

班号 自动化5班 学号 190320517 姓名 葛旭 教师签字 韩建卫

实验日期 9.29 组号 B4 预习成绩 总成绩

实验(四) 霍尔效应

- 一. 实验目的
1. 用“对称测量法”测量 $U_H - I_H$ 曲线, 计算霍尔元件灵敏度
 2. 用“对称测量法”测量 $U_H - I_m$ 曲线, 计算霍尔元件灵敏度
 3. 测量电磁铁气隙中磁感应强度 B 的大小和分布

二. 实验原理

霍尔电压测量的副效应误差及其消除方法

(1) 电极不等势误差
 电流 I_H 流过霍尔片时, 垂直于 I_H 的平面称为等势面, 如果测量 U_H 的两个电极不在同一个等势面就会存在一个附加电压。误差电压 $U_0 = I_H r$, r 为两电极对应等势面间的电阻。 U_0 的方向取决于 I_H , 与 B 无关, 用对称测量法可以消除此误差。

(2) 爱廷斯豪森效应

载流子的速度具有统计分布, 霍尔电场 E_H 的大小取决于载流子的平均速度 v , 如果速度为 v 的载流子刚好平衡后, 则速度大于和小于 v 的载流子则会各自向对立面偏转。从而在 y 方向产生温差并引起温差电动势 U_E , 其方向取决于 I_H 和 B , 因此不能用对称测量消除。

(3) 里吉-勒迪克效应

如果在霍尔片 x 方向有温度梯度, 则 x 方向会有一个扩散流 I_d 。其在 y 方向将引起类似于爱廷斯豪森效应的温差电动势 U_{RL} , 其方向与 B 有关, 但与 I_H 无关。

(4) 能斯特效应

上述扩散流在洛伦兹作用下将直接产生附加电动势 U_N , 其方向与 B 有关, 但与 I_H 无关。

U_{RL} 和 U_N 可以通过改变 I_H 方向用对称测量法消除。在非大电流非强磁场下可忽略 U_E 。通过改变 I_H 和 B 方向, 可测得四个霍尔电压值, 将其绝对值求平均, 就消除了副效应的误差。

三. 数据处理

实验一: $\bar{x}_{L1} = 24.65$ 对应的 $f_1 = |\bar{x}_{L1} - x_p| = 19.25$ $\bar{f} = \frac{1}{5} \sum_{i=1}^5 f_i = 19.06$
 $\bar{x}_{L2} = 25.20$ $f_2 = |\bar{x}_{L2} - x_p| = 18.7$
 $\bar{x}_{L3} = 24.65$ $f_3 = |\bar{x}_{L3} - x_p| = 19.25$
 $\bar{x}_{L4} = 25.10$ $f_4 = |\bar{x}_{L4} - x_p| = 18.8$
 $\bar{x}_{L5} = 24.60$ $f_5 = |\bar{x}_{L5} - x_p| = 19.3$

A类不确定度 $U_{xL} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^5 (f_i - \bar{f})^2}{5 \times (5-1)}} = 0.1279$

B类不确定度 $U_B = 0.05/\sqrt{3} = 0.0289$

总不确定度 $U = \sqrt{U_{xL}^2 + U_B^2} = 0.1311$ $E = \frac{U}{\bar{f}} \times 100\% = 0.69\%$

$\therefore f = \bar{f} \pm U = (19.1 \pm 0.2) \text{ cm}$ $E = 0.69\%$ 置信概率 $p = 68.3\%$

实验二: $\bar{x}_1 = 16.79$ $\bar{x}_2 = 40.55$ $\bar{L} = 760 + 16.79 - 40.55 = 36.24$

$\bar{L} = 43.9 + 60 - 14.1 = 89.8$ $f = \frac{\bar{L}^2 - \bar{l}^2}{4\bar{L}} = 18.7937$

成大像A类不确定度 $U_{x1} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^5 \sigma_{x1}^2}{5(5-1)}} = 0.0579$

成小像A类不确定度 $U_{x2} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^5 \sigma_{x2}^2}{5(5-1)}} = 0.0447$ B类不确定度 $U_B = \frac{0.05}{\sqrt{3}}$

$U_L = \sqrt{U_{x1}^2 + U_{x2}^2 + U_B^2} = 0.0786$ $U_L = U_B = \frac{0.05}{\sqrt{3}}$

$U_f = \sqrt{\left(\frac{\partial f}{\partial L}\right)^2 U_L^2 + \left(\frac{\partial f}{\partial l}\right)^2 U_l^2} = \sqrt{\left(-\frac{l}{2L}\right)^2 U_L^2 + \left[\frac{1}{4}\left(1 + \frac{l^2}{L^2}\right)\right]^2 U_l^2} = 0.0179$

$E = \frac{U_f}{\bar{f}} \times 100\% = 0.10\%$ $\therefore f = \bar{f} \pm U = (18.79 \pm 0.02) \text{ cm}$ $E = 0.10\%$

置信概率 $p = 68.3\%$

实验三: $\bar{x}_0' = \frac{\sum_{i=1}^5 x_{0i}'}{5} = 29.8 (\pm)$ $\bar{x}_{L1} = 49.0 (\pm)$ $\bar{x}_{L2} = \frac{\sum_{i=1}^5 x_{Li}}{5} = 36.2$

$\bar{x}_0'' = 15.0$ $\bar{u} = -(\bar{x}_0' - \bar{x}_{L2}) = 6.4$ $\bar{v} = +(\bar{x}_0'' - \bar{x}_{L1}) = -21.2$

$\frac{1}{f} = \frac{1}{\bar{u}} + \frac{1}{\bar{v}}$ 得 $\bar{f} = 9.1676$ $\frac{\partial \ln f}{\partial u} = \frac{1}{u} - \frac{1}{u+v}$ $\frac{\partial \ln f}{\partial v} = \frac{1}{v} - \frac{1}{u+v}$

$E = \sqrt{\left(\frac{\partial \ln f}{\partial u}\right)^2 U_u^2 + \left(\frac{\partial \ln f}{\partial v}\right)^2 U_v^2}$ $U_u^2 = \frac{\sum_{i=1}^5 \sigma_{x_{0i}'}^2}{5 \times (5-1)}$ $U_v^2 = U_B^2 + \frac{\sum_{i=1}^5 \sigma_{x_{Li}}^2}{5 \times (5-1)}$

$= 0.16\%$ $U = E \times \bar{f} = 0.0144$ $= \frac{1}{\bar{f}} + U_{x_0'}^2 + U_{x_{L2}}^2$ $= \frac{1}{\bar{f}} + U_{x_0''}^2 + U_{x_{L1}}^2$

$\therefore f = (9.17 \pm 0.02) \text{ cm}$ $E = 0.16\% = 0.007$ $= 0.0036$
 置信概率 $p = 68.3\%$

实验四: $\bar{x}_{p1} = 29.78$ $\bar{x}_{L2} = 39.64$ $\bar{f} = -(\bar{x}_{p1} - \bar{x}_{L2}) = 9.86 \text{ cm}$

A类不确定度 $U_{xp1} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^5 (x_{p1i} - \bar{x}_{p1})^2}{5(5-1)}} = 0.0583$

$U_{xL2} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^5 (x_{L2i} - \bar{x}_{L2})^2}{5(5-1)}} = 0.0812$

B类不确定度 $U_B = \frac{0.05}{\sqrt{3}}$ 总不确定度 $U = \sqrt{U_{xp1}^2 + U_{xL2}^2 + U_B^2} = 0.1040$

$E = \frac{U}{\bar{f}} \times 100\% = 1.06\%$

$\therefore \bar{f} = \bar{f} \pm U = \cancel{9.86 \pm 0.1040} (9.86 \pm 0.15) \text{ cm}$

$E = 1.06\%$ 置信概率 $P = 68.3\%$

四. 实验结论及现象分析

可以通过自准法, 共轭法测量凸透镜焦距

可以通过物距-像距法和自准法测凹透镜焦距

用自准法现象为在挡板上会有倒立的三个孔恰
好拼成一个圆, 用共轭法可以看到像屏上的大像和小像,
物距-像距法也可以在像屏上看到小像和加入凹透镜后的大像

五. 讨论问题

1. 用位物法(两次成像)测薄凸透镜焦距, 为什么必须使物屏与像屏距离大于4倍透镜焦距长度?

默认 $u > 0, v > 0, f > 0$. $\therefore \frac{1}{u} + \frac{1}{v} = \frac{1}{f} \quad \therefore f = \frac{uv}{u+v}$

$(u+v)^2 - 4uv = (u-v)^2 \geq 0 \quad \therefore (u+v)^2 \geq 4uv \quad \text{即 } u+v \geq \frac{4uv}{u+v} = 4f$

\therefore 物距与像距之和大于 $4f$, 小于 $4f$ 只能成一次像, 无法测量焦距.

2. 从自准法测凸透镜的光路图可知物距, 像距和焦距三者是相等的,

但这三个量显然不满足透镜成像, 请解释原因.

因为加入了平面镜, 导致光在行进过程中进行反射, 再次透过薄凸透镜得到等大倒立的像. 所以 $\frac{1}{u} + \frac{1}{v} = \frac{1}{f}$ 不适合在此处应用.

实验现象与原始数据记录

实验一	x_p	凸透镜位置	\bar{x}_L
1		24.6 24.7	
2	43.9	25.3 25.1	
3		24.7 24.6	
4		25.4 24.8	
5		24.5 24.7	

实验二	物位置	像屏位置	凸透镜成大像位置 x_1	凸成小像 x_2
1			16.8 17.1	40.1 40.8
2	43.9	14.1	16.7 16.8	40.2 40.7
3			16.6 16.8	40.6 40.7
4			16.9 16.9	40.4 40.7
5			16.5 16.8	40.7 40.6

实验三	x_{L1}	$x_{0'}$	x_2	$x_{0''}$
1		29.7	36.1	
2	49	29.8	36.3	15
3		29.9	36.2	
4		29.6	36.3	
5		29.9	36.1	

实验四	凸透镜位置	x_{p2}	x_2
1		29.7	39.7
2	49	29.8	39.5
3		29.9	39.8
4		29.6	39.4
5		29.9	39.8

教师签字: 宇南