# LAPORAN PRAKTIKUM ANALISIS ALGORITMA



# **DISUSUN OLEH**

Gede Bagus Darmagita - 140810180068

# PROGRAM STUDI TEKNIK INFORMATIKA FAKULTAS MATEMATIKA DAN ILMU PENGETAHUAN ALAM UNIVERSITAS PADJADJARAN 2020

# Pendahuluan

Dalam memecahkan suatu masalah dengan komputer seringkali kita dihadapkan pada pilihan berikut:

- 1. Menggunakan algoritma yang waktu eksekusinya cepat dengan komputer standar
- Menggunakan algoritma yang waktu eksekusinya tidak terlalu cepat dengan komputer yang cepat

Dikarenakan keterbatasan sumber daya, pola pemecahan masalah beralih ke pertimbangan menggunakan algoritma. Oleh karena itu diperlukan algoritma yang efektif dan efisien atau lebih tepatnya Algoritma yang mangkus.

Algoritma yang mangkus diukur dari berapa **jumlah waktu dan ruang (space) memori** yang dibutuhkan untuk menjalankannya. Algoritma yang mangkus ialah algoritma yang meminimumkan kebutuhan waktu dan ruang. Penentuan kemangkusan algoritma adakah dengan melakukan pengukuran kompleksitas algoritma.

Kompleksitas algoritma terdiri dari kompleksitas waktu dan ruang. Terminologi yang diperlukan dalam membahas kompleksitas waktu dan ruang adalah:

- 1. Ukuran input data untuk suatu algoritma, n.

  Contoh algoritma pengurutan elemen-elemen larik, n adalah jumlah elemen larik.

  Sedangkan dalam algoritma perkalian matriks n adalah ukuran matriks n x n.
- 2. Kompleksitas waktu, T(n), adalah jumlah operasi yang dilakukan untuk melaksanakan algoritma sebagai fungsi dari input n.
- 3. Kompleksitas ruang, S(n), adalah ruang memori yang dibutuhkan algoritma sebagai fungsi dari input n.

### KOMPLEKSITAS WAKTU

Kompleksitas waktu sebuah algoritma dapat dihitung dengan langkah-langkah sebagai berikut:

- Menetapkan ukuran input
- Menghitung banyaknya operasi yang dilakukan oleh algoritma.
   Dalam sebuah algoritma terdapat banyak jenis operasi seperti operasi penjumlahan, pengurangan, perbandingan, pembagian, pembacaan, pemanggilan prosedur, dsb.

### CONTOH

### Algoritma Menghitung Nilai Rata-rata

```
procedure HitungRerata (input x1, x2, ..., xn: integer, output r: real)
Menghitung nilai rata-rata dari sekumpulan elemen larik integer x<sub>1</sub>, x<sub>2</sub>, ... x<sub>n</sub>.
    Nilai rata-rata akan disimpan di dalam variable r.
         Input: X1, X2, ... Xn
         Output: r (nilai rata-rata)
Deklarasi
         i:integer
         jumlah : real
Algoritma
         Jumlah ← o
         i ← 1
         while i ≤ n do
               jumlah ← jumlah + a<sub>i</sub>
               i ← i + 1
         endwhile
         {i > n}
         r ← jumlah/n
                             {nilai rata-rata}
```

## Menghitung Kompleksitas Waktu dari Algoritma Menghitung Nilai Rata-rata

Jenis-jenis operasi yang terdapat di dalam Algoritma HitungRerata adalah:

- Operasi pengisian nilai/assignment (dengan operator "←")
- Operasi penjumlahan (dengan operator "+")
- Operasi pembagian (dengan operator "/")

Cara menghitung kompleksitas waktu dari algoritma tersebut adalah sengan cra menghitung masing-masing jumlah operasi. Jika operasi tersebut berada di sebuah loop, maka jumlah operasinya bergantung berapa kali loop tersebut diulangi.

(i) Operasi pengisian nilai (assignment)

$$\begin{array}{ll} \text{jumlah} \leftarrow \text{o,} & \text{1 kali} \\ \text{k} \leftarrow \text{1,} & \text{1 kali} \\ \text{jumlah} \leftarrow \text{jumlah} + \text{a}_{\text{k}} & \text{n kali} \\ \text{k} \leftarrow \text{k+1,} & \text{n kali} \\ \text{r} \leftarrow \text{jumlah/n,} & \text{1 kali} \end{array}$$

Jumlah seluruh operasi pengisian nilai (assignment) adalah

$$t_1 = 1 + 1 + n + n + 1 = 3 + 2n$$

(ii) Operasi penjumlahan

Jumlah seluruh operasi penjumlahan adalah

$$t_2 = n + n = 2n$$

(iii) Operasi pembagian

Jumlah seluruh operasi pembagian adalah Jumlah/n 1 kai

Dengan demikian, kompleksitas waktu algoritma dihitung berdasarkan jumlah operasi aritmatika dan operasi pengisian nilai adalah:

$$T(n) = t_1 + t_2 + t_3 = 3 + 2n + 2n + 1 = 4n + 4$$

# Studi Kasus 1: Pencarian Nilai Maksimal

Buatlah programnya dan hitunglah kompleksitas waktu dari algoritma berikut:

Algoritma Pencarian Nilai Maksimal

```
procedure CariMaks(input x1, x2, ..., xn: integer, output maks: integer)
{ Mencari elemen terbesar dari sekumpulan elemen larik integer x1, x2, ..., xn. Elemen terbesar akan
   disimpan di dalam maks
   Input: x1, x2, ..., xn
   Output: maks (nilai terbesar)
Deklarasi
        i: integer
Algoritma
        maks ← x₁
        i ← 2
        while i ≤ n do
           if xi > maks then
                 maks ← x<sub>i</sub>
           endif
           i ← i + 1
        endwhile
```

### Answer:

```
1. Operasi Assignment = 1 + 1 + (n-1) + (n-1) = 2n
```

2.Operasi Perbandingan = n-1

3.Operasi Penjumlahan = n-1

Maka Tmax(n) = 4n-2

### PEMBAGIAN KOMPLEKSITAS WAKTU

Hal lain yang harus diperhatikan dalam menghitung kompleksitas waktu suatu algoritma adalah parameter yang mencirikan ukuran input. Contoh pada algoritma pencarian, waktu yang dibutuhkan untuk melakukan pencarian tidak hanya bergantung pada ukuran larik (n) saja, tetapi juga bergantung pada nilai elemen (x) yang dicari. Misalkan:

- Terdapat sebuah larik dengan panjang elemen 130 dimulai dari  $y_1, y_2, ... y_n$
- Asumsikan elemen-elemen larik sudah terurut. Jika y<sub>1</sub> = x, maka waktu pencariannya lebih cepat 130 kali dari pada y<sub>130</sub> = x atau x tidak ada di dalam larik.
- Demikian pula, jika y<sub>65</sub> = x, maka waktu pencariannya ½ kali lebih cepat daripada y<sub>130</sub> = x

Oleh karena itu, kompleksitas waktu dibedakan menjadi 3 macam:

- (1)  $T_{min}(n)$ : kompleksitas waktu untuk kasus terbaik (**best case**) merupakan kebutuhan waktu minimum yang diperlukan algoritma sebagai fungsi dari n.
- (2) T<sub>avg</sub>(n) : kompleksitas waktu untuk kasus rata-rata (average case) merupakan kebutuhan waktu rata-rata yang diperlukan algoritma sebagai fungsi dari n. Biasanya pada kasus ini dibuat asumsi bahwa semua barisan input bersifat sama. Contoh pada kasus searching diandaikan data yang dicari mempunyai peluang yang sama untuk tertarik dari larik.
- (3)  $T_{max}(n)$ : kompleksitas waktu untuk kasus terburuk (**worst case**) merupakan kebutuhan waktu maksimum yang diperlukan algoritma sebagai fungsi dari n.

# Studi Kasus 2: Sequential Search

Diberikan larik bilangan bulan  $x_1, x_2, ... x_n$  yang <u>telah terurut</u> menaik dan tidak ada elemen ganda. Buatlah programnya dengan C++ dan hitunglah kompleksitas waktu terbaik, terburuk, dan ratarata dari algoritma pencarian beruntun (sequential search). Algoritma sequential search berikut menghasilkan indeks elemen yang bernilai sama dengan y. Jika y tidak ditemukan, indeks o akan dihasilkan.

```
Deklarasi
        i:integer
        found: boolean {bernilai true jika y ditemukan atau false jika y tidak ditemukan}
Algoritma
        i ← 1
        found ← false
        while (i \le n) and (not found) do
             if x_i = y then
                found ← true
             else
                i ← i + 1
             endif
        endwhile
        {i < n or found}
        If found then {y ditemukan}
                idx ← i
        else
                idx ← o {y tidak ditemukan}
        endif
```

### Answer:

```
1.Operasi Assignment = 4
2.Operasi Perbandingan = 2
Tmin(n) = 4 + 2 = 6
1.Operasi Assignment = 1 + 1 + n + 1 = 3 + n
2.Operasi Perbandingan = n + 1
3.Operasi Penjumlahan = n
Tmax(n) = 3+n+n+1+n=3n+4
(Tmin(n) + Tmax(n)) / 2 = (6+4+3n) / 2 = (10+3n) / 2
Tavg(n) = (10+3n) / 2
```

# Studi Kasus 3: Binary Search

Diberikan larik bilangan bulan  $x_1, x_2, ... x_n$  yang <u>telah terurut</u> menaik dan tidak ada elemen ganda. Buatlah programnya dengan C++ dan hitunglah kompleksitas waktu terbaik, terburuk, dan ratarata dari algoritma pencarian bagi dua (*binary search*). Algoritma *binary search* berikut menghasilkan indeks elemen yang bernilai sama dengan y. Jika y tidak ditemukan, indeks o akan dihasilkan.

```
<u>procedure</u> BinarySearch(input x_1, x_2, ... x_n: integer, x: integer, output: idx: integer)
{ Mencari y di dalam elemen x_1, x_2, ... x_n. Lokasi (indeks elemen) tempat y ditemukan diisi ke dalam idx.
   Jika y tidak ditemukan makai dx diisi dengan o.
   Input: x_1, x_2, \dots x_n
   Output: idx
Deklarasi
       i, j, mid: integer
       found: Boolean
Algoritma
       i ← 1
       j ← n
       found ← false
       while (not found) and (i \le j) do
              mid \leftarrow (i + j) div 2
              if xmid = y then
                  found ← true
              else
```

```
if x<sub>mid</sub> < y then
i ← mid + 1

else {mencari di bagian kiri}
j ← mid - 1

endif
endif
endwhile
{found or i > j}

If found then
Idx ← mid
else
Idx ← o
endif
```

### Answer:

- 1.Operasi Assignment = 6
- 2.Operasi Perbandingan = 2

```
Tmin(n) = 6 + 2 = 8
```

### GedeBagusD-140810180068

Panjang array akan berubah pada setiap iterasi:

```
Iterasi 1 = n
Iterasi 2 = n/2
Iterasi 3 = n/22
Iterasi x = n/2k-1 ~ n/2k (-1 diabaikan karena kecil dibanding n/2k)
Panjang array menjadi 1.
Maka,
n/2k= 1
n= 2k
log 2(n) = log 2(2k) = k log 2(2)
k= log 2(n)
Tmax(n) = (log 2(n))
(Tmin(n) + Tmax(n)) / 2 = (1 + log 2(n)) / 2
Tavg(n) = (1 + log 2(n)) / 2
```

# Studi Kasus 4: Insertion Sort

- 1. Buatlah program insertion sort dengan menggunakan bahasa C++
- 2. Hitunglah operasi perbandingan elemen larik dan operasi pertukaran pada algoritma insertion sort.
- 3. Tentukan kompleksitas waktu terbaik, terburuk, dan rata-rata untuk algoritma insertion sort.

```
procedure InsertionSort(input/output x_1, x_2, ... x_n: integer)
{ Mengurutkan elemen-elemen x<sub>1</sub>, x<sub>2</sub>, ... x<sub>n</sub> dengan metode insertion sort.
    Input: x_1, x_2, ... x_n
    OutputL x_1, x_2, ... x_n (sudah terurut menaik)
Deklarasi
          i, j, insert: integer
Algoritma
          for i ← 2 to n do
                insert ← x<sub>i</sub>
                j←i
                while (j < i) and (x[j-i] > insert) do
                    x[j] \leftarrow x[j-1]
                    j←j-1
                endwhile
                x[j] = insert
          endfor
```

### GedeBagusD-140810180068

```
Answer:
```

```
1.Operasi Assignment: 2(n-1) + (n-1) = 3n-3
2.Operasi Perbandingan: 2*((n-1) + (n-1)) = 2*(2n-2) = 4n-4
3.Operasi Pertukaran: (n-1) * n = n2-n

Tmin(n) = 3n-3 + 4n-4 + 1 = 7n - 6

Tmax(n) = 3n-3 + 4n-4 + n2-n = n2+6n-6

(Tmin(n) + Tmax(n)) / 2 = (7n-6 + n2+6n-6) / 2

Tavg(n) = (n2 + 13n - 12) / 2
```

# Studi Kasus 5: Selection Sort

- 1. Buatlah program selection sort dengan menggunakan bahasa C++
- 2. Hitunglah operasi perbandingan elemen larik dan operasi pertukaran pada algoritma selection sort.
- Tentukan kompleksitas waktu terbaik, terburuk, dan rata-rata untuk algoritma insertion sort.

```
<u>procedure</u> SelectionSort(<u>input/output</u> x_1, x_2, ... x_n : \underline{integer})
{ Mengurutkan elemen-elemen x_1, x_2, ... x_n dengan metode selection sort.
    Input: x_1, x_2, ... x_n
    OutputL x_1, x_2, ... x_n (sudah terurut menaik)
Deklarasi
           i, j, imaks, temp : integer
Algoritma
           for i ← n downto 2 do {pass sebanyak n-1 kali}
                  imaks ← 1
                  for j \leftarrow 2 to i do
                    \underline{if} x_j > x_{imaks} \underline{then}
                       imaks ← j
                    endif
                  endfor
                  {pertukarkan x<sub>imaks</sub> dengan x<sub>i</sub>}
                  temp \leftarrow x_i
                  x_i \leftarrow x_{imaks}
                  x_{imaks} \leftarrow temp
           endfor
```

### Answer:

```
1.Operasi Perbandingan = ½(n^2-n)
2.Operasi Pertukaran = n-1

Tmin(n) = (4n-4) + ½(n2-n) +1 ~ n2

Tmax(n) = ½(n2-n) + (n-1) ~ n2

(Tmin(n) + Tmax(n)) / 2 = (n2+ n2) / 2

Tavg(n) = n2
```