

<u>LISTA 2</u> Cálculo Diferencial e Integral I

Profo: Felipe Avelino E-mail: felipe-ensino@pq.uenf.br

Curso: Bacharelado em Ciências da Computação

6) Resolva as equações modulares abaixo:

a.
$$|2x+2|=6x-18$$

b.
$$|x-2| = |3-2x|$$

c.
$$|x^2 + 2| = 2x + 1$$

d.
$$x^2 - 2|x| - 3 = 0$$

e.
$$|x^2 - 9| + |x^2 - 4| = 5$$

f.
$$|x^2+3|=|2x+1|$$

7) Resolva as inequações modulares abaixo:

a.
$$|x^2 - 4| < 5$$

b.
$$|9 - x^2| \ge 3$$

$$\text{c. } \left| \frac{3x-3}{x+1} \right| < 2$$

$$\mathbf{d.} \ \left| \frac{5}{2x - 1} \right| \ge \left| \frac{1}{x - 2} \right|$$

e.
$$|x-1|^2 + 2|x-1| - 3 < 0$$

f.
$$|x-3|^2 - 3|x-3| - 18 > 0$$

g.
$$|2x^2 - 3x - 9| < 2|x^2 - 2x - 3|$$

$$\mathsf{h.} \ |3x+2| \leq |2x-1| + |x+3|$$

8) Seja $f(x) = \sqrt{x+1} + 4$.

- (a) O domínio natural de f é ______.
- (b) f(3) =_____.
- (c) $f(t^2 1) =$ _____.
- (d) f(x) = 7 se x =_____.
- (e) A imagem de f é ______.



 Os segmentos de retas no plano xy formam letras, conforme indicado.



- (a) Se o eixo y for paralelo à letra I, quais das letras representam o gráfico de y = f(x) para alguma função f?
- (b) Se o eixo y é perpendicular à letra I, quais das letras representam o gráfico de y = f(x) para alguma função f?
- 10) Encontre f(0), f(2), f(-2), f(3), $f(\sqrt{2})$ e f(3t).

(a)
$$f(x) = 3x^2 - 2$$
 (b) $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{x}, & x > 3\\ 2x, & x \le 3 \end{cases}$

11) Em cada parte, compare os domínios naturais de f e de g.

(a)
$$f(x) = \frac{x^2 + x}{x + 1}$$
; $g(x) = x$

(b)
$$f(x) = \frac{x\sqrt{x} + \sqrt{x}}{x+1}$$
; $g(x) = \sqrt{x}$

- 12) Determine se a afirmação é verdeira ou falsa. Justifique sua resposta!
 - Uma curva que cruza o eixo x em dois pontos distintos não pode ser o gráfico de uma função.
 - 20. O domínio natural de uma função real definida por uma fórmula consiste em todos os números reais com os quais a fórmula fornece um valor real.
 - A imagem da função valor absoluto é o conjunto de todos os números reais positivos.
 - 22. Se $g(x) = 1/\sqrt{f(x)}$, então o domínio de g consiste em todos os números reais x com os quais $f(x) \neq 0$.