## 知识点: 图的基本概念与握手定理

**测试题 9.1** (1) 无向图 G 有 8 条边,1 个 1 度顶点,2 个 2 度顶点,1 个 5 度顶点,其余顶点的度数均为 3,问 G 有多少个 3 度顶点?

- (2) 无向图 G 有 16 条边,3 个 4 度顶点,4 个 3 度顶点,其余顶点的度数 均小于 3. 问 G 至少有多少个顶点?
- (3) 已知无向图 G 中顶点数与边数相等,2 度与 3 度顶点各 2 个,其余顶点均为悬挂顶点,问 G 有多少条边数?

**测试题 9.2** 已知无向图 G 有 10 条边,3 个 2 度顶点,2 个 4 度顶点,其余 顶点均为奇度顶点. 试分析 G 的奇度顶点的个数及度数的可能情况.

测试题 9.3 是否存在以下述数列为顶点度数列的简单图?给出你的理由.

- (1)1, 1, 4, 4, 5, 5;
- (2)2, 2, 2, 2, 3, 3.

**测试题 9.4** 设  $d_1,d_2,\dots,d_n$  为 n 个互不相同的正整数,证明不存在以  $d_1,d_2,\dots,d_n$  为顶点度数列的简单图.