, P( $\overline{B}$ )=2/3 y P(A  $\cap$  B)=1/4; calcular P(B); P(A) y P( $\overline{A} \cap$  B).
- 10. Analizar la validez de la siguiente afirmación: Si la probabilidad de que ocurran dos sucesos a la vez es menor que 1/2, la suma de las probabilidades de ambos por separado no puede ser mayor que 3/2.
- 11. Calcule las probabilidades de los sucesos definidos en a), b) y c) del ejercicio 6 y b) del ejercicio 7. Especifique los supuestos que ha realizado.
- 12. Se debe formar una comisión de cuatro personas, elegidas al azar entre las siguientes:

Nombre	Profesión	Edad
Ana	Ingeniera	28
Miguel	Ingeniero	39
Beatriz	Lic. en Letras	42
Carlos	Arquitecto	30
Diana	Arquitecta	33
Pedro	Historiador	53
Juan	Abogado	25
Mónica	Abogada	55

- a) ¿Cuál es la probabilidad de que los integrantes de la comisión sean todos mayores de 31 años?
- b) ¿Cuál es la probabilidad de que la comisión no incluya arquitectos?
- 13. Se forma una comisión constituida por un presidente, un vicepresidente, un secretario y un tesorero, quienes son elegidos al azar entre las personas de la tabla del ejercicio anterior.
  - a) ¿Cuál es la probabilidad de que el presidente sea mujer?
  - b) ¿Cuál es la probabilidad de que el tesorero sea mayor de 50 años?

- c) ¿Cuál es la probabilidad de que el secretario sea abogado y el vicepresidente licenciado en letras?
- 14. Ana, Pedro, Manuel, Margarita y Alicia se sacarán una foto sentados en línea y orden acomodándose al azar.
  - a) ¿Cuál es la probabilidad de que los hombres queden en los extremos?
  - b) ¿Cuál es la probabilidad de que se alternen los sexos?
  - c) ¿Cuál es la probabilidad de que Margarita quede en el centro de la foto?
  - d) ¿Cuál es la probabilidad de que Manuel quede en el extremo derecho y Margarita, en el centro de la foto?
- 15. Las letras de la palabra CLASE se colocan al azar y en línea. ¿Cuál es la probabilidad de que las vocales queden juntas?
- 16. Se lanzan sucesivamente cuatro monedas al aire. ¿Cuál es la probabilidad de obtener:
  - a) al menos una cara?
  - b) a lo sumo tres cruces?
  - c) exactamente dos caras?
- 17. En el juego de generala mediante un tiro, calcule la probabilidad de obtener
  - a) generala servida,
  - b) póker servido.
- 18. Una caja contiene bolas blancas y negras de tal manera que, al extraer dos, la probabilidad de que sean ambas blancas es 1/2. Determine el número mínimo de bolas que hay en la caja.
- 19. En un centro hay 1000 alumnos repartidos del siguiente modo:

	Chicos	Chicas
Usan anteojos	187	113
No usan anteojos	413	287

Se elige al azar uno de ellos.

- a) ¿Cuál es la probabilidad de que sea
  - A. chico?
  - B. chica?
  - C. use anteojos?
  - D. no use anteojos?
  - E. chica y use anteojos?
- b) Nos dicen que el alumno elegido resultó una chica, ¿cuál es la probabilidad de que use anteojos?
- 20. En una ciudad se publican los diarios A, B y C. Una encuesta indica que el 20% de la población lee A, el 16% lee B, el 14% lee C, el 8% lee A y B, el 5% lee A y C, el 4% lee B y C, y el 2% lee A, B y C. Se elige una persona al azar. Calcule la probabilidad de que:
  - a) no lea ninguno de los diarios,
  - b) lea alguno de los diarios,
  - c) lea solamente uno de los diarios
  - d) lea los diarios A y B sabiendo que al menos lee uno de los diarios.

21. Un estudiante afirma que si se arroja un dado equilibrado tres veces y se suman los números obtenidos, la probabilidad de que la suma sea 9 es igual a la probabilidad de que la suma sea 10. Basa su afirmación en que, en ambos casos, hay 6 posibilidades de lograr esas sumas:

suma 9	126	135	144	225	234	333
suma 10	136	145	244	226	235	334

Analice la afirmación del estudiante

- 22. En un mazo de cartas se han retirado varias de ellas. Entre las que quedan, se sabe que el 15% son reyes, el 30% son bastos, el 60% ni reyes ni bastos.
  - a) ¿Está entre ellas el rey de bastos? ¿Qué probabilidad hay de extraerla?
  - b) ¿Cuántas cartas quedan en el mazo?
- 23. En un centro hay 1000 alumnos repartidos del siguiente modo:

	Chicos	Chicas
Usan anteojos	187	113
No usan anteojos	413	287

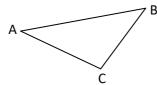
Se elige al azar uno de ellos.

- a) Se sabe que el alumno elegido resultó una chica, ¿cuál es la probabilidad de que use anteojos?
- b) ¿Cuál es la probabilidad de que el alumno elegido resulte una chica, dado que usa anteojos?
- c) ¿Cuál es la probabilidad de que el alumno elegido resulte un chico, dado que usa anteojos?
- d) Se sabe que el alumno elegido no usa anteojos, ¿cuál es la probabilidad de que resulte un chico?
- 24. En un lote de 100 artículos se sabe que hay 75 buenos y 25 defectuosos. Se extraen de ese lote 2 artículos al azar en forma sucesiva y sin reposición.
  - a) Sabiendo que el primer artículo resultó defectuoso, cuál es la probabilidad de que el segundo sea bueno?
  - b) Sabiendo que el primer artículo resultó defectuoso, cuál es la probabilidad de que el segundo también lo sea?
  - c) ¿Cuál es la probabilidad de que ambos artículos resulten defectuosos?
- 25. Un conjunto electrónico consta de dos sistemas A y B. A partir de una serie de pruebas previas se han asignado las siguientes probabilidades:
  - la probabilidad de que sólo B falle es 0.15,
  - la probabilidad de que A falle es 0.2,
  - la probabilidad de que A y B fallen es 0.15.

## Calcule:

- a) La probabilidad de que A falle dado que B ha fallado.
- b) La probabilidad de que falle sólo A.

26. El sistema de líneas que une dos centrales telefónicas A y B está representado en el siguiente diagrama, donde C es una central intermedia.



En ciertos horarios las líneas pueden saturarse por exceso de llamadas. Sean los sucesos siguientes:

- E1: la línea AB se encuentra libre,
- E2: la línea AC se encuentra libre y
- E3: la línea BC se encuentra libre.

Se conoce que P(E1) = 2/5, P(E2) = 3/4, P(E3) = 2/3, P(E3|E2) = 4/5 y  $P(E1|E2 \cap E3) = 1/2$ . ¿Cuál es la probabilidad de que:

- a) la línea ACB se encuentre libre?
- b) las tres líneas estén libres?
- c) una llamada que llega a A pueda ser transmitida a B?
- 27. Una central recibe mensajes de dos fuentes A y B. Se conoce que:
  - La probabilidad de recibir un mensaje proveniente de A es 0.2.
  - La probabilidad de que un mensaje posea una longitud superior a k caracteres si proviene de A es 0.1.
  - La probabilidad de que un mensaje posea una longitud superior a k caracteres si proviene de B es 0.15.

¿Cuál es la probabilidad de recibir un mensaje de más de k caracteres?

- 28. Tres empresas A, B, C licitan un contrato para la construcción de un puente. Las probabilidades de que A, B y C obtengan el contrato son respectivamente 0.5, 0.3 y 0.2. Si el contrato es obtenido por A, ésta contratará a su vez a la empresa E con probabilidad 0.8. Si el contrato es obtenido por B, ésta contratará a E con probabilidad 0.4. Si el contrato es obtenido por C, E será contratada con probabilidad 0.1. ¿Cuál es la probabilidad de que la empresa E obtenga un subcontrato en la construcción del puente?
- 29. Se tienen dos bolsas idénticas por fuera. La bolsa A contiene 12 caramelos de menta, 4 de frutilla y 6 de limón. La bolsa B contiene 3 caramelos de menta y 6 de limón. Se extrae un caramelo al azar de una de las bolsas, sin saber de cuál de ellas.
  - a) El caramelo resulta ser de menta. ¿Cuál es la probabilidad de que provenga de la bolsa A?
  - b) El caramelo resulta ser de limón. ¿Cuál es la probabilidad de que provenga de la bolsa A?
  - c) El caramelo resulta ser de frutilla. ¿Cuál es la probabilidad de que provenga de la bolsa A?
- 30. En una fábrica de pernos, las máquinas A, B y C fabrican el 40%, 35%, 25% de la producción total, respectivamente. De lo que producen, 4%, 5% y 2% es defectuoso. Se elige un perno al azar y se encuentra que es defectuoso, ¿cuál es la probabilidad de que provenga de B?
- 31. En cierto país donde una enfermedad es endémica, se sabe que un 12% de la población padece dicha enfermedad. Se dispone de una prueba para detectar la enfermedad. Dicha prueba no es totalmente fiable puesto que resulta positiva en el 90% de personas realmente enfermas y también resulta positiva en el 5% de personas sanas. ¿Cuál es la probabilidad de que una persona a la que la prueba le ha dado positiva, esté sana?

5

- 32. Sean A y B dos sucesos de un espacio muestral S. Si P(A)=1/4, P(B|A)=1/2 y P(A|B)=1/4, analice la veracidad de las siguientes proposiciones:
  - a) A y B son excluyentes,
  - b)  $A \subset B$ ,
  - c)  $P(\overline{A}|\overline{B})=1/4$ ,
  - d)  $P(A|B) + P(A|\overline{B})=1$ .
- 33. Pruebe que si A y B son sucesos mutuamente excluyentes, con  $P(B)\neq 0$ , entonces P(A|B)=0.
- 34. Pruebe que si A y B son sucesos independientes de un mismo espacio muestral S, entonces
  - a) A y  $\overline{B}$  son independientes,
  - b)  $\overline{A}$  y B son independientes,
  - c)  $\overline{A}$  y  $\overline{B}$  son independientes.
- 35. Si A, B y C son sucesos independientes, demostrar que
  - a) A y (B U C) son independientes,
  - b) A y (B  $\cap$  C) son independientes,
  - c) A y (B  $\setminus$  C) son independientes.
- 36. Pruebe que si A y B son sucesos de un mismo espacio muestral y P(A) > P(B), entonces P(A|B) > P(B|A).
- 37. Un número binario está formado por n dígitos. La probabilidad de que aparezca un dígito incorrecto es p. Si los errores en dígitos diferentes son independientes uno de otro, ¿cuál es la probabilidad de formar un número incorrecto?
- 38. Se arroja un dado equilibrado dos veces y se observa el par ordenado de números que se obtiene. Se definen los sucesos A: en el primer lanzamiento se obtiene un número par, B: en el segundo lanzamiento se obtiene un número impar, y C: se obtienen par y par o impar e impar. Probar que:
  - a) los sucesos A y B son independientes;
  - b) los sucesos A y C son independientes;
  - c) los sucesos B y C son independientes;
  - d)  $P(A \cap B \cap C) \neq P(A) P(B) P(C)$ .
  - e) ¿Son A, B y C independientes?

6