## 测试题解答 12.10

(1) 
$$\frac{6!}{3! \, 2! \, 1!} \times 1^3 \times 2^2 \times (-4)^1 = -960$$

(2) 
$$\binom{8}{2312}(-1)^32^1(-2)^2 = -8\frac{8!}{2!3!1!2!} = -13440$$

## 测试题解答 12.11

$$(-x_1-x_2+x_3+x_4)^n$$
 的  $x_1^a x_2^b x_3^c x_4^d$  的系数为 $(-1)^{a+b} \binom{n}{a \ b \ c \ d}$ ,  $\sum (-1)^{a+b} \binom{n}{a \ b \ c \ d}$ 为

多项式的所有项的系数之和,令 $x_1=x_2=x_3=x_4=1$ ,则

$$\sum (-1)^{a+b} \binom{n}{a \ b \ c \ d} = (-1-1+1+1)^n = 0$$

一般形式为 
$$\sum (-1)^{r_1+r_2+...+r_k} \binom{n}{r_1 \ r_2...r_k r_{k+1}...r_{2k}} = 0$$