

ELIMINAR ELEMENTOS REPETIDOS



Algoritmos Divide y Vencerás

¡HOLA! 

Somos el Grupo 3

Gregorio Carvajal Expósito

Gema Correa Fernández

Jonathan Fernández Mertanen

Eila Gómez Hidalgo

Elías Méndez García

Alex Enrique Tipán Párraga



EJERCICIO

Dado un vector de n elementos, de los cuales algunos pueden estar duplicados, obtener otro vector donde todos los elementos duplicados hayan sido eliminados.



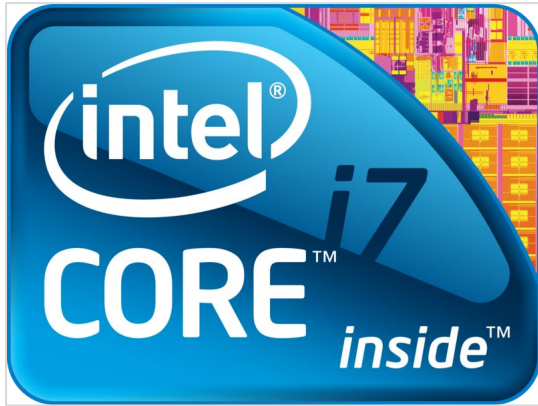
1.

CARACTERÍSTICAS DEL PC

Máquina usada para realizar
las medidas de tiempo

PC

CARACTERÍSTICAS



Procesador: Intel(R) Core(TM) i7-4720HQ.



Núcleos y velocidad: 8 Núcleos a 2.60GHz.



Cachés: Caché L1 32K | Caché L2 256K | Caché L3 6144K.



Memoria RAM: 16GB a 1600 MHz.



Sistema Operativo: Arch Linux (rolling release).



Versión de kernel: 4.10.6-1-ARCH



Versión de compilador: g++ (GCC) 6.3.1 201.70306.



Opciones de compilación: -O3 -std=c++11



2.

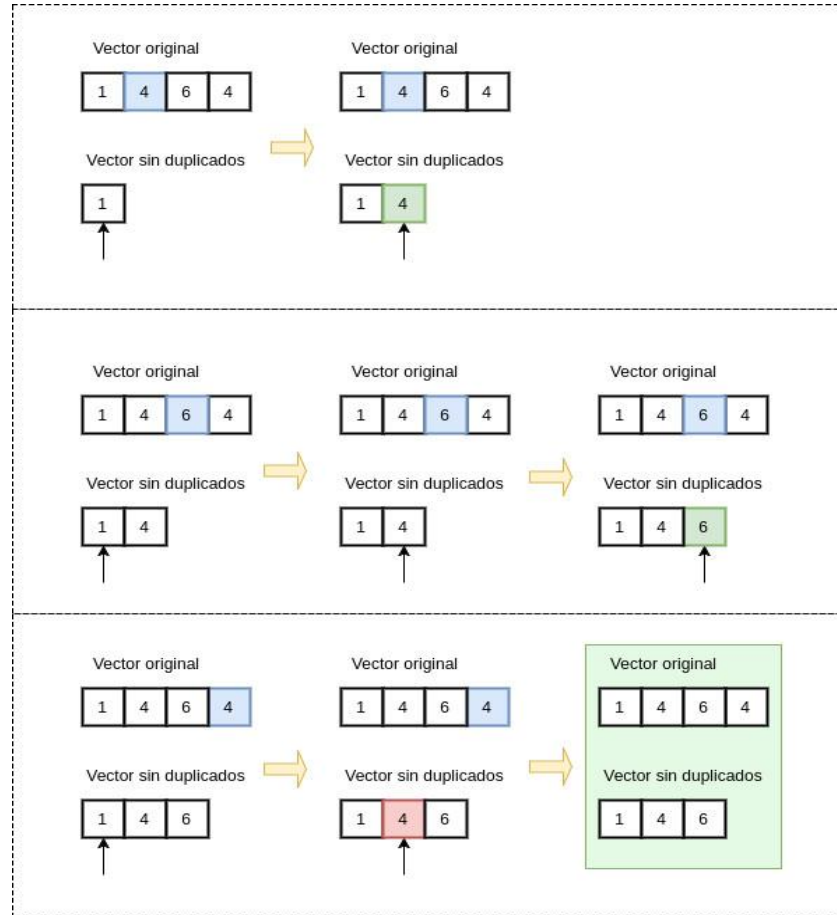
ALGORITMOS DISEÑADOS

Explicación

ALGORITMO “SENCILLO”



“



ALGORITMO “SENCILLO”



```
inline static Vector* elimina_repetidos(const Vector &vec){

    int elem, n_elem_max = vec.n_elem;
    bool encontrado = false;

    Vector* sin_repetidos = new Vector;
    sin_repetidos->v = new int[n_elem_max];

    for (int i = 0; i < n_elem_max; ++i) {
        elem = vec.v[i];
        for (int j = 0; j < sin_repetidos->n_elem && !encontrado; ++j) {
            if (elem == sin_repetidos->v[j]) encontrado = true;
        }
        if (!encontrado) {
            sin_repetidos->v[sin_repetidos->n_elem] = elem;
            ++sin_repetidos->n_elem;
        } else
            encontrado = false;
    }
    return sin_repetidos;
}
```


ALGORITMO “DIVIDE Y VENCERÁS”



1º

Vector original



Vector original ordenado

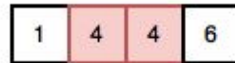


2º

Vector original ordenado



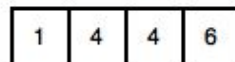
Vector original ordenado



Vector original ordenado



Vector original ordenado



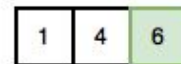
Vector sin duplicados



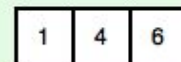
Vector sin duplicados



Vector sin duplicados



Vector sin duplicados



ALGORITMO “DIVIDE Y VENCERÁS”



“

```
mergesort(copia, n_elem_max);

Vector* sin_repetidos = new Vector;
sin_repetidos->v = new int[n_elem_max];

sin_repetidos->v[0] = copia[0];
++sin_repetidos->n_elem;

for (int i = 0; i < n_elem_max - 1; ++i)
{
    elem = copia[i];
    sig_elem = copia[i + 1];

    if (elem != sig_elem)
    {
        sin_repetidos->v[sin_repetidos->n_elem] = sig_elem;
        ++sin_repetidos->n_elem;
    }
}
```



3.

EFICIENCIA TEÓRICA

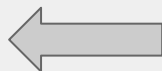
¿Cuál es mejor
teóricamente?

ALGORITMO “SENCILLO”



[...]

```
for (int i = 0; i < n_elem_max; ++i) {
```



$$\sum_{i=0}^{n-1} i = (n-1) \cdot \frac{n}{2} = \frac{n^2 - n}{2} \Rightarrow O(n^2)$$

[...]

```
for (int j=0; j<sin_repetidos->n_elem && !encontrado; ++j)
```



$$\sum_{j=0}^{i-1} 1 = i$$

[...]

```
if (!encontrado) { [...] } else { [...] }  
}
```

$$O(1)$$

Por tanto, la eficiencia es $O(n^2)$

ALGORITMO “DIVIDE Y VENCERÁS”



```
mergesort(copia, n_elem_max); ←  $O(n \cdot \log(n))$   
  
[...]  
  
for (int i = 0; i < n_elem_max - 1; ++i) ←  $\sum_{i=0}^{n-2} 1 = n-1 \Rightarrow O(n)$   
{  
    [...]  
  
    if (elem != sig_elem) ←  $O(1)$   
    {  
        [...]  
    }  
}
```

Por tanto, la eficiencia es $O(n \cdot \log(n))$



4.

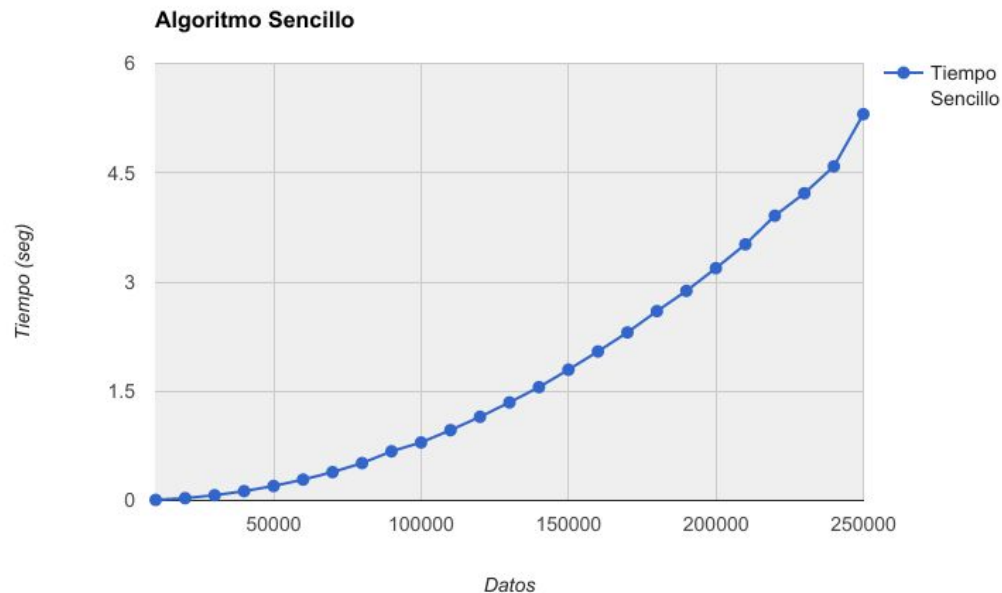
EFICIENCIA EMPÍRICA

Midiendo
tiempos de
ejecución

ALGORITMO “SENCILLO”



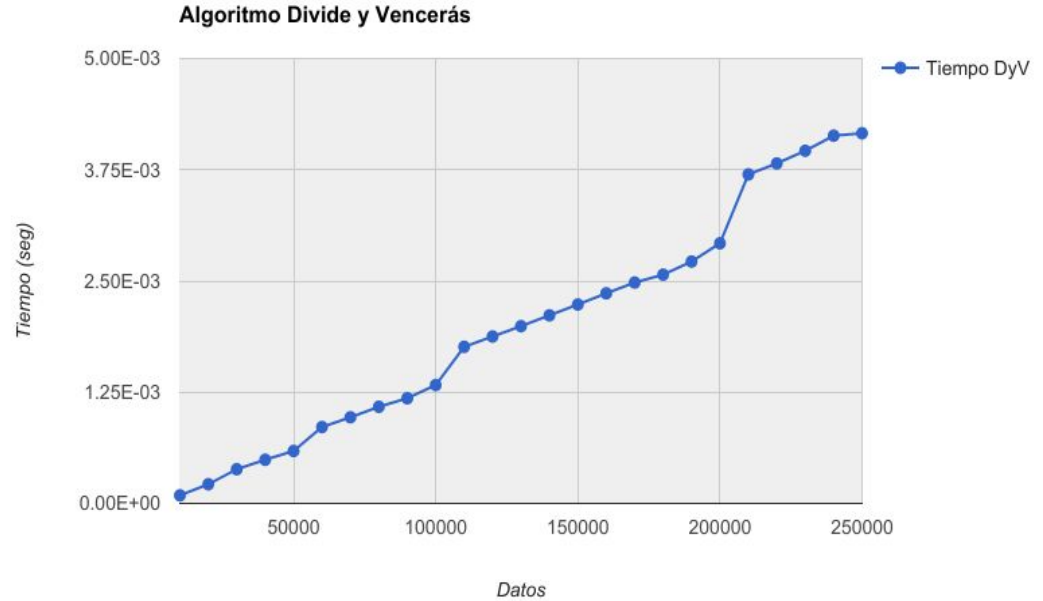
Nº de datos	Tiempo (seg)
10000	0.00813441
20000	0.032267
30000	0.0722235
40000	0.128482
50000	0.199231
60000	0.287266
.	.
.	.
.	.
200000	3.18999
230000	3.51723
220000	3.90999
230000	4.23788
240000	4.58698
250000	5.30422



ALGORITMO “DIVIDE Y VENCERÁS”



Nº de datos	Tiempo (seg)
10000	9.06E-05
20000	0.000235461
30000	0.000384402
40000	0.000490725
50000	0.000589327
60000	0.000858675
.	.
.	.
.	.
200000	0.00292369
230000	0.00369807
220000	0.00382324
230000	0.00396376
240000	0.0041334
250000	0.00416028





5.

EFICIENCIA HÍBRIDA

Comprobando
los datos
obtenidos

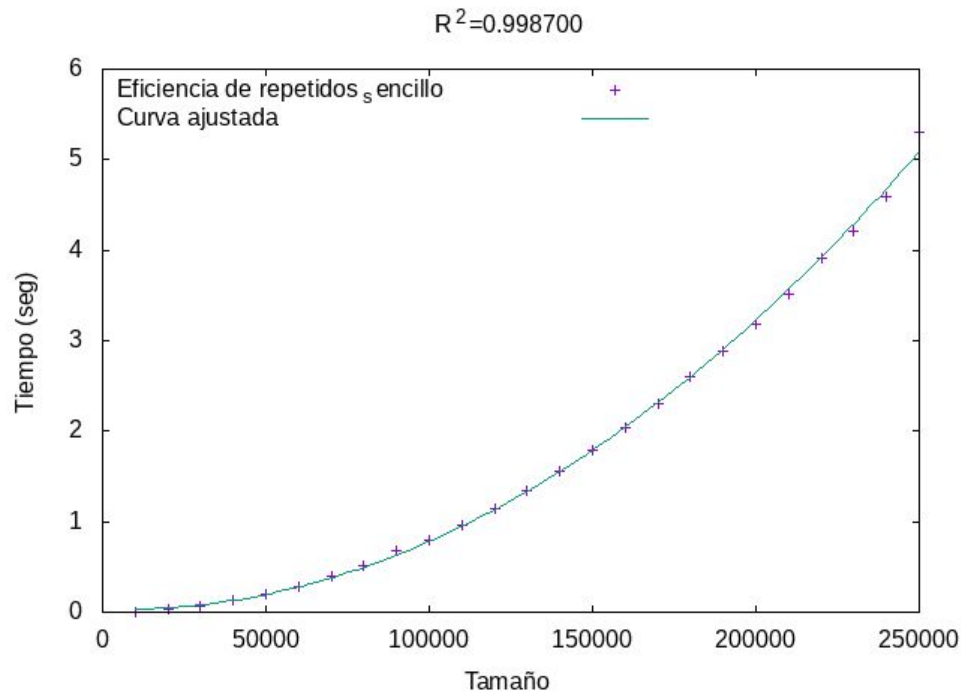
ALGORITMO “SENCILLO”



“

Ecuación: $f(x) = a_0 \cdot x^2 + a_1 \cdot x + a_2$

Constantes: $a_0 = 8.51193e-11$
 $a_1 = -1.07647e-06$
 $a_2 = 0.0378072$



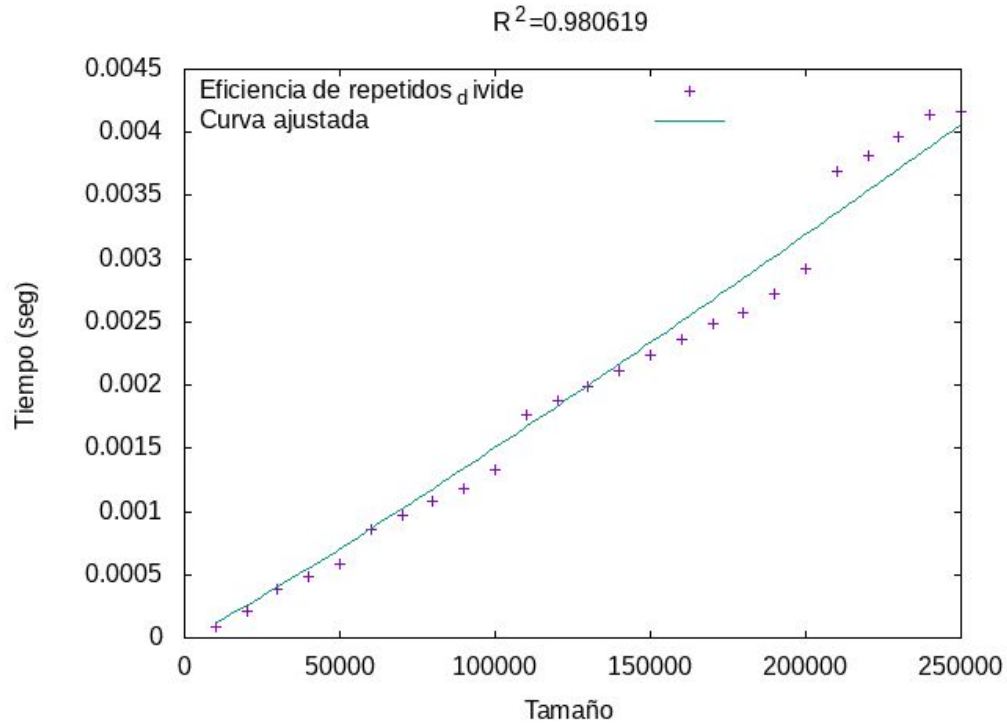
ALGORITMO “DIVIDE Y VENCERÁS”



“

Ecuación: $f(x) = a_0 * x * \log_{10}(x)$

Constantes: $a_0 = 3.01119e-09$





6.

COMPARATIVA

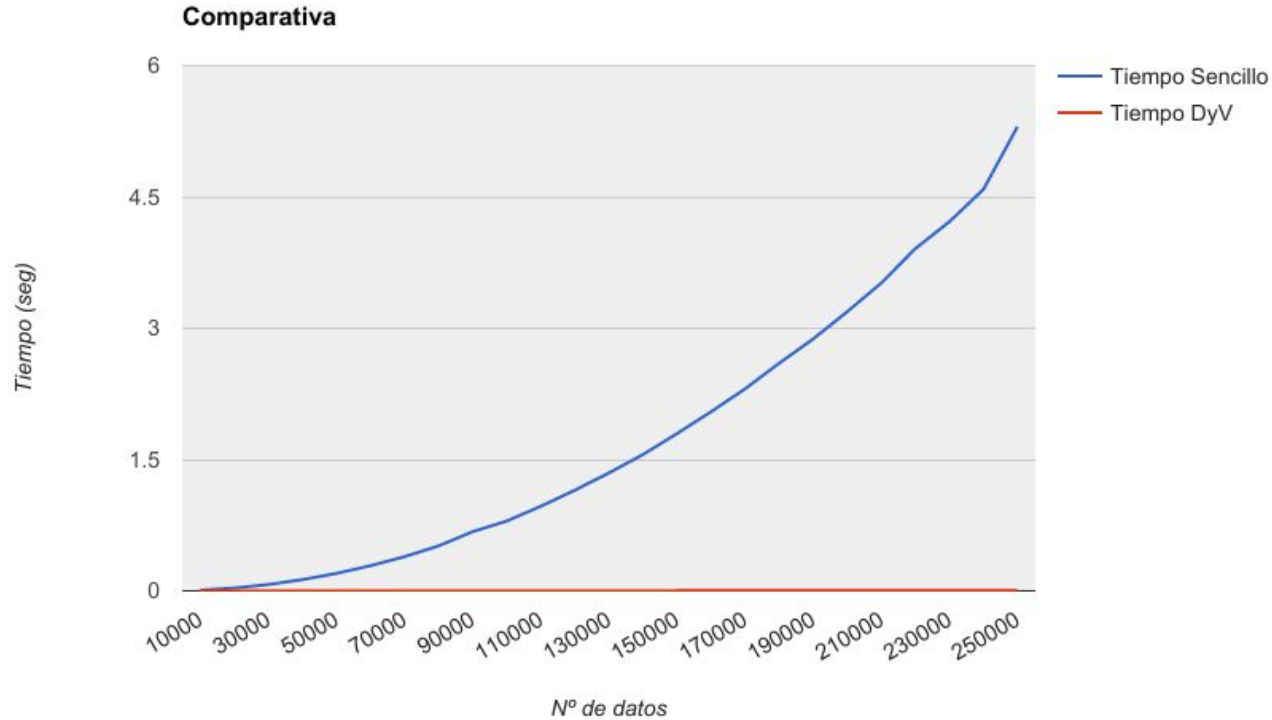
¿Cuál es más rápido?

TABLAS COMPARATIVAS



Nº de datos	Algoritmo Sencillo	Algoritmo DyV
10000	0.00813441	9.06E-05
20000	0.032267	0.000235461
30000	0.0722235	0.000384402
40000	0.128482	0.000490725
50000	0.199231	0.000589327
60000	0.287266	0.000858675
.	.	.
.	.	.
.	.	.
200000	3.18999	0.00292369
230000	3.51723	0.00369807
220000	3.90999	0.00382324
230000	4.23788	0.00396376
240000	4.58698	0.0041334
250000	5.30422	0.00416028

GRÁFICA COMPARATIVA





¡GRACIAS A TODOS!

¿Preguntas?