Aufgabe 1 - Definition, Darstellung von Folgen

- (a) Was ist eine Folge?
- (b) Welche Darstellungen von Folgen kennst Du?

Zusatz, schwer: (c) Wieviele Informationen braucht man, um eine Folge eindeutig festzulegen?

Aufgabe 1.5 - Darstellung von Folgen

Schreibe die Folgen in beiden Formen, also implizit wie explizit, auf und gib die ersten drei Folgeglieder an. Bringe die geometrischen und arithmetrischen Folgen auf Normalform (mit d bzw. q und a_1).

(a)
$$a_{n+1} = n \cdot a_n$$
, $a_1 = 1$

(b)
$$a_{n+1} = (n+1) \cdot a_n$$
, $a_1 = 1$

(c)
$$a_n = 5 \cdot n$$

(d)
$$1, 4, 16, 64, \dots$$

(e)
$$3, 6, 9, 12, \dots$$

Zusatz, schwer: (f) 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, ...

Aufgabe 1,75 - Monotonie

Prüfe, welche Folgen monotones Verhalten zeigen!

(a)
$$a_{n+1} = a_n$$
, $a_1 = 4$

(b)
$$a_n = \frac{1}{n^2}$$

(c)
$$a_{n+2} = a_{n+1} + a_n$$
, $a_0 = a_1 = 1$

(d)
$$a_n = 5 \cdot n + 1$$

(e)
$$a_n = (-1)^n \cdot 0.5^n$$

(f)
$$a_n = 3$$

(g)
$$a_{n+1} = (n+1) \cdot a_n, \quad a_1 = 1$$

Aufgabe 1.875 - Schranken

Finde für die Folgen obere bzw. untere Schranken. Gibt es einen Grenzwert? Findest du eine kleinste obere bzw. größte untere Schranke?

(a)
$$a_{n+1} = a_n$$
, $a_1 = 4$

(b)
$$a_n = \frac{1}{n^2}$$

(c)
$$a_{n+2} = a_{n+1} + a_n$$
, $a_0 = a_1 = 1$

(d)
$$a_n = 5 \cdot n + 1$$

(e)
$$a_n = (-1)^n \cdot 0.5^n$$

(f)
$$a_n = 3$$

(g)
$$a_{n+1} = (n+1) \cdot a_n$$
, $a_1 = 1$

Aufgabe 1.9375 - Zusatz: Reihen

Bis zu welcher Aufgabe könnte dieser Zettel gehen?