Mathe 9 4. Klausur (Di, 10.05.16)

 $log_{is}(c)=h$

Für alle Aufgaben wird ein geeigneter Ansatz und eine saubere Dokumentation des Lösungsweges erwartet. Kennzeichne deine Ergebnisse deutlich ;-)

1. Aufgabe (6 Punkte)

Parallel zur Grundfläche wird ein Schnitt durch eine Pyramide geführt, welche 10cm hoch ist und eine quadratische Grundfläche mit 4cm langen Seiten besitzt.

- Wie groß ist das Volumen der kleinen Pyramide, wenn der Schnitt auf halber a) Höhe geführt wird? Wie groß ist ihre Oberfläche?
- Auf welcher Höhe müsste man die alte Pyramide durchschneiden, damit die b) kleine Pyramide und der Pyramidenstumpf das gleiche Volumen haben?

(3 Punkte) 2. Aufgabe

Bestimme x und begründe deine Entscheidung:

a)
$$x = \log_{14}(14^3)$$

 $-2 = \log_4(x)$ b)

 $8^{\log_8(x)} = c$ c)

3. Aufgabe (4 Punkte)

Steffen legt 1000€ an bei einer Jahresverzinsung von 5%.

- Stelle dazu passend eine (rekursive oder explizite) Wachstumsformel auf.
- b) Wie lange muss Steffen das Geld anlegen, um 1500€ zu besitzen? Steffen löst nach 2 Jahren und 3 Monaten die Anlage auf. Seine Bank zahlt ihm zu diesem Zeitpunkt 1116,03€ aus.
- c) Wie kommt dieser Betrag zustande und ist der Betrag fair? Begründe kurz.

4. Aufgabe (3 Punkte)

Der Wertverlust bei Personenkraftwagen unterscheidet sich für jeden Fahrzeugtyp. Als Faustformel gilt: Im ersten Jahr verliert das Auto 25% seines Wertes. In jedem weiteren Jahr verliert das Auto 4% des Restwertes.

a) Wie teuer war ein Neuwagen, der nach 5 Jahren noch 20.000€ wert ist?

5. Aufgabe (4 Punkte)

Gegeben ist ein rechtwinkliges Dreieck mit Katheten von 2cm und 6cm Länge.

a) Berechne die Hypothenuse.

Das Dreieck rotiert um die längere Kathete, wobei ein kegelförmiger Raum überstrichen wird.

- Berechne das überstrichene Volumen. b)
- Welche Oberfläche besitzt der gedachte Kegel? c)

Nun rotiert das Dreieck um die kürzere Kathete, wieder wird ein Kegel überstrichen.

d) Wie verhält sich das neue Kegelvolumen zum alten aus Teilaufgabe b) und woran liegt das?

Zusatzaufgabe (+2 Punkte)

Leite her, dass sich die Mantelfläche M des Kegels das Produkt von Pi, dem halben Durchmesser und der Mantellinie ist. Verwende dazu eine aussagekräftige Skizze.