

# Praktikum Atome, Moleküle, kondensierte Materie

## Versuch 401: Elektronische Übergänge in Atomen

Carlos Pascua<sup>\*1</sup> and Michael Vogt<sup>†1</sup>

<sup>1</sup>Uni Bonn

5. November 2024

## Inhaltsverzeichnis

<b>1</b>	<b>Zeeman-Effekt</b>	<b>1</b>
1.1	Beobachtung des Zeeman-Effekts . . . . .	1
1.1.1	transversale Konfiguration . . . . .	1
1.1.2	Auflösungsvermögen . . . . .	2
1.1.3	Dopplerverbreiterung . . . . .	3
1.1.4	longitudinale Konfiguration . . . . .	3
1.2	Messung des Zeeman-Effekts . . . . .	4
1.2.1	Magnetfeldkalibrierung . . . . .	4
1.2.2	Messungen mit CCD-Kamera . . . . .	5
<b>2</b>	<b>Franck-Hertz-Versuch</b>	<b>6</b>
2.1	Aufbau . . . . .	6
2.2	Durchführung und Auswertung . . . . .	6
2.3	Einfluss der Temperatur $T$ und der Gegenspannung $U_2$ . . . . .	8
<b>3</b>	<b>Fazit</b>	<b>9</b>
<b>4</b>	<b>Anhang</b>	<b>11</b>
4.1	Einfluss der Temperatur $T$ und der Gegenspannung $U_2$ . . . . .	13
<b>5</b>	<b>Fazit</b>	<b>13</b>

---

<sup>\*</sup>s87cpasc@uni-bonn.de

<sup>†</sup>s65mvogt@uni-bonn.de

## Einleitung

In diesem Versuch wird die Energieaufspaltung von Energie-Niveaus in Cadmium durch den Zeeman-Effekt untersucht. Daraus wird das Bohrsche Magneton bestimmt sowie Eigenschaften des verwendeten Fabry-Perot-Etalons errechnet.

Anschließend wird das Franck-Hertz-Experiment durchgeführt, um die Energiedifferenz zwischen dem 6S- und 6P-Zustand von Quecksilber zu bestimmen.

## 1 Zeeman-Effekt

Im ersten Versuchsteil wird anhand einer Cadmiumlampe in einem Magnetfeld der Zeeman-Effekt auf die Zustände  $^1D_2$  und  $^1P_1$  untersucht. Der verwendete Aufbau ist in Abb. 1 zu sehen.

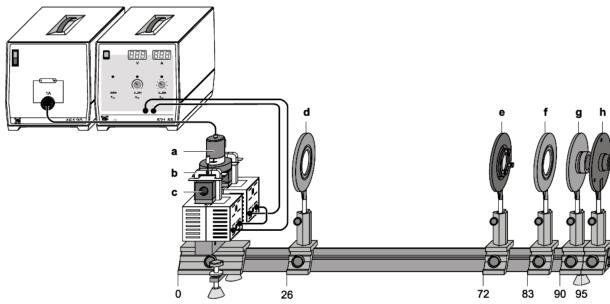


Abbildung 1: Versuchsaufbau Zeeman-Effekt [2]

Folgende wichtige Bestandteile sind zu sehen [1]:

- Cadmium-Lampe
- Klammern
- Polschuhe
- Kondensorlinse
- Polarisationsfilter
- Fabry-Perot-Etalon
- Abbildungslinse
- Interferenzfilter ( $\lambda = 643.8 \text{ nm}$ )
- Okular mit Strichskala

Außerdem werden Stromquellen (oben links im Bild; links normal, rechts Hochstrom) zur Versorgung der Cadmiumlampe und der Elektromagneten eingesetzt.

Das Fabry-Perot-Etalon in Kombination mit den Linsen erzeugt ein Interferenzmuster mit Ringen, deren Position von der Wellenlänge des Lichts abhängt.

Der Interferenzfilter wird eingesetzt, um ausschließlich das Licht vom Übergang  $^1D_2 \rightarrow ^1P_1$  betrachten zu können.

Zur Justage des Aufbaus wird am Okular die Strichskala scharfgestellt und die Abbildungslinse verschoben, bis das Interferenzmuster der Lampe durch das Etalon scharf zu sehen ist. Das Etalon wird so gedreht, dass das Zentrum des Musters am Nullpunkt der Strichskala ist und die Kondensorlinse verschoben, um eine gleichmäßige Ausleuchtung zu erhalten.

### 1.1 Beobachtung des Zeeman-Effekts

#### 1.1.1 transversale Konfiguration

Zunächst wird in transversaler Konfiguration ohne eingesetzten Polarisationsfilter beobachtet, d.h. die optische Achse steht senkrecht zum Magnetfeld, wie in Abb. 1 gezeigt. Nach Abb. 2 sollte hier sowohl Strahlung vom  $\Delta M_J = 0$ -Übergang ( $\pi$ -Übergang), als auch den  $\Delta M_J = \pm 1$ -Übergängen ( $\sigma^\pm$ -Übergänge), zu sehen sein. Hierbei ist die Strahlung der beiden verschiedenen  $\sigma$ -Übergänge gleich Polariert; die Polarisierung vom  $\pi$ -Übergang steht senkrecht dazu.

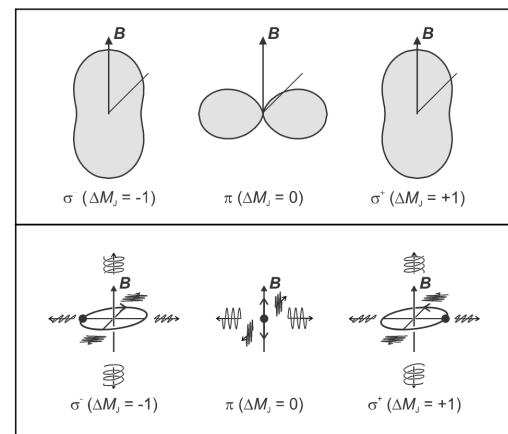


Abbildung 2: Polarisationsverteilung und Abstrahlungscharakteristik elektrischer Dipolübergänge [1] [2].

Das am Okular entstehende Bild ist in Abb. 3 gezeigt.

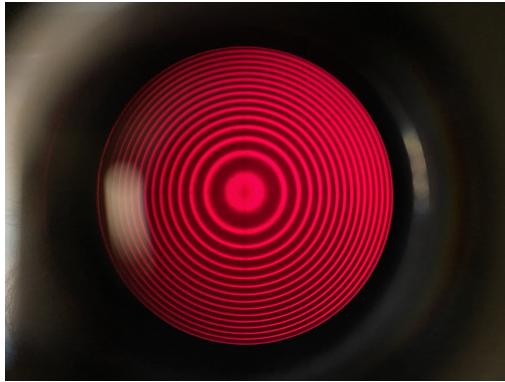


Abbildung 3: Interferenzmuster bei transversaler Beobachtung ohne Magnetfeld, ohne Polarisationsfilter.

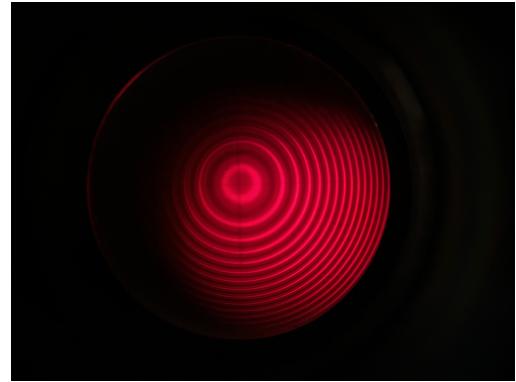


Abbildung 5: Interferenzmuster bei transversaler Beobachtung mit Magnetfeld, mit Polarisationsfilter auf  $90^\circ$ .

Es sind die verschiedenen Interferenzringe zu erkennen, die hier alle von der gleichen Wellenlänge stammen.

Nun wird das Magnetfeld eingeschaltet und erhöht, bis man eine Aufspaltung der Ringe sieht, siehe Abb. 4

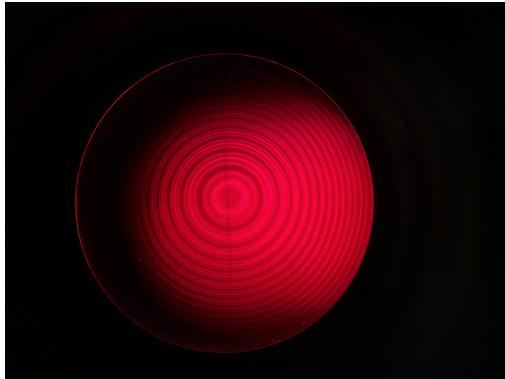


Abbildung 4: Interferenzmuster bei transversaler Beobachtung mit Magnetfeld, ohne Polarisationsfilter.

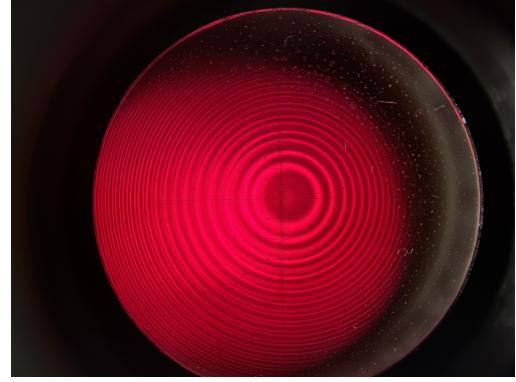


Abbildung 6: Interferenzmuster bei transversaler Beobachtung mit Magnetfeld, mit Polarisationsfilter auf  $0^\circ$ .

Wenn der Filter auf  $90^\circ$  steht, sind wieder nur einzelne Ringe zu sehen, die dem  $\pi$ -Übergang entsprechen, welche Licht mit Polarisation parallel zum Magnetfeld produziert. Steht der Filter auf  $0^\circ$ , gibt es jeweils zwei Ringe, die  $\sigma^+$  bzw.  $\sigma^-$  entsprechen.

### 1.1.2 Auflösungsvermögen

Nach dem Praktikumskript ist Dicke von Fabry-Perot-Etalon  $d = 4\text{ mm}$  und die Mittelwellenlänge  $\lambda = 643.8\text{ nm}$ . Damit lässt sich das theoretische Auflösungsvermögen bestimmen, es gilt dann:

$$A_{\text{theo}} = \frac{2\pi nd}{\lambda(1-r)} = (3.79) \cdot 10^5$$

Wie im Protokoll beschrieben wird, wird der Strom so eingestellt, sodass die Aufspaltung Spektrallinien sich unterscheiden können.

$$I_{\text{long}} = (1.2 \pm 0.1) \text{ A}, \quad I_{\text{trans}} = (2.4 \pm 0.2) \text{ A}$$

Noch dazu ist der Wert des Magnetfeldes nach der Kalibrierung das Folgende:

$$B_{\text{long}} = (83.45 \pm 6.66) \text{ mT}, \quad B_{\text{trans}} = (173.1 \pm 13.9) \text{ mT}$$

Dabei wurde  $B$  zufolge der später erläuterten Kalibrationskurve bestimmt.

Die Frequenzdifferenz berechnet sich gemäß:

$$\nu = \frac{\Delta M \mu_B B}{h}$$

Man verwendet die Literaturwerte für  $h$  und  $\mu_B$  folgt:

$$\nu_{\text{trans}} = (4.85 \pm 0.39) \text{ GHz}, \quad \nu_{\text{long}} = (1.17 \pm 0.093) \text{ GHz}$$

Zuletzt mit  $\nu_0 = \frac{c}{\lambda_0} = 456 \text{ THz}$  sind die jeweiligen Auflösungsvermögen die folgende:

$$A_{\text{trans}} = (4.7 \pm 1.7) \cdot 10^5, \quad A_{\text{long}} = (0.73 \pm 0.035) \cdot 10^5$$

Der transversale Wert ist signifikant höher als erwartet, liegt jedoch innerhalb der Fehlergrenzen. Der Fehler ist hierbei sehr groß. Der longitudinale Wert ist dagegen zu niedrig ausgefallen. Insgesamt ist die Messgenauigkeit begrenzt, da der Unterschied zwischen den einzelnen Ringen im Okular schwer erkennbar war.

### 1.1.3 Dopplerverbreiterung

Nach [?] gilt für die Dopplerverbreiterung:

$$\Delta\nu_D = \frac{1}{\lambda_0} \pi \sqrt{\frac{8k_B T \ln 2}{m}}$$

Für Caesium mit einer Masse von  $m = 1.86 \cdot 10^{-25} \text{ kg}$  und einer angenommenen Temperatur von  $T = 1000 \text{ K}$  (nach [?]) erhalten wir eine Dopplerverbreiterung von:

$$\Delta\nu \approx 1 \text{ GHz}$$

Dies entspricht etwa 25.7 % der Halbwertsbreite.

### 1.1.4 longitudinale Konfiguration

Die Magneten mitsamt der Cadmiumlampe werden um  $90^\circ$  gedreht, um die Beobachtungen in longitudinaler Konfiguration (Magnetfeld parallel zur optischen Achse bzw. der Beobachtungsrichtung) zu wiederholen.

Ohne Magnetfeld ergibt sich das Muster in Abb. 7, was mit der entsprechenden Beobachtung bei transversaler Konfiguration übereinstimmt.



Abbildung 7: Interferenzmuster bei longitudinaler Beobachtung ohne Magnetfeld, ohne Polarisationsfilter.

Wird das Magnetfeld angeschaltet (Abb. 8), ist eine Aufspaltung in jeweils zwei Ringe zu beobachten. Diese entsprechen den beiden  $\sigma$ -Übergängen, während der  $\pi$ -Übergang aufgrund seiner Abstrahlungscharakteristik in longitudinaler Konfiguration nicht zu sehen ist.



Abbildung 8: Interferenzmuster bei longitudinaler Beobachtung mit Magnetfeld, ohne Polarisationsfilter.

Als nächstes wird zusätzlich eine  $\lambda/4$ -Platte in  $0^\circ$ -Stellung in den Strahlengang vor dem Polarisationsfilter eingesetzt. Diese dient dazu, das rechts- bzw. linkspolarisierte Licht der  $\sigma$ -Übergänge (siehe Abb. 2) zu verschiedenen linearen Polarisationsrichtungen umzuwandeln, welche dann mit dem Polarisationsfilter ausgewählt werden können.

Mit dem Polarisationsfilter auf  $-45^\circ$  ist nur noch jeweils ein Ring stark zu sehen (Abb. 9)



Abbildung 9: Interferenzmuster bei longitudinaler Beobachtung mit Magnetfeld, mit Polarisationsfilter.

Mit dem Polarisationsfilter in  $45^\circ$ -Stellung ist nur der jeweils andere Ring stark zu sehen (Abb. 10).

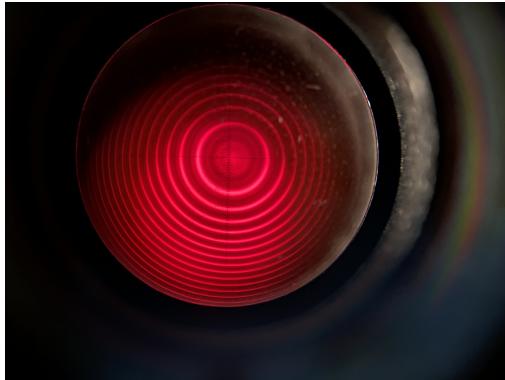


Abbildung 10: Interferenzmuster bei longitudinaler Beobachtung mit Magnetfeld, mit Polarisationsfilter.

## 1.2 Messung des Zeeman-Effekts

Es soll nun quantitativ die Stärke der Aufspaltung in Abhängigkeit des anliegenden Magnetfelds gemessen werden, mit dem Ziel, das Bohrsche Magneton  $\mu_B$  zu bestimmten. Hierzu wird die transversale Konfiguration verwendet und  $\lambda/4$ -Platte sowie Polarisationsfilter aus dem Strahlengang entfernt.

### 1.2.1 Magnetfeldkalibrierung

Es wird die Abhängigkeit der Magnetfeldstärke vom fließenden Strom durchmessen, um daraus eine Kalibrierungskurve zu erstellen. Hierzu wird anstatt der Cadmiumlampe eine Hall-Sonde genau mittig zwischen den Polschuhen eingeführt. In Reihe zu den Magneten wird ein „Cassy-Modul“ eingeschaltet, wodurch am Computer mithilfe einer speziellen Software die Abhängigkeit automatisch aufgezeichnet werden kann.

Die Messung wird gestartet und der Strom allmählich bis zum maximal erreichbaren Wert hochgefahren. Dann wird die Messung gestoppt und der Strom wieder ausgeschaltet.

Eine solche Kalibrierung wurde zweimal durchgeführt, einmal vor und einmal nach den Messungen aus 1.2.2. In Abb. 12 sind die Messdaten zusammen mit einem  $\chi^2$ -Fit der Form

$$B(I) = a + bI + cI^2 + dI^3$$

dargestellt. Als Fehlerwerte auf  $I$  und  $B$  wurden dabei 2% des jeweiligen Werts angesetzt, wobei Fehlerwerte von 0.002 A und 0.2 mT nicht unterschritten werden dürfen.

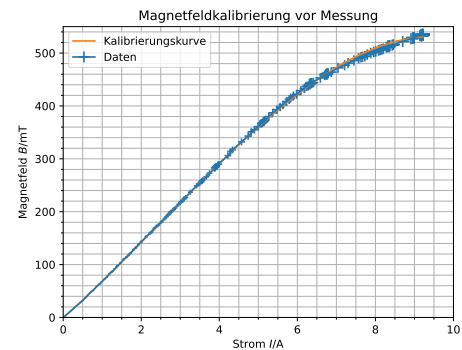


Abbildung 11: Magnetfeldkalibrierung vor der Messung mit CCD-Kamera

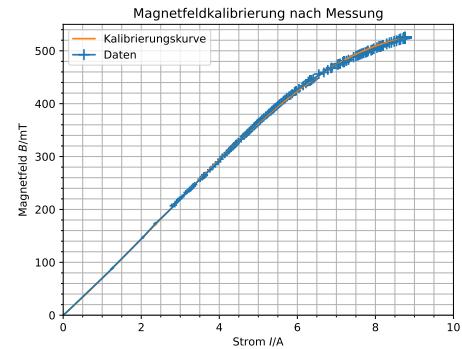


Abbildung 12: Magnetfeldkalibrierung nach der Messung mit CCD-Kamera

$$\begin{aligned} a_1 &= (-0.548 \pm 0.025) \text{ mT}, \quad b_1 = (65.44 \pm 0.16) \text{ mT A}^{-1}, \\ c_1 &= (3.960 \pm 0.065) \text{ mT A}^{-2}, \quad d_1 = (-0.5213 \pm 0.0059) \text{ mT A}^{-3} \\ a_1 &= (-0.104 \pm 0.027) \text{ mT}, \quad b_1 = (66.20 \pm 0.53) \text{ mT A}^{-1}, \\ c_1 &= (3.970 \pm 0.186) \text{ mT A}^{-2}, \quad d_1 = (-0.5361 \pm 0.0152) \text{ mT A}^{-3} \end{aligned}$$

Diese Werte sind in relativ guter Übereinstimmung miteinander; alle Parameter haben Überschneidungen in ihren Fehlerbereichen. Leichte Abweichungen, z.B. beim Parameter  $a$  lassen sich unter anderem dadurch erklären, dass die zweite Messung durchgeführt wurde, als die Magnetspulen noch heiß vom vorigen Betrieb waren. Dies kann die Ergebnisse verändern.

Um eine einzelne Kalibrationskurve zu haben, verwenden wir im Folgenden die Mittelwerte der Parameter:

$$i = \frac{i_1 + i_2}{2}, \quad i = a, b, c, d$$

$$a = (-0.326 \pm 0.019) \text{ mT}, \quad b = (65.82 \pm 0.28) \text{ mT A}^{-1},$$

$$c = (3.960 \pm 0.099) \text{ mT A}^{-2}, \quad d = (-0.5288 \pm 0.0082) \text{ mT A}^{-3}$$

Der Fehler wird dabei mithilfe von Gauß'scher Fehlerfortpflanzung bestimmt.

### 1.2.2 Messungen mit CCD-Kamera

Die Messung der Positionen der Interferenzmaxima erfolgt mithilfe einer CCD-Kamera, die anstatt des Okulars in den Strahlengang eingesetzt wird. Die Kamera (Auflösung von 1024 Pixeln) wird mit dem Computer verbunden, wo mithilfe eines dafür ausgelegten Programms die Lichtintensität in Abhängigkeit des Ablenkwinkels  $\alpha$  aufgenommen wird. Dabei wird  $\alpha$  automatisch aus der Pixel-Position  $p$  berechnet nach der Formel

$$\alpha = \arctan\left(\frac{(1024 - p) \cdot 0.014 \text{ mm}}{f}\right), \quad f = 150 \text{ mm} \quad ([1], S.$$

#### (braucht man Seitenangaben?)

Nun wird das Magnetfeld durch Änderung des Stroms variiert und am Computer beobachtet, wie sich die Aufspaltung der Linien verändert. Für 10 verschiedene Ströme wird die Messung (Werte der Intensität  $I$  in Abhängigkeit des Winkels  $\alpha$ ) jeweils abgespeichert. Aus jeder Messung wird eine Beugungsordnung ausgesucht, bei der wir die Positionen drei verschiedenen Peaks bestimmen. Dazu wird immer nur der Bereich dieser drei Peaks aus den Daten ausgewählt und ein Fit der Form

$$I(\alpha) = B + G(\alpha; a_1, \mu_1, \sigma_1) + G(\alpha; a_2, \mu_2, \sigma_2) + G(\alpha; a_3, \mu_3, \sigma_3)$$

mit drei Überlagerten verallgemeinerten Gauß-Funktionen

$$G(xga, \mu, \sigma) = a \exp\left(-\frac{(x - b)^2}{2c^2}\right)$$

durchgeführt. Der additive Parameter  $B$  ermöglicht die Berücksichtigung einer eventuell vorhanden

gleichmäßigen Grundausleuchtung und sorgt nach visueller Inspektion erfahrungsgemäß für bessere Anpassung der Gauß-Parameter an die Daten. Die Plots mit Fit sind in Abb. 19 und 20 gezeigt, die Parameter in Tab. 14.

Für die Energiedifferenz gilt

$$\Delta E_{\pm} = -\frac{hc}{\lambda_{\pi}} \frac{\lambda_{\sigma} - \lambda_{\pi}}{\lambda_{\sigma}} \quad [1]$$

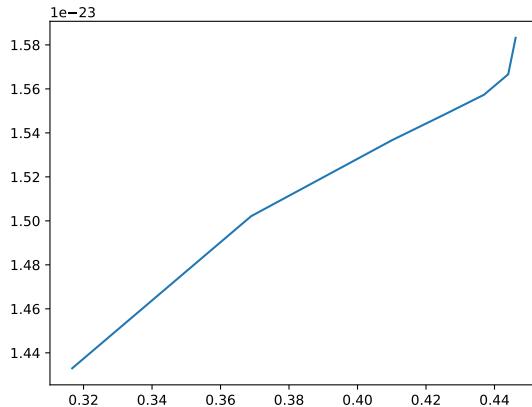
mit  $\lambda_p i^0 = 643.8 \text{ nm}$  [2]. Die Interferenzbedingung des Interferometers lautet

$$k\lambda = 2d\sqrt{n^2 - \sin^2(\alpha)} \quad [2]$$

Eingesetzt in den Zusammenhang für die Energiedifferenz ergibt sich

$$\Delta E_{\pm} = -\frac{hc}{\lambda_{\pi}} \left(1 - \frac{\sqrt{n^2 - \sin^2(\alpha_{\pi})}}{\sqrt{n^2 - \sin^2(\alpha_{\sigma})}}\right)$$

Die Werte, die sich hieraus ergeben, sind, zusammen mit den aus der Kalibrationskurve bestimmten B-Werten, sind in der untenstehenden Abbildung geplottet.



aus einem linearen Fit ergibt sich für die Steigung  $\mu_B = (1.100 \pm 0.313) \text{ JT}^{-1}$

## 2 Franck-Hertz-Versuch

Im folgenden Abschnitt wird das Franck-Hertz-Experiment durchgeführt und anschließend detailliert diskutiert. Anhand der durch das Cassy-Modul gemessenen Anodenstromkurven  $I_A$  wird die Energiedifferenz  $\Delta E$  zwischen den Energieniveaus des Quecksilbers  $Hg$ ,  $6S$  und  $6P$ , präzise bestimmt.

### 2.1 Aufbau

In einer Franck-Hertz-Röhre, die mit Quecksilber gefüllt ist, befindet sich eine glühende Kathode mit einer Heissspannung  $U_H$ , die die Elektronen durch thermische Emmission freisetzt und in der Richtung einer positiv geladenen Anode beschleunigt. Die Beschleunigungsspannung  $U_B$  zwischen Kathode und Anode bestimmt die kinetische Energie der Elektronen, bevor sie auf die Quecksilberatome treffen.

Zwischen der Kathode und der Anode befindet sich ein Gitter, das in einigen Konstruktionen mit einem kleinen Gegenfeld ausgestattet ist, um Elektronen, die nach elastische nd inelastische Stößen ihre kinetische Energie verloren haben, daran zu hindern, die Anode zu erreichen. Der Anodenstrom  $I_A$  wird dann in Abhängigkeit von der Spannung  $U_B$  gemessen. Bei bestimmten Spannungswerten zeigt der Anodenstrom charakteristische Einbrüche, die auftreten, wenn die Elektronen genau die Energie erreichen, die nötig ist, um ein Quecksilberatom vom Grundzustand ( $6S$ ) in einen angeregten Zustand ( $6P$ ) zu heben. Durch diesen inelastischen Stoß verlieren die Elektronen ihre kinetische Energie und tragen dadurch nicht mehr zum Stromfluss bei.

Die Spannungsdifferenz zwischen aufeinanderfolgenden Strommaxima liefert die Energie  $\Delta E$ , die den Übergang zwischen den  $6S$ - und  $6P$ -Niveaus beschreibt.

### 2.2 Durchführung und Auswertung

Zunächst wird die Energiedifferenz  $\Delta E$  zwischen die Energieniveaus des  $Hg$  bestimmt. Dabei sollen die Breiten der Kurven bzw. die Peaks bestimmt werden. Dazu werden Gaußkurven an die Daten angepasst, die mithilfe des Programms *Fityk* gemacht werden. Es ist zu beachten, dass bei den verschiedenen Messungen nicht dieselbe Anzahl an Peaks erfasst wurde. Daher wurden nur die erkennbaren Peaks analysiert und in die Tabellen aufgenommen.

#### Fityk Version 1.3.1

In *Fityk* werden Gauß-Fits durch Auswahl eines Datenbereichs und Anwendung einer Gaußfunktion als Mo-

dell durchgeführt. Die Gaußfunktion hat die Form

$$f(x) = a \cdot e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

wobei  $a$  die Amplitude,  $\mu$  der Mittelwert (Zentrum des Peaks) und  $\sigma$  die Standardabweichung ist. Das Programm optimiert die Parameter  $a$ ,  $\mu$  und  $\sigma$ , sodass die Abweichung zwischen dem Modell und den Datenpunkten minimiert wird. Die Methode der kleinsten Quadrate wird oft verwendet, um den Fehlerausdruck

$$\sum_{i=1}^N (y_i - f(x_i))^2$$

zu minimieren, wobei  $y_i$  die gemessenen Datenpunkte und  $f(x_i)$  die entsprechenden Werte der Gaußfunktion sind. Dadurch entsteht eine Gaußkurve, die die Daten im ausgewählten Bereich bestmöglich beschreibt.

### Diskussion der Daten

Wie bereits erwähnt, wurde während des Experiments nicht dieselbe Anzahl von Peaks erfasst. Dies stellt jedoch kein Problem dar, da eine ausreichende Anzahl an Messwerten vorliegt. Zudem wurde in *Fityk* eine Hintergrundfunktion zu den Gauß-Fits hinzugefügt, sodass die Gesamtsumme der Gauß-Peaks eine bessere Übereinstimmung mit den im Experiment beobachteten Peaks aufweist. Unter Berücksichtigung der oben genannten Anpassungen und Messmethoden folgen nun die entsprechenden Graphen.

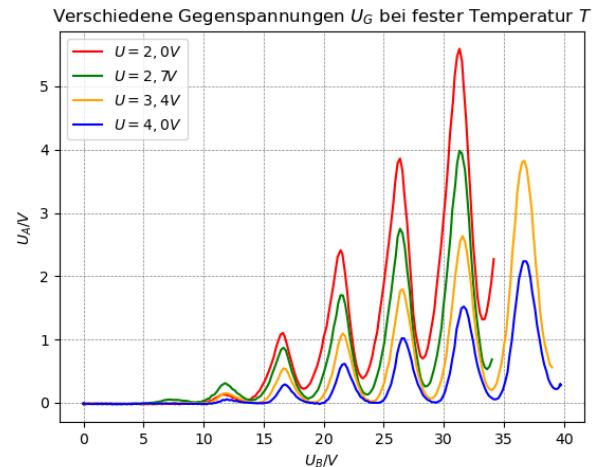


Abbildung 13: Die gemessene Beschleunigungsspannung  $U_B$  gegen Anodenspannung  $U_A$  bei verschiedener Gegenspannung  $T$  und fester Temperatur  $U_G$

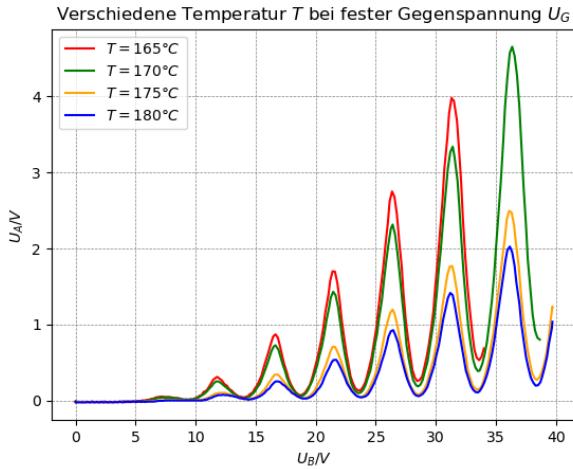


Abbildung 14: Die gemessene Beschleunigungsspannung  $U_B$  gegen Anodenspannung  $U_A$  verschiedenen Temperaturen  $T$  und Gegenspannung  $U_G$

	Mittelwert [V]
$\delta U_B^1$	$\pm 0.0504$
$\delta U_B^2$	$\pm 0.133$
$\delta U_B^3$	$\pm 0.0112$
$\delta U_B^4$	$\pm 0.0161$
$\delta U_B^5$	$\pm 0.0307$
$\delta U_B^6$	$\pm 0.131$

Tabelle 2: Mittelwerte zu  $\delta U_B^i$

Nun kann man aus den Differenzen der benachbarten Peaks der Energiedifferenz  $\Delta E$  bestimmt werden.

$$\Delta E = (4.9 \pm 0.0803) \text{ eV}$$

Das Ergebnis unserer experimentellen Messungen ist äußerst erfreulich und stimmt vollständig mit dem erwarteten theoretischen Wert der Übergang zwischen  $6^1S_0 \rightarrow 6^3P_1$  überein. Wie man in der Abbildung sich anschauen kann.

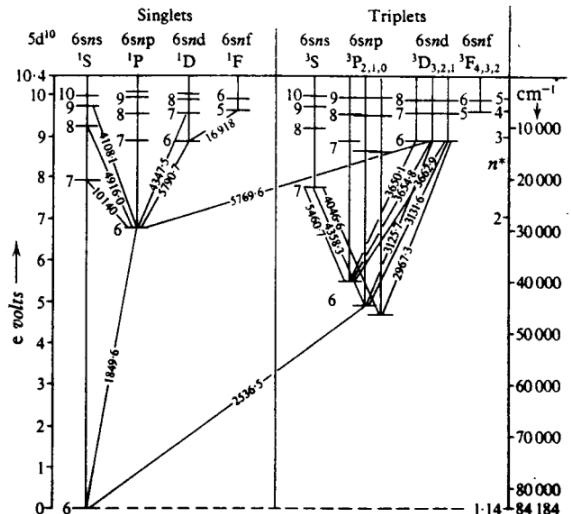


FIG. III, 28. Term diagram of Hg.

Abbildung 15: Termschema des Quecksilbers

	Mittelwert [V]
$U_B^1$	36.3
$U_B^2$	31.2
$U_B^3$	26.3
$U_B^4$	21.6
$U_B^5$	16.6
$U_B^6$	11.8

Tabelle 1: Mittelwerte zu  $U_B^i$

### 2.3 Einfluss der Temperatur $T$ und der Gegenspannung $U_2$

Untersucht man den Zusammenhang zwischen Energiedifferenz und Wirkungsquerschnitt, so stellt man fest, dass die Wechselwirkung ihr Maximum bei  $\Delta E = 4.9 \text{ eV}$  erreicht. Dennoch weist der Peak eine Breite auf, was auf die Natur des Triplet-Zustands  $6^3P$  zurückzuführen ist, da einige Elektronen mit etwas geringerer oder höherer Energie wechselwirken können. (siehe Abbildung 16)

Zudem erkennt man mithilfe des Anhangs im Praktikumskript, dass der Dampfdruck von Quecksilber stark von der Temperatur abhängt (siehe untenstehende Formel).

$$\log(p) = 10.55 - \frac{3333}{T} - 0.85\log(T)$$

Daraus folgt, dass bei steigender Temperatur vermehrt thermische Stöße zwischen den Hg-Atomen stattfinden können, was dazu führt, dass weniger Elektronen die notwendige Energie besitzen, um die Anode zu erreichen. Andererseits treten bei niedrigeren Temperaturen weniger Stöße auf, was zur Folge hat, dass nur geringe oder gar keine Peaks beobachtet werden können.

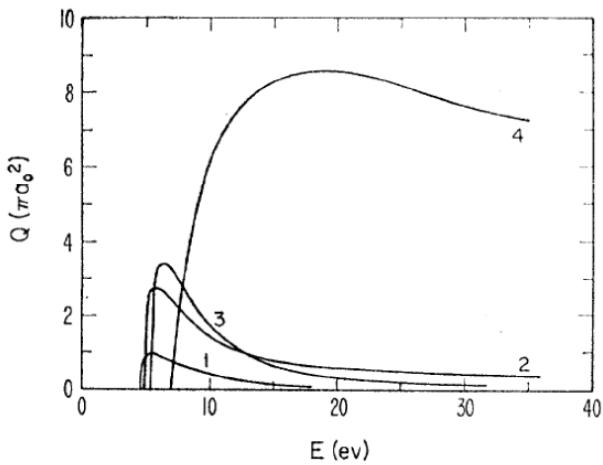


Abbildung 16: Totaler Wirkungsquerschnitt  $Q(\pi a_0^2)$  von Hg für Elektronenstoßanregung

### 3 Fazit

Im zweiten Versuchsteil wird der Franck-Hertz-Versuch aufgebaut und untersucht. Dabei wird die Beschleunigungsspannung in Abhängigkeit von der Anodenspannung bei verschiedenen Temperaturen und Gegenspannungen aufgezeichnet, wodurch die erwarteten Peaks entstehen. Mithilfe der Berechnung des Erwartungswerts  $\mu_i$  und der Standardabweichung  $\sigma_i$  wird nach der Datenanalyse festgestellt, dass die Energiedifferenz für den Übergang im Hg-Atom zwischen den Zuständen  $6^1S_0$  und  $6^3P_1$  den Wert  $\Delta E = (4.9 \pm 0.0803)$  eV annimmt, was erstaunlich gut mit dem theoretischen Wert übereinstimmt. Zudem fällt auf, dass bei erhöhter Temperatur  $T$  und Gegenspannung  $U_G$  die Anodenspannung  $U_A$  abnimmt.

## Literatur

[1] *Physikalisches Praktikum Teil IV – Versuchsbeschreibungen*, Universität Bonn, Abruf 29.10.2024

[2] *Beobachtung des normalen Zeeman-Effekts in transversaler und longitudinaler Konfiguration*, Leybold Didactic, Abruf 30.10.2024

## 4 Anhang

Parameter	Wert	Fehler $\Delta$
$\mu_1$	31.1	$\pm 0.0183$
$\sigma_1$	1.26	$\pm 0.0358$
$\mu_2$	26.1	$\pm 0.0162$
$\sigma_2$	1.08	$\pm 0.0249$
$\mu_3$	21.2	$\pm 0.024$
$\sigma_3$	0.91	$\pm 0.0298$
$\mu_4$	16.4	$\pm 0.0365$
$\sigma_4$	0.843	$\pm 0.0522$
$\mu_5$	11.7	$\pm 0.237$
$\sigma_5$	0.669	$\pm 0.306$

Tabelle 3: Parameter bei  $U_G = 2.0V$  und  $T = 165^\circ C$ 

Parameter	Wert	Fehler $\Delta$
$\mu_1$	36.8	$\pm 0.00835$
$\sigma_1$	1.0	$\pm 0.0123$
$\mu_2$	31.7	$\pm 0.00744$
$\sigma_2$	0.944	$\pm 0.00934$
$\mu_3$	26.7	$\pm 0.00927$
$\sigma_3$	0.837	$\pm 0.0111$
$\mu_4$	21.7	$\pm 0.0151$
$\sigma_4$	0.769	$\pm 0.0178$
$\mu_5$	16.8	$\pm 0.0313$
$\sigma_5$	0.712	$\pm 0.0371$

Tabelle 6: Parameter bei  $U_G = 4.0V$  und  $T = 165^\circ C$ 

Parameter	Wert	Fehler $\Delta$
$\mu_1$	31.3	$\pm 0.00925$
$\sigma_1$	1.04	$\pm 0.0129$
$\mu_2$	26.3	$\pm 0.00979$
$\sigma_2$	0.967	$\pm 0.0151$
$\mu_3$	21.4	$\pm 0.0133$
$\sigma_3$	0.914	$\pm 0.019$
$\mu_4$	16.6	$\pm 0.0242$
$\sigma_4$	0.885	$\pm 0.0321$
$\mu_5$	11.9	$\pm 0.0715$
$\sigma_5$	0.884	$\pm 0.0916$

Tabelle 4: Parameter bei  $U_G = 2.7V$  und  $T = 165^\circ C$ 

Parameter	Wert	Fehler $\Delta$
$\mu_1$	36.3	$\pm 0.00915$
$\sigma_1$	1.11	$\pm 0.0139$
$\mu_2$	31.2	$\pm 0.00858$
$\sigma_2$	1.02	$\pm 0.0136$
$\mu_3$	26.3	$\pm 0.0105$
$\sigma_3$	0.966	$\pm 0.0152$
$\mu_4$	21.4	$\pm 0.0148$
$\sigma_4$	0.92	$\pm 0.0205$
$\mu_5$	16.6	$\pm 0.0277$
$\sigma_5$	0.889	$\pm 0.0364$
$\mu_6$	11.9	$\pm 0.0832$
$\sigma_6$	0.893	$\pm 0.106$

Tabelle 7: Parameter bei  $U_G = 2.7V$  und  $T = 170^\circ C$ 

Parameter	Wert	Fehler $\Delta$
$\mu_1$	36.7	$\pm 0.00818$
$\sigma_1$	1.19	$\pm 0.00971$
$\mu_2$	31.6	$\pm 0.0125$
$\sigma_2$	1.02	$\pm 0.0153$
$\mu_3$	26.5	$\pm 0.0121$
$\sigma_3$	0.95	$\pm 0.0143$
$\mu_4$	21.6	$\pm 0.0181$
$\sigma_4$	0.871	$\pm 0.0215$
$\mu_5$	16.7	$\pm 0.0362$
$\sigma_5$	0.846	$\pm 0.0423$

Tabelle 5: Parameter bei  $U_G = 3.4V$  und  $T = 165^\circ C$ 

Parameter	Wert	Fehler
$\mu_1$	36.3	$\pm 0.128$
$\sigma_1$	1.67	$\pm 0.212$
$\mu_2$	30.8	$\pm 0.734$
$\sigma_2$	1.08	$\pm 0.26$
$\mu_3$	26.3	$\pm 0.0108$
$\sigma_3$	0.929	$\pm 0.0138$
$\mu_4$	21.5	$\pm 0.0112$
$\sigma_4$	0.981	$\pm 0.0135$
$\mu_5$	16.8	$\pm 0.0232$
$\sigma_5$	1.00	$\pm 0.0275$

Tabelle 8: Parameter bei  $U_G = 2.7V$  und  $T = 175^\circ C$

Parameter	Wert	Fehler
$\mu_1$	36.1	$\pm 0.00659$
$\sigma_1$	0.952	$\pm 0.0118$
$\mu_2$	31.2	$\pm 0.00694$
$\sigma_2$	0.968	$\pm 0.0108$
$\mu_3$	26.3	$\pm 0.0095$
$\sigma_3$	0.921	$\pm 0.0152$
$\mu_4$	21.6	$\pm 0.016$
$\sigma_4$	0.893	$\pm 0.0233$
$\mu_5$	16.8	$\pm 0.0351$
$\sigma_5$	0.911	$\pm 0.0544$

Tabelle 9: Parameter bei  $U_G = 2.7V$  und  $T = 180^\circ C$ 

	Mittelwert [V]
$\delta U_B^1$	$\pm 0.0504$
$\delta U_B^2$	$\pm 0.133$
$\delta U_B^3$	$\pm 0.0112$
$\delta U_B^4$	$\pm 0.0161$
$\delta U_B^5$	$\pm 0.0307$
$\delta U_B^6$	$\pm 0.131$

Tabelle 13: Mittelwerte zu  $\delta U_B^i$ 

$U_B^1$ [V]	$U_B^2$ [V]	$U_B^3$ [V]	$U_B^4$ [V]	$U_B^5$ [V]	$U_B^6$ [V]
36.7	31.1	26.1	21.2	16.4	11.7
36.8	31.3	26.3	21.4	16.6	11.9
36.3	31.6	26.5	21.6	16.7	11.9
36.3	31.7	26.7	21.7	16.6	-
36.1	31.2	26.3	21.4	16.8	-
-	30.8	26.3	21.5	16.8	-
-	31.2	26.3	21.6	16.8	-

Tabelle 10: zugeordnete  $U_B^i$ 

$\delta U_B^1$ [V]	$\delta U_B^2$ [V]	$\delta U_B^3$ [V]	$\delta U_B^4$ [V]	$\delta U_B^5$ [V]
$\pm 0.00818$	$\pm 0.0183$	$\pm 0.0162$	$\pm 0.024$	$\pm 0.0365$
$\pm 0.00835$	$\pm 0.00925$	$\pm 0.00979$	$\pm 0.0133$	$\pm 0.0242$
$\pm 0.00915$	$\pm 0.0125$	$\pm 0.0121$	$\pm 0.0181$	$\pm 0.0362$
$\pm 0.128$	$\pm 0.00744$	$\pm 0.00927$	$\pm 0.0151$	$\pm 0.0313$
$\pm 0.00659$	$\pm 0.00858$	$\pm 0.0105$	$\pm 0.0148$	$\pm 0.0277$
-	$\pm 0.734$	$\pm 0.0108$	$\pm 0.0112$	$\pm 0.0232$
-	$\pm 0.00694$	$\pm 0.0095$	$\pm 0.016$	$\pm 0.0351$

Tabelle 11: zugeordnete  $\delta U_B^i$ 

Im Folgenden sind die Mittelwerte der Beschleunigungsspannung sowie die entsprechenden Fehler dargestellt.

	Mittelwert [V]
$U_B^1$	36.3
$U_B^2$	31.2
$U_B^3$	26.3
$U_B^4$	21.6
$U_B^5$	16.6
$U_B^6$	11.8

Tabelle 12: Mittelwerte zu  $U_B^i$ 

Nun kann man aus den Differenzen der benachbarten Peaks der Energiedifferenz  $\Delta E$  bestimmt werden.

$$\Delta E = (4.9 \pm 0.0803) eV$$

Das Ergebnis unserer experimentellen Messungen ist äußerst erfreulich und stimmt vollständig mit dem erwarteten theoretischen Wert der Übergang zwischen  $6^1S \rightarrow 6^3P$  überein. Wie man in der Abbildung sich anschauen kann.

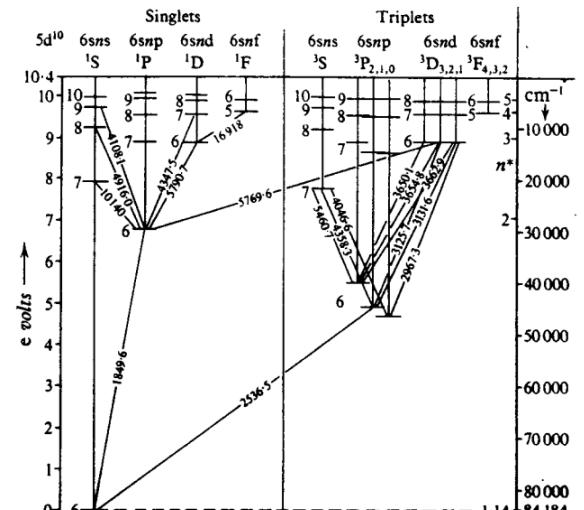


Fig. III, 28. Term diagram of Hg.

Abbildung 17: Termschema des Quecksilbers

#### 4.1 Einfluss der Temperatur $T$ und der Gegenspannung $U_2$

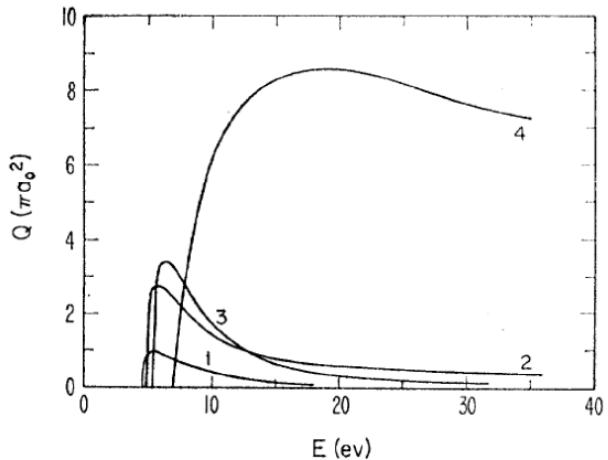


Abbildung 18: Totaler Wirkungsquerschnitt  $Q(\pi a_0^2)$  von Hg für Elektronenstoßanregung

## Anhang

$I$	$a_1$	$\Delta a_1$	$\mu_1$	$\Delta \mu_1$	$\sigma_1$	$\Delta \sigma_1$	$a_2$	$\Delta a_2$	$\mu_2$	$\Delta \mu_2$	$\sigma_2$	$\Delta \sigma_2$
2.00000	1.45996	0.14031	0.84645	0.00252	0.02137	0.00261	41.63881	0.12077	0.98052	0.00039	0.04172	0.06320
3.00000	-4.67000	0.73581	0.88194	0.00188	0.01651	0.00288	38.35992	0.39577	0.97963	0.00172	0.06320	0.06320
4.00000	26.42970	0.43409	0.92770	0.00197	0.04192	0.00145	28.16856	1.51824	0.99136	0.00079	0.02230	0.02230
5.00000	22.96575	0.17753	0.90198	0.00075	0.04174	0.00073	35.62450	0.28913	0.98766	0.00029	0.02230	0.02230
6.00000	22.61718	0.38433	0.87752	0.00083	0.03681	0.00107	38.50296	0.42198	0.98412	0.00045	0.03320	0.03320
7.00000	23.83709	0.55972	0.86541	0.00077	0.03278	0.00108	38.81161	0.64837	0.98228	0.00050	0.03320	0.03320
7.50000	24.48308	0.61664	0.86098	0.00074	0.03121	0.00105	38.70595	0.70583	0.98134	0.00051	0.03320	0.03320
8.00000	24.79708	0.66052	0.85748	0.00072	0.03008	0.00104	38.34517	0.74513	0.98073	0.00052	0.03320	0.03320
8.50000	25.29009	0.68669	0.85477	0.00070	0.02987	0.00104	38.84935	0.77115	0.98075	0.00051	0.03320	0.03320
9.10000	20.42170	0.63180	0.85353	0.00074	0.02803	0.00112	31.11132	0.69103	0.98250	0.00054	0.03320	0.03320

Tabelle 14: Bestimmte Parameter der Intensitätsmaxima für verschiedene Ströme.  $I$  in Ampere,  $a$  und  $B$  in %,  $\mu$  und  $\sigma$  in Grad

## Literatur

- [1] *Physikalisches Praktikum Teil IV – Versuchsbeschreibungen*, Universität Bonn, Abruf 29.10.2024
- [2] *Beobachtung des normalen Zeeman-Effekts in transversaler und longitudinaler Konfiguration*, Leybold Didactic, Abruf 30.10.2024

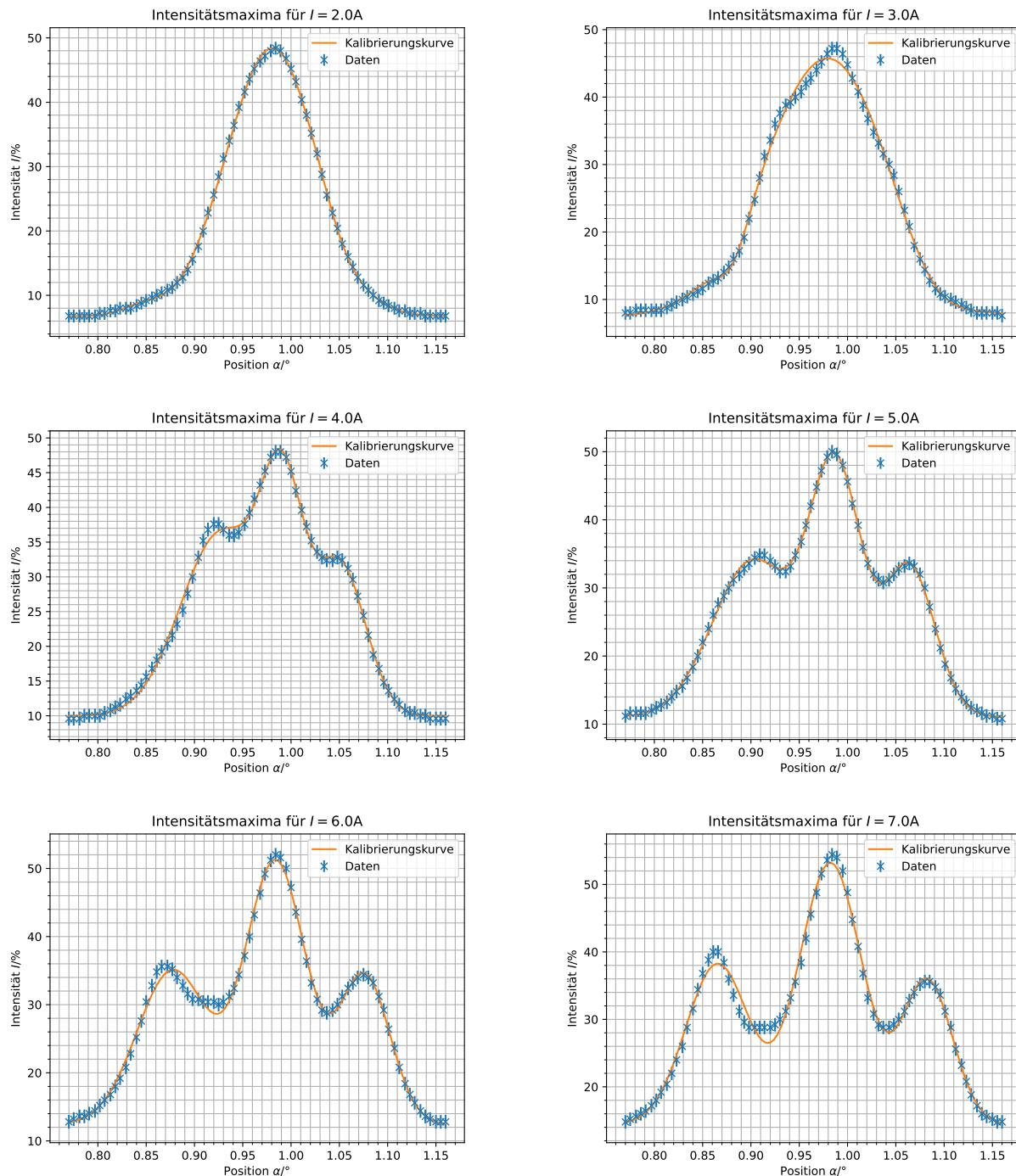


Abbildung 19: Ausgewählte Intensitätsmaxima für verschiedene Magnetströme  $I$ , mit Gauß-Fit [Teil 1]

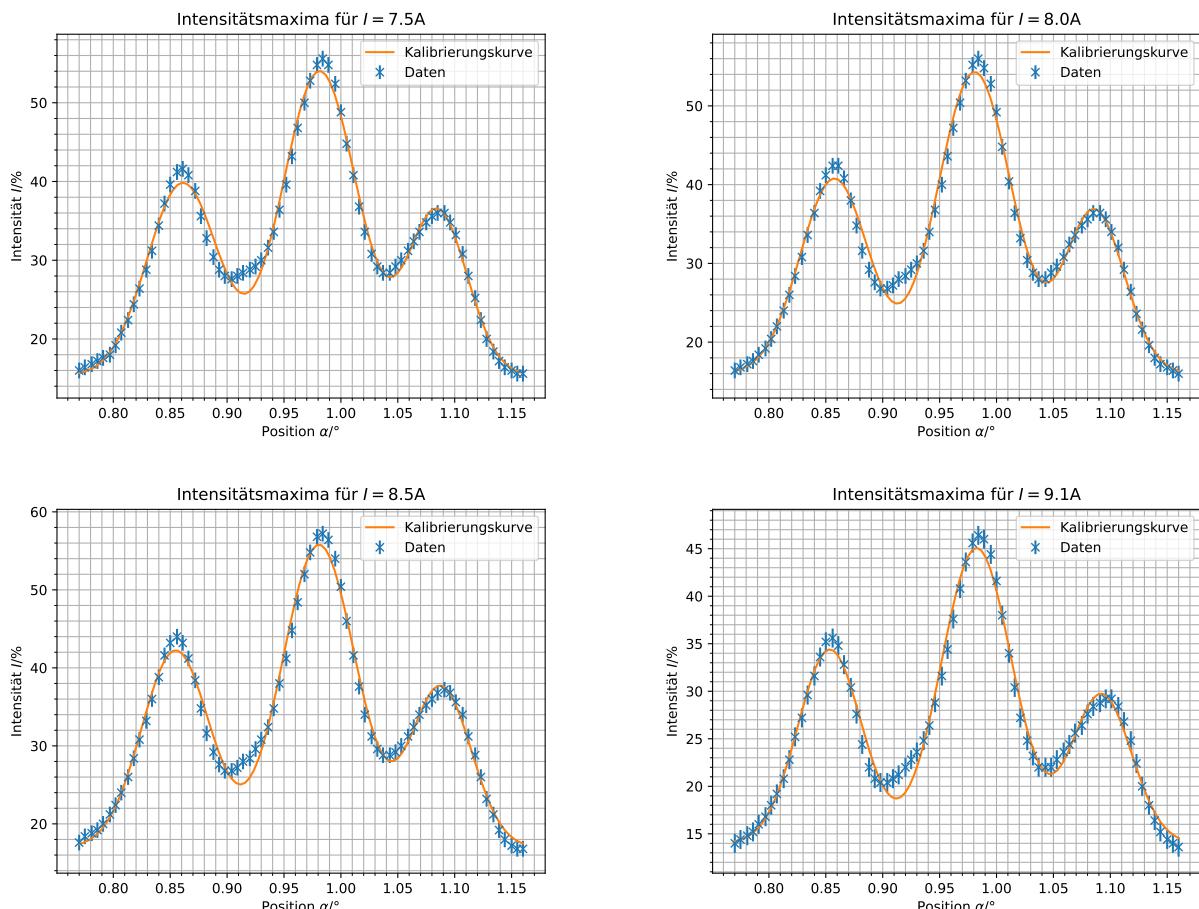


Abbildung 20: Ausgewählte Intensitätsmaxima für verschiedene Magnetströme  $I$ , mit Gauß-Fit [Teil 2]