5

Übungen zur Mathematik für Naturwissenschaftler I (WS 07/08)

PD Dr. Uwe Riedel, Dr. W. Bessler

Aufgabe 1:

Gegeben sei eine Gauß'sche Glockenkurve $y = ke^{-2x^2}$.

- a) Normieren Sie die Funktion, d.h. bestimmen Sie den Faktor k (vgl. Vorlesung). Was bewirkt die Normierung?
- b) Berechnen Sie die Halbwertsbreite.
- c) Skizzieren Sie die Funktion und veranschaulichen Sie die Halbwertsbreite.

Aufgabe 2:

Die Gleichung

$$U(x,t) = U_0 \cos \left[2\pi \nu \left(t - \frac{x}{c} \right) \right]$$

beschreibt eine ebene, in x-Richtung fortschreitende harmonische Welle. Dabei ist t die Zeitvariable in Sekunden, x die Längenvariable in Metern; ν und c sind feste positive Zahlen von der Dimension s^{-1} bzw. ms^{-1} , und U_0 ist die Schwingungsamplitude.

- a) Man skizziere in einem (U, x)-Koordinatensystem die Welle zur Zeit t = 0 für die Werte $\nu = 1, c = 2, U_0 = 1$. Wie groß ist die Wellenlänge (Abstand zweier benachbarter Schwingungsmaxima)?
- b) Wie sieht die Welle zur Zeit t=0.5 aus? Wo ist das ursprünglich bei x=0 befindliche Schwingungsmaximum zu dieser Zeit? Mit welcher Geschwindigkeit bewegt sich somit die Welle nach rechts?
- c) Man zeige, dass die Anzahl der Schwingungen pro Sekunde an einer festen Stelle x gerade ν ist.

Aufgabe 3:

Skizzieren Sie mindestens je zwei Höhenlinien der Funktion

$$z(x,y) = 2x^2 + y^2$$

in den drei Koordinatenebenen. Welche Fläche wird durch diese Funktion dargestellt?

Aufgabe 4:

- a.) Wie lauten die Transformations-Gleichungen für eine Koordinatendrehung um einen Winkel ϕ im Uhrzeigersinn?
- b.) Gegeben sei die Funktion y(x) = 3x + 2. Wie lautet die Gleichung der Funktion in dem gedrehten Koordinatensystem (x', y')?
- c.) Wie lautet die Gleichung der Funktion für $\phi=45^{\circ}$? (Ergebnis ohne Taschenrechner auswerten!)
- d.) Welches geometrische Objekt stellt die Funktion im gedrehten Koordinatensystem dar?