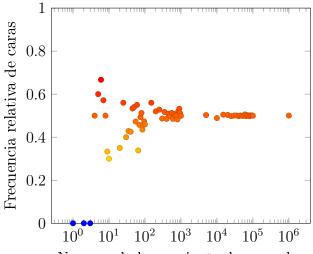
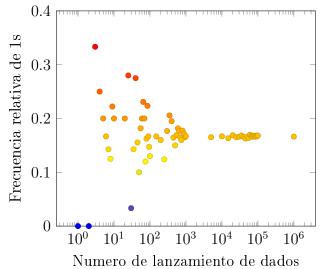
1. Simule estas situaciones y concluya:

- a) Se tira una moneda equilibrada 10 veces y se observa qué proporción de veces salió cara en las sucesivas tiradas, se repite el experimento en condiciones similares pero aumentando sucesivamente el número de tiradas hasta llegar a 1000000. Se realiza un gráfico de puntos en el plano XY donde el eje X representa el número de lanzamientos y el eje Y la frecuencia relativa de caras en cada uno de los ensayos.
- b) Repita el procedimiento llevado a cabo en el ítem anterior, pero en este caso la experiencia consiste en tirar un dado equilibrado y registrar la frecuencia relativa de la aparición de cada una de las caras. Graficar sólo el caso para una de las caras.
- c) En cierto país existe un control de natalidad, con lo cual a las parejas que deciden tener hijos se les impone el siguiente plan familiar: Se pueden tener hijos hasta que ocurra una de estas dos situaciones: tener 3 hijos o que nazca un varón (lo que ocurra primero). ¿Cuál es la probabilidad de tener un hijo varón bajo esta regla?



Numero de lanzamiento de monedas



2

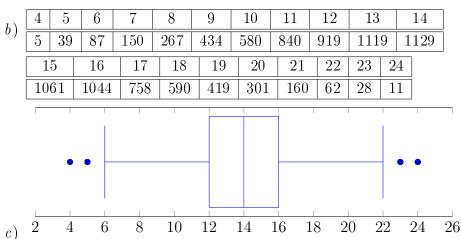
c)

- \mathcal{E} = Se tienen hijos hasta que la regla lo permita.
- $S = \{(V), (M, V), (M, M, V), (M, M, M)\}$
- $A = \{(V), (M, V), (M, M, V)\}$
- $P(A) = \frac{3}{4}$

2.

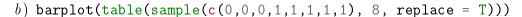
- a) Simule la distribución de la suma de los números que salen al tirar 4 dados para una muestra de tamaño 10000.
- b) Tabule los resultados.
- c) Represente los resultados gráficamente.

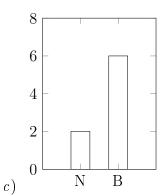
- a) dado1 = sample(1:6, 10000, replace = T)
 dado2 = sample(1:6, 10000, replace = T)
 dado3 = sample(1:6, 10000, replace = T)
 dado4 = sample(1:6, 10000, replace = T)
 - boxplot(dado1 + dado2 + dado3 + dado4)



- 3. Dada una urna con 3 bolas blancas y 5 bolas negras, realice las siguientes simulaciones y sus correspondientes diagramas de barras:
 - a) Se observa la extracción de una bola
 - b) Se observan 8 extracciones con reposición
 - c) Se observa la cantidad de bolas negras que salen al extraer 30 bolas (con reposición). Este procedimiento se repite 10000 veces.

```
a) sample(c(0,0,0,1,1,1,1,1), 1)
```

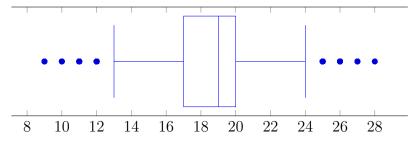




d) x = vector()

```
for (i in 1:10000) {
 x = c(x, sum(sample(c(0,0,0,1,1,1,1,1), 30, replace = T)))
```

boxplot(x)



- 4. En cada uno de los siguientes casos, determinar un espacio muestral asociado a la experiencia y el cardinal del mismo:
 - a) Extraemos una carta de una baraja española y anotamos el número.
 - b) Extraemos una carta de una baraja española y anotamos el palo.
 - c) Extraemos sendas cartas de dos barajas españolas distintas y anotamos el palo de cada una.
 - d) Extraemos sendas cartas de dos barajas españolas distintas y anotamos el palo de la primera y el número de la segunda.
 - e) Lanzamos una moneda y anotamos el resultado.
 - f) Lanzamos dos monedas distintas y anotamos el resultado.
 - g) Lanzamos tres monedas distintas y anotamos el resultado.
 - h) Lanzamos tres monedas distintas y anotamos el número de caras.
 - i) Lanzamos una moneda sucesivas veces hasta que salga cara. y anotamos el número de lanzamientos que fueron necesarios.
 - j) Lanzamos dos dados y observamos la suma de los números que se obtienen.
 - k) Anotamos el número de llamadas a un teléfono en un intervalo de tiempo [0,t].
 - l) Anotamos el tiempo que media entre dos llamadas a un teléfono.

- a) $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12\}, \#A = 12.$
- $b)\ B=\{Oro,Copa,Espada,Basto\},\,\#B=4.$
- c) $C = \{(x, y) / x, y \in B\}, \#C = 4 \cdot 4 = 16.$
- d) $D = \{(x, y) / x \in B \land y \in A\}, \#D = 4 \cdot 12 = 48.$
- e) $E = \{Cara, Cruz\}, \#E = 2.$
- $f) \ F = \{ \left(Cara, Cara\right), \left(Cara, Cruz\right), \left(Cruz, Cara\right), \left(Cruz, Cruz\right) \}, \\ \#F = 2.$
- g) $G = \{(x, y, z) / x, y, z \in E\}, \#G = 2^3 = 8.$

- h) $H = \{0, 1, 2, 3\}, \#H = 4.$
- i) $I = \mathbb{N}, \#I = \aleph_0.$
- j) $J = \{2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12\}, \#J = 11.$
- k) $K = \mathbb{N}_0, \#K = \aleph_0.$
- $l) L = \mathbb{R}^{>0}, \#L = \aleph_1.$
- 5. A, B y C son sucesos de un mismo espacio muestral. Expresar, en función de operaciones entre ellos, los siguientes sucesos:
 - a) Ocurre alguno de los tres.
 - b) No ocurre ninguno de los tres.
 - c) Ocurren los tres.
 - d) Ocurren dos de los tres.
 - e) Ocurren al menos dos de los tres.

- a) $A \cup B \cup C$.
- b) $\overline{A \cup B \cup C}$.
- c) $A \cap B \cap C$.
- d) $(A \cap B) \cup (A \cap C) \cup (B \cap C)$.
- e) $(A \cap B) \cup (A \cap C) \cup (B \cap C) \cup (A \cap B \cap C).$
- 6. En familias de tres hijos se estudia la distribución de sexos de los hijos. Por ejemplo (V, M, M) representa que el mayor de los hijos es varón y las otras dos, mujeres. ¿Cuántos elementos tiene el espacio muestral asociado a esta experiencia? Describir los siguientes sucesos:
 - a) A: la menor es mujer.
 - b) B: el mayor es varón.
 - c) $A \cup B$.

$$= #S = 8.$$

a)
$$A = \{(V, V, M), (V, M, M), (M, V, M), (M, M, M)\}.$$

b)
$$B = \{(V, V, V), (V, V, M), (V, M, V), (V, M, M)\}.$$

c)
$$A \cup B = \{(V, V, M), (V, M, M), (M, V, M), (M, M, M), (V, V, V)\}.$$

- 7. Se arroja un dado equilibrado dos veces y se observa el par ordenado de números que se obtiene.
 - a) Describa el espacio muestral asociado a la experiencia.
 - b) Describa los siguientes sucesos:
 - 1) En el primer lanzamiento se obtiene un número par.
 - 2) En el segundo lanzamiento se obtiene un número impar.
 - 3) Se obtienen par y par o impar e impar.

Soluciones

a)
$$S = \{(x, y) / x \in \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}\}.$$

b)

1)
$$A = \{(x, y) / x \in \{2, 4, 6\} \land y \in \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}\}.$$

2)
$$B = \{(x,y)/x \in \{1,2,3,4,5,6\} \land y \in \{1,3,5\}\}.$$

3)
$$C = \{(x,y)/x, y \in \{2,4,6\} \lor x, y \in \{1,3,5\}\}.$$

8. Sean A y B dos sucesos de un espacio muestral S. Determinar si A y B son o no excluyentes cuando se cuenta con la siguiente información:

$$P(A \cup B) = \frac{2}{3}; P(A) = \frac{1}{4}; P(B) = \frac{1}{2}$$

- 9. Sean A y B dos sucesos de un espacio muestral S. Sabiendo que $P(A \cup B) = \frac{3}{4}$, $P(\overline{B}) = \frac{2}{3}$ y $P(A \cap B) = \frac{1}{4}$; calcular P(B); P(A) y $P(\overline{A} \cap B)$.
- 10. Analizar la validez de la siguiente afirmación: Si la probabilidad de que ocurran dos sucesos a la vez es menor que 1/2, la suma de las probabilidades de ambos por separado no puede ser mayor que 3/2.

- 11. Calcule las probabilidades de los sucesos definidos en a), b) y c) del ejercicio 6 y b) del ejercicio 7. Especifique los supuestos que ha realizado.
- 12. Se debe formar una comisión de cuatro personas, elegidas al azar entre las siguientes:

Nombre	Profesión	Edad
Ana	Ingeniera	28
Miguel	Ingeniero	39
Beatriz	Lic. en Letras	42
Carlos	Arquitecto	30
Diana	Arquitecta	33
Pedro	Historiador	53
Juan	Abogado	25
Mónica	Abogada	55

- a) ¿Cuál es la probabilidad de que los integrantes de la comisión sean todos mayores de 31 años?
- b) ¿Cuál es la probabilidad de que la comisión no incluya arquitectos?
- 13. Se forma una comisión constituida por un presidente, un vicepresidente, un secretario y un tesorero, quienes son elegidos al azar entre las personas de la tabla del ejercicio anterior.
 - a) ¿Cuál es la probabilidad de que el presidente sea mujer?
 - b) ¿Cuál es la probabilidad de que el tesorero sea mayor de 50 años?
 - c) ¿Cuál es la probabilidad de que el secretario sea abogado y el vicepresidente licenciado en letras?
- 14. Ana, Pedro, Manuel, Margarita y Alicia se sacarán una foto sentados en línea y orden acomodándose al azar.
 - a) ¿Cuál es la probabilidad de que los hombres queden en los extremos?
 - b) ¿Cuál es la probabilidad de que se alternen los sexos?
 - c) ¿Cuál es la probabilidad de que Margarita quede en el centro de la foto?

- d) ¿Cuál es la probabilidad de que Manuel quede en el extremo derecho y Margarita, en el centro de la foto?
- 15. Las letras de la palabra CLASE se colocan al azar y en línea. ¿Cuál es la probabilidad de que las vocales queden juntas?
- 16. Se lanzan sucesivamente cuatro monedas al aire. ¿Cuál es la probabilidad de obtener:
 - a) al menos una cara?
 - b) a lo sumo tres cruces?
 - c) exactamente dos caras?
- 17. En el juego de generala mediante un tiro, calcule la probabilidad de obtener:
 - a) Generala servida.
 - b) Póker servido.
- 18. Una caja contiene bolas blancas y negras de tal manera que, al extraer dos, la probabilidad de que sean ambas blancas es 1/2. Determine el número mínimo de bolas que hay en la caja.
- 19. En un centro hay 1000 alumnos repartidos del siguiente modo:

	Chicos	Chicas
Usan anteojos	187	113
No usan anteojos	413	287

Se elige al azar uno de ellos.

- a) ¿Cuál es la probabilidad de que
 - 1) sea chico?
 - 2) sea chica?
 - 3) use anteojos?
 - 4) no use anteojos?
 - 5) sea chica y use anteojos?
- b) Nos dicen que el alumno elegido resultó una chica, ¿cuál es la probabilidad de que use anteojos?

- 20. En una ciudad se publican los diarios A, B y C. Una encuesta indica que el 20 % de la población lee A, el 16 % lee B, el 14 % lee C, el 8 % lee A y B, el 5 % lee A y C, el 4 % lee B y C, y el 2 % lee A, B y C. Se elige una persona al azar. Calcule la probabilidad de que:
 - a) no lea ninguno de los diarios,
 - b) lea alguno de los diarios,
 - c) lea solamente uno de los diarios,
 - d) lea los diarios A y B sabiendo que al menos lee uno de los diarios.
- 21. Un estudiante afirma que si se arroja un dado equilibrado tres veces y se suman los números obtenidos, la probabilidad de que la suma sea 9 es igual a la probabilidad de que la suma sea 10. Basa su afirmación en que, en ambos casos, hay 6 posibilidades de lograr esas sumas:

Suma 9	126	135	144	225	234	333
Suma 10	136	145	244	226	235	334

Analice la afirmación del estudiante.

- 22. En un mazo de cartas se han retirado varias de ellas. Entre las que quedan, se sabe que el 15 % son reyes, el 30 % son bastos, el 60 % ni reyes ni bastos.
 - a) ¿Está entre ellas el rey de bastos? ¿Qué probabilidad hay de extraerla?
 - b) ¿Cuántas cartas quedan en el mazo?
- 23. En un centro hay 1000 alumnos repartidos del siguiente modo:

	Chicos	Chicas
Usan anteojos	187	113
No usan anteojos	413	287

Se elige al azar uno de ellos.

- a) Se sabe que el alumno elegido resultó una chica, ¿cuál es la probabilidad de que use anteojos?
- b) ¿Cuál es la probabilidad de que el alumno elegido resulte una chica, dado que usa anteojos?

- c) ¿Cuál es la probabilidad de que el alumno elegido resulte un chico, dado que usa anteojos?
- d) Se sabe que el alumno elegido no usa anteojos, ¿cuál es la probabilidad de que resulte un chico?