Mathe 10

Arbeit 1

20.11.2014

Aufgabe 1 (2 Punkte)

Ordnet man jeder natürlichen Zahl n < 10 die ihr am nächsten gelegene Primzahl p zu, so erhält man folgende Wertetabelle:

a) Handelt es sich bei dieser Zuordnung um eine Funktion? Begründe!

Aufgabe 2 (2 Punkte)

Welche Darstellungsmöglichkeiten einer Funktion kennst du außer einer Wertetabelle?

Aufgabe 3 (3 Punkte)

Bestimme den maximalen Definitionsbereich der Funktionen f, g und h anhand ihrer Funktionsterme:

a)
$$f(x) = \frac{1}{x+12}$$

$$b) g(x) = \sqrt{x+3}$$

c)
$$h(x)=f(x)+g(x)$$

Aufgabe 4
Die Höhe einer genmanipulierten Kressepflanze wurde über einige Tage bestimmt.

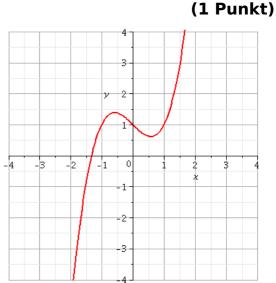
Tag d	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Höhe in mm	0	1	1	2	3	5	8	13	21

Wie groß ist die mittlere Änderungsrate der Funktion Tag → Höhe für...

- a) den gesamten Messzeitraum,
- b) für die letzten drei Tage?

Bonusfrage(+1 Punkt)
Erkennst du eine Regelmäßigkeit bei den Zahlenwerten der Höhe? Falls ja, welche?

Aufgabe 5Bestimme zeichnerisch die Tangentensteigung m_t für x_0 =1 im Schaubild auf der rechten Seite.



Aufgabe 6 (2 Punkte)

Bestimme mithilfe des GTRs die Gleichung der Tangente durch P(2|7) für die Funktion f mit $f(x)=x^3-x+1$.

Aufgabe 7 (12 Punkte)

P(2|f(2)) ist ein Punkt des Graphen von f mit $f(x)=2x^2-5$.

- a) Bestimme f(2).
- b) Bestimme die Gleichung der Tangente t durch den Punkt P **ohne GTR**.
- c) An welcher Stelle schneidet die Tangente die x-Achse?
- d) Macht es einen Unterschied für f'(2), wenn man f(x) auf $f(x)=2x^2+5$ verändert? Begründe deine Antwort!

Die **Normale** durch den Punkt P ist die Gerade, die genau senkrecht auf der Tangenten durch P steht. Sie habe die Steigung m_n . Dann gilt $m_n \cdot m_t = -1$.

e) Stelle die Gleichung für die Normale im Punkt P auf.

Bonusfrage (+2 Punkte)

Unter welchem Winkel schneidet die Normale die x-Achse?

Aufgabe 8 (4 Punkte)

Löse das folgende lineare Gleichungssystem:

$$2a + 3b = -5$$

 $2a - b = 1$