UNIVERSIDAD NACIONAL AUTÓNOMA DE MÉXICO FACULTAD DE CIENCIAS CARRERA DE MATEMÁTICO

CONJUNTOS CONVEXOS

HORAS A LA SEMANA/SEMESTRE

SEMESTRE: Segundo al cuarto

CLAVE: **0088**

| TEÓRICAS | PRÁCTICAS | CRÉDITOS |
|----------|-----------|----------|
| 5/80 | 0 | 10 |

CARÁCTER: **OPTATIVO**. MODALIDAD: **CURSO**.

SERIACIÓN INDICATIVA ANTECEDENTE: Álgebra Superior II, Cálculo Diferen-

cial e Integral II, Geometría Analítica II.

SERIACIÓN INDICATIVA SUBSECUENTE: Ninguna.

OBJETIVO(S): Mostrar que la matemática surge, se descubre y evoluciona conjuntando diversas áreas de las matemáticas. En este caso la geometría, el cálculo y la combinatoria se unen para introducir al alumno en el estudio de las figuras convexas planas y espaciales, deduciendo las principales propiedades y características. Al final el alumno deberá manejar los conceptos de plano soporte, puntos extremos, envolvente convexa, así como el diámetro, el ancho, el volumen y la superficie de una figura convexa. También deberá poder generar figuras convexas a partir de otras.

| NUM. HORAS | UNIDADES TEMÁTICAS |
|------------|--|
| 20 | 1. Propiedades elementales |
| | 1.1 Hiperplanos soporte. |
| | 1.2 Función soporte. |
| | 1.3 Teoremas de Separación. |
| | 1.4 Puntos extremos y Teorema de Krein-Milman. |
| 15 | 2. Teorema de Helly |
| | 2.1 Teoremas de Radon, Helly y Carathéodory. |
| | 2.2 Aplicaciones. |
| 10 | 3. Suma de Minkowski |
| 20 | 4. Figuras de ancho constante |
| | 4.1 Definición y caracterizaciones. |
| | 4.2 Ejemplos. |
| | 4.3 Completez. |

| 15 | 5. Volumen, superficie y curvatura media |
|----|--|
| | 5.1 Teoremas de aproximación. |
| | 5.2 Simetrización de Steiner. |
| | 5.3 Problemas isoperimétricos. |

BIBLIOGRAFÍA BÁSICA:

- 1. Benson, R., Euclidean Geometry and Convexity, New York: McGraw-Hill, 1966.
- 2. Boltianski, V., Golberg, I., *División de Figuras en Partes Menores*, Moscú: MIR, 1973.
- 3. Kazarinoff, N., Geometric Inequalities, Washington, D.C.: The Mathematical Association of America, New Math. Library Vol. 4, 1961.
- 4. Hadwiger, H., Lo Antiguo y lo Nuevo acerca de los Conjuntos Convexos, México: Aportaciones Matemáticas. Sociedad Matemática Mexicana, Textos 10, 1998. (Traducción de Luis Montejano Peimbert.)
- 5. Hadwiger, H., Debrunner, H., Combinatorial Geometry in the Plane, New York: Holt, Reinhart and Winston, 1964.
- 6. Yaglom, I., Boltianski, V., *Convex Figures*, New York: Holt, Reinhart and Winston, 1961.

BIBLIOGRAFÍA COMPLEMENTARIA:

Montejano, L., Cuerpos de Ancho Constante, México: Ediciones Científicas Universitarias, UNAM-FCE, 1998.

SUGERENCIAS DIDÁCTICAS: Lograr la participación activa de los alumnos mediante exposiciones.

SUGERENCIA PARA LA EVALUACIÓN DE LA ASIGNATURA: Además de las calificaciones en exámenes y tareas se tomará en cuenta la participación del alumno.

PERFIL PROFESIOGRÁFICO: Matemático, físico, actuario o licenciado en ciencias de la computación, especialista en el área de la asignatura a juicio del comité de asignación de cursos.