Institut für Programmstrukturen und Datenorganisation Prof. Dr.-Ing. Gregor Snelting Prof. Dr. Ralf H. Reussner

gregor.snelting@kit.edu

reussner@kit.edu

Sonderklausur Programmierparadigmen

SS20, 29. Juni 2020, 15:00 – 17:00 Uhr

Zugelassene Hilfsmittel: Papierbasierte Quellen (Vorlesungsfolien, Übungsblätter, eigene Aufzeichnungen, Bücher, ...)

Die Verwendung von elektronischen Geräten ist verboten.

Bearbeitungszeit: 120 min

Aufgabe	max. Punkte	err. Punkte
1	12	
2	18	
3	15	
4	12	
5	11	
6	14	
7	16	
8	22	
Σ	120	
$\lceil \Sigma ceil$	120	

Jeder Punkt entspricht ca. 1 min Bearbeitungszeit. Es ist garantiert, dass die Klausur mit 60 Punkten bestanden ist, und dass 115 Punkte für die Note 1,0 ausreichen.

Name:	
Matrikelnummer:	
Studiengang:	

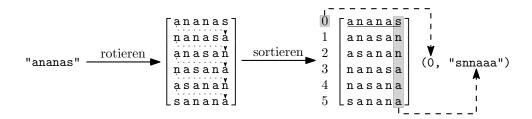
Schreiben Sie Ihre Lösungen direkt in die Klausur. Beschriften Sie alle verwendeten Blätter mit Ihrem Namen und Ihrer Matrikelnummer. Trennen Sie die geklammerten Blätter nicht auf. Weitere Blätter erhalten Sie bei Bedarf.

Aufgabe 1 (Haskell: Burrows-Wheeler-Transformation)

[12 Punkte]

Die Burrows-Wheeler-Transformation ordnet einen String mit ähnlichen Wörtern umkehrbar so um, dass gleiche Zeichen häufiger aufeinander folgen. Das Resultat lässt sich effizienter als das Original mit z.B. Lauflängenkodierung kodieren.

Dazu wird zu einem gegebenen String die Matrix all seiner Rotationen aufgestellt. Diese werden dann lexikographisch sortiert. Der Index des ursprünglichen Strings in der sortierten Matrix wird schließlich zusammen mit der letzten Spalte der Matrix weiter kodiert. Am Beispiel des Strings "ananas":



(a) Implementieren Sie die Funktion

[3 Punkte]

```
indexOf :: String -> [String] -> Int
```

die den Index eines Strings in einer Liste von Strings zurück gibt. Sie dürfen als Vorbedingung annehmen, dass der String in der übergebenen Liste auftaucht.

(b) Implementieren Sie die Funktion

[4 Punkte]

```
rotations :: [a] -> [[a]]
```

die zu einer nicht-leeren Liste der Länge n die Liste aller ihrer n Rotationen bestimmt.

Hinweis: Nutzen Sie iterate mit einer geeigneten Iterationsvorschrift und take, um von der resultierenden unendlichen Liste die ersten n Elemente zurück zu geben.

```
> rotations "abc"
["abc", "bca", "cab"]
```

(c) Implementieren Sie die Funktion

[5 Punkte]

```
transform :: String -> (Int, String)
```

die für einen nicht-leeren String die letzte Spalte seiner Burrows-Wheeler-Matrix und den Zeilenindex des gegebenen Strings in der Matrix bestimmt.

Hinweis: Auf [String] sortiert Data.List.sort (das Sie in dieser Aufgabe benutzen dürfen) lexikographisch. Nutzen Sie auch die Funktionen aus den vorherigen Teilaufgaben.

```
> transform "ananas"
(0,"snnaaa")
```

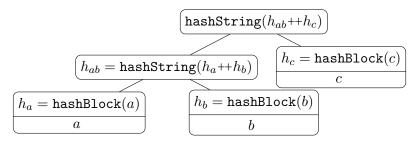
Name:	Matrikelnummer:

[18 Punkte]

Ein *Hashbaum* ist ein Binärbaum, in dessen Knoten je ein Hashwert gespeichert ist, und dessen Blätter zusätzlich noch einen Datenblock besitzen. Der Hashwert eines Elternknotens berechnet sich als der Hash der konkatenierten Hashes seiner Kinder. Der Hashwert eines Blattknotens ist der Hashwert seines Blocks.

Im Folgenden dürfen Sie annehmen, dass Hashwerte vom Typ String und Blöcke vom Typ Block sind, und dass es die Hashfunktionen hashString :: String -> String und hashBlock :: Block -> String gibt.

Beispiel: Ein Hashbaum für die Blockliste [a, b, c] kann wie folgt aussehen:



(a) Definieren Sie einen Datentyp **Tree** für Hashbäume, nennen Sie die inneren [2 Punkte] Knoten **Node** und die Blattknoten **Leaf**.

Im Folgenden dürfen Sie die Funktion mkNode :: Tree -> Tree verwenden, welche für zwei Knoten den Elternknoten erzeugt.

- (b) Definieren Sie die Funktion **getHash**:: **Tree** -> **String**, die für einen Knoten [1 Punkt] des Baumes den darin gespeicherten Hashwert zurückgibt.
- (c) Definieren Sie die Funktion mkLeaf :: Block -> Tree welche für einen Block [1 Punkt] einen Blattknoten erzeugt.
- (d) Definieren Sie die Funktion **fromBlocks :: [Block] -> Tree** die für eine [3,5 Punkte] nicht-leere Liste von Blöcken einen Baum erzeugt, der diese in seinen Blättern enthält. Der Baum muss nicht balanciert sein. **Hinweis:** Die Funktion **mkNode** könnte nützlich sein.
- (e) Definieren Sie die Funktion **check :: Tree -> Bool** die für einen gegebenen [3,5 Punkte] Baum zurückgibt, ob er ein valider Hashbaum ist, d.h. die Hashwerte aller Knoten stimmen.

Im Folgenden geht es um die Erzeugung eines vollständig balancierten Baums für eine Liste von Knoten, deren Länge einer Zweierpotenz und damit nicht leer ist. Ein vollständig balancierter Baum ist hier ein Baum, bei dem für jeden Elternknoten gilt, dass seine beiden Unterbäume gleich groß sind.

- (f) Definieren Sie die Funktion **condense :: [Tree] -> [Tree]**, welche in einer [3 Punkte] Liste von Bäumen benachbarte Listenelement zusammenfügt. Die übergebene Liste hat gerade Länge, die resultierende Liste soll den Elternknoten für den 1. und den 2. Knoten, für den 3. und den 4., ... enthalten.
- (g) Definieren Sie die Funktion **merge :: [Tree] -> Tree**, die eine Liste von Teilbäumen zu einem balancierten Hashbaum zusammenfügt. Die Eingabe besteht aus 2^n vielen balancierten Bäumen, welche alle die gleiche Höhe haben.
- (h) Definieren Sie die Funktion **fromBlocks2 :: [Block] -> Tree**, die für eine [2 Punkte] Liste von Blöcken einen balancierten Hashbaum erzeugt. Die Länge der Liste ist wieder eine Zweierpotenz.

Name:	Matrikelnummer:

Aufgabe 3 (Prolog, SAT-Solver)

[15 Punkte]

In dieser Aufgabe sollen Sie einen einfachen SAT-Solver in Prolog entwickeln. Das zu lösende SAT-Problem stellen wir in konjunktiver Normalform dar. Dabei codieren wir . . .

- ...Literale als pos (V) (nicht-negiert) oder neg (V) (negiert), also z. B. a als pos (a) und $\neg b$ als neg (b).
- ... Klauseln als Liste von Literalen, also z. B. $(a \lor \neg b)$ als [pos(a), neg(b)].
- ...das SAT-Problem als Liste von Klauseln, also z. B. $(a \lor \neg b) \land (\neg c \lor d \lor e) \land (\neg f)$ als [[pos(a), neg(b)], [neg(c), pos(d), pos(e)], [neg(f)]].

Das Prädikat sat (P) prüft, ob das SAT-Problem P eine Lösung besitzt:

```
sat(P) := solve(P, []).
```

Das Prädikat solve (P, A) soll genau dann erfüllbar sein, wenn das SAT-Problem P eine Lösung besitzt, wobei die Variablenbelegung in A vorgegeben ist. A ist eine Liste von Literalen. Ein Vorkommen von pos (V) in A soll bedeuten, dass die Variable V mit "wahr" belegt ist, entsprechend steht neg (V) für die Belegung mit "falsch".

- (a) Implementieren Sie zunächst das Prädikat contradict (A). Es soll genau dann [4 Punkte] erfüllbar sein, wenn die Variablenbelegung A widersprüchlich ist, also eine Variable sowohl mit "wahr" als auch mit "falsch" belegt ist.
- (b) Implementieren Sie nun das Prädikat solve (P, A). [11 Punkte] Gehen Sie dabei folgendermaßen vor:
 - Das leere SAT-Problem (P = []) ist unabhängig von der vorgegebenen Variablenbelegung erfüllbar.
 - Falls P nicht das leere SAT-Problem ist:
 - Rate ein Literal L aus der ersten Klausel von P.
 - Füge L zur vorgegebenen Variablenbelegung hinzu.
 - Prüfe, dass die neue vorgegebene Variablenbelegung nicht widersprüchlich ist.
 Bei Widerspruch rate ein anderes Literal.
 - Löse die restlichen Klauseln von P mit der neuen vorgegebenen Variablenbelegung.
 Sind sie unlösbar, rate ein anderes Literal.

Hinweis: Zum Raten eines anderen Literals können Sie sich auf Backtracking verlassen.

Name:	Matrikelnummer:

Aufgabe 4 (λ -Kalkül, Binärbäume)

[12 Punkte]

In dieser Aufgabe betrachten wir Binärbäume mit natürlichzahligen Blattinhalten. Wie auch andere Datenstrukturen können solche Bäume direkt als λ -Terme kodiert werden: So entspricht beispielsweise

der Baum 1 dem Baum-Term node (leaf
$$c_1$$
) (node (leaf c_2) (leaf c_3)), wobei leaf c_3

und node wie folgt definiert sind:

leaf
$$\equiv \lambda$$
n. (λ b. λ r. b n)
node $\equiv \lambda t_l$. λt_r . (λ b. λ r. r (t_l b r) (t_r b r))

leaf akzeptiert also zuerst den Blattinhalt, und node den linken und rechten Teilbaum. Danach akzeptieren beide Funktionen zwei Parameter b und r. b wird auf alle Blattinhalte angewendet, und r rekursiv auf die Ergebnisse von Teilbäumen. Durch geschickte Wahl von b und r lassen sich viele Operationen auf solchen Bäumen direkt ausdrücken.

(a) Geben Sie einen vollständig reduzierten Term für den Baum-Term [4 Punkte] node (leaf c_1) (node (leaf c_2) (leaf c_3)) von oben an.

Hinweis: Sie müssen keine Zwischenschritte angeben. Die Church-Zahlen c_n brauchen Sie nicht zu reduzieren.

(b) Definieren Sie einen λ -Term sum, sodass sum t die Summe aller Blattinhalte des [3 Punkte] Baum-Terms t berechnet.

Hinweis: Machen Sie sich die Struktur eines Baum-Terms zu Nutze. Sie benötigen keinen Fixpunktkombinator.

Beispiel: Die Summe des Baums 1 ist 6.

(c) Definieren Sie einen λ -Term rev, sodass rev t einen Baum-Term t in einen umgekehrten Baum-Term umformt, bei dem also die Kinder jedes Knotens vertauscht sind.

Hinweis: Auch hier benötigen Sie keinen Fixpunktkombinator. leaf und node könnten nützlich sein.

Beispiel: Die Umkehrung des Baums 1 ist 1.

Name:	Matrikelnummer:

Aufgabe 5 (Typinferenz)

[11 Punkte]

Diese Aufgabe beschäftigt sich mit der Typherleitung für den Lambda-Term

let b =
$$\lambda$$
f. λ g. λ x. f (g x) **in** λ f. λ x. b f (b x)

Es sei $\Gamma' = \Gamma$, $f : \alpha_2, x : \alpha_4$.

Gegeben ist das folgende Skelett des Herleitungsbaums:

 $\sigma_{let}(\beta_1) = (\beta_9 \to \beta_7) \to (\beta_6 \to \beta_9) \to \beta_6 \to \beta_7.$

$$Let \begin{array}{c} App & \frac{App}{\Gamma' \vdash b : \alpha_8} Var \ \frac{\textcircled{2}}{\Gamma' \vdash b : \alpha_9} \\ App & \frac{App}{\Gamma' \vdash b \ f : \alpha_6} \\ App & \frac{App}{\Gamma' \vdash b \ f : \alpha_6} \\ App & \frac{\Gamma' \vdash b \ f \ (b \ x) : \alpha_5}{\Gamma' \vdash b \ f \ (b \ x) : \alpha_5} \\ \\ Let & \frac{Abs}{\vdash \dots : \beta_1} & Abs & \frac{Abs}{\Gamma \vdash \lambda f. \ \lambda x. \ b \ f \ (b \ x) : \alpha_3} \\ & \Gamma \vdash \lambda f. \ \lambda x. \ b \ f \ (b \ x) : \alpha_1} \\ & \vdash \mathbf{let} \ b = \lambda f. \ \lambda g. \ \lambda x. \ f \ (g \ x) \ \mathbf{in} \ \lambda f. \ \lambda x. \ b \ f \ (b \ x) : \alpha \end{array}$$

Aus dem linken (nicht dargestellten) Teilbaum ergibt sich der allgemeinster Unifikator σ_{let} und es gilt

- (a) Berechnen Sie Γ . [2 Punkte]
- (b) Ergänzen Sie, was an den mit 1 bis 4 markierten Stellen einzutragen ist. [4 Punkte]
 - $\begin{array}{ccc}
 & \Gamma'(b) = \dots, \\
 & \Gamma'(b) \succeq
 \end{array}$
 - 2
 - $\begin{array}{ll}
 \boxed{3} & \Gamma'(b) = \dots, \\
 \Gamma'(b) \succeq
 \end{array}$
 - 4
- (c) Geben Sie nun die Constraintmenge an, die aus den Abs- und App-Regeln im [5 Punkte] rechten Teilbaum der Let-Regel entsteht.

Name:	Matrikelnummer:

Aufgabe 6 (MPI) [14 Punkte]

Gegeben ist untenstehende Methode countDigitOccurences. Übergeben wird eine Sequenz von int-Ganzzahlen mittels des Parameters digitSequence und deren Anzahl an Elementen mittels des Parameters sequenceLength. Der Wert einer Zahl in digitSequence kann 0, 1 oder 2 sein. Es steht die Methode int* countDigits (int sequence[], int length) zur Verfügung. Diese Methode ermittelt die Anzahl der Vorkommen der Zahlen 0, 1 und 2 in dem übergebenen Array sequence, welches length Elemente beinhaltet. Das Ergebnis von countDigits ist ein Array bei dem die Anzahl der Vorkommen der jeweiligen Zahl an ihrem korrespondierenden Index steht. Beispielsweise ist die Rückgabe für countDigits ({0,2,2,2,0,1}, 6) das Array {2,1,3}. Gehen Sie davon aus, dass der Root-Prozess mit dem rank 0 die zu bearbeitende int-Sequenz durch den Parameter digitSequence erhält und der Parameter sequenceLength die korrekte Anzahl an Elementen in digitSequence beinhaltet. Gehen Sie weiterhin davon aus, dass das MPI-Programm vom Aufrufer initialisiert wird, das Programm mit exakt 3 Prozessen ausgeführt wird und die Länge der Eingabesequenz digitSequence ein Vielfaches der Anzahl der gestarteten Prozesse (3) ist.

```
1
   int* countDigitOccurences(int digitSequence[], int sequenceLength) {
2
       int size, rank;
3
       int sum = 0;
       int sortedCounts[3];
4
5
       int total[3];
6
7
       MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &size);
8
       MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &rank);
9
10
       int digitsPerProcess = sequenceLength / size;
       int localSequence[digitsPerProcess];
11
12
13
       MPI_Scatter(digitSequence, digitsPerProcess, MPI_INT, localSequence,
          digitsPerProcess, MPI_INT, 0, MPI_COMM_WORLD);
14
15
       int* localCounts = countDigits(localSequence, digitsPerProcess);
16
17
       MPI_Alltoall(localCounts, 1, MPI_INT, sortedCounts, 1, MPI_INT,
          MPI COMM WORLD);
18
19
       for (int index = 0; index < size; index++) {</pre>
20
           sum += sortedCounts[index];
21
       }
22
23
       MPI_Gather(&sum, 1, MPI_INT, total, 1, MPI_INT, 0, MPI_COMM_WORLD);
24
       //Ignore that we return a pointer to stack memory
25
26
       return total;
27
```

(a) Gegeben sind für jede verwendete kollektive MPI-Operation des zuvor gegebenen Quellcodes jeweils zwei Tabellen. Die linken Tabellen stellen den Inhalt des Sende-Buffers und die rechten Tabellen den Inhalt des Empfangs-Buffers nach Ausführung der kollektiven MPI-Operationen dar.

[5 Punkte]

In der zweiten Spalte der Kopfzeile jeder Tabelle ist der Name des als Buffer verwendeten Arrays oder Variablen angegeben. Die zweite Spalte einer Zeile der Tabellen beschreiben den Inhalt des Buffers auf dem Prozess mit dem zu *Prozess Nr.* korrespondierenden rank. In der ersten Tabelle (Sende Buffer der Operation MPI_Scatter) ist der Inhalt des Arrays digitSequence für den Prozess mit dem rank 0 gegeben.

Ergänzen Sie den Inhalt der restlichen Tabellen auf Basis der ersten Tabelle. Falls ein Prozess bei einer kollektiven MPI-Operation keine Elemente von dem Sende-Buffer versendet oder in den Empfangs-Buffer empfängt, kann die Zeile der entsprechenden Tabelle leer bleiben.

MPI_Scatter (Zeile 13)				
Prozess Nr.	digitSequence		Prozess Nr.	localSequence
0	0, 2, 0, 2, 2, 2, 1, 1, 0		0	
1	_	ĺ	1	
2	_		2	

MPI_Alltoall (Zeile 17)			
Prozess Nr.	localCounts	Prozess Nr.	sortedCounts
0		0	
1		1	
2		2	

${\tt MPI_Gather} \; ({\rm Zeile} \; 23)$			
Prozess Nr. s	sum	Prozess Nr.	total
0		0	
1		1	
2		2	

(b) Geben Sie einen Ersatz der Zeilen 17 bis einschließlich 23 an, welcher aus dem [5 Punkte] Aufruf einer kollektiven MPI-Operation besteht und nach deren Ausführung das gleiche Ergebnis in total enthalten ist.

(c) In der gegebenen Implementierung besteht die Einschränkung, dass die Anzahl der Elemente in digitSequence ein Vielfaches der Anzahl von gestarteten Prozessen sein muss. Erklären Sie kurz, wodurch sich die Notwendigkeit für diese Beschränkung im Bezug auf die gegebene Implementierung ergibt. Beschreiben Sie stichpunktartig, wie Sie die Implementierung ändern müssen, damit das Programm auch ohne diese Einschränkung korrekte Ergebnisse liefert. Gehen Sie jedoch weiterhin davon aus, dass das Programm mit 3 Prozessen gestartet wird.

[4 Punkte]

Name:	Matrikelnummer:		
_			

Gegeben sei folgende sequenzielle Implementierung der Methode calculateMax, welche den größten Wert einer Sequenz von Integer-Zahlen berechnet. In einem Vorverarbeitungsschritt wird die Sequenz in disjunkte Blöcke aufgeteilt und über den Parameter blocksofNumbers der Methode übergeben. Für jeden Block wird der größte Wert berechnet und folgend der größte Wert über die Ergebnisse aller Blöcke bestimmt. Der größte Wert einer Folge von Integer-Zahlen wird mittels der ebenfalls bereitgestellten Methode findMax berechnet.

Gehen Sie in den folgenden Aufgaben davon aus, dass alle Datenstrukturen und Integer-Objekte in dem Parameter blocksofNumbers instanziiert sind, weswegen Sie das Auftreten und Behandeln von null-Werten nicht berücksichtigen müssen.

```
1
   public class MaxOfMax {
2
3
      public int calculateMax(Collection<List<Integer>> blocksOfNumbers) {
4
5
          if(blocksOfNumbers.size() == 0) {
6
             return Integer.MIN_VALUE;
7
          }
8
9
         List<Integer> results = new ArrayList<>();
          for(List<Integer> block : blocksOfNumbers) {
10
             results.add(findMax(block))
11
12
          }
13
14
         return findMax(results);
15
      }
16
      /*
17
       * @ requires numbers.size() > 0;
18
19
       * @ ensures \result > Integer.MIN_VALUE;
20
21
      private Integer findMax(Collection<Integer> numbers) {
22
23
          Integer maxValue = Integer.MIN_VALUE;
24
          for(Integer number : numbers) {
25
             if (number > maxValue) {
                   maxValue = number;
26
27
          }
28
29
30
         return maxValue;
31
32
   }
```

Name: Matrikelnummer:

[6 Punkte]

Parallelverarbeitung in Java (10 Punkte)

(a) Ergänzen Sie untenstehenden Quellcode, sodass er als parallelisierter asynchroner Ersatz für Zeile 10 bis einschließlich 12 in der Methode calculateMax dienen kann. Hierbei soll die Berechnung des größten Wertes jedes Blocks in blocksOfNumbers mittels paralleler asynchroner Berechnung unter Verwendung von findMax erfolgen und die Ergebnisse in results geschrieben werden. Verwenden Sie für die Erfüllung der Aufgabe einen ExecutorService und Futures. Das Auftreten von Exceptions muss nicht beachtet werden.

Hinweis: Mittels der Methode Executors::newCachedThreadPool erhalten Sie einen ExecutorService bei dem die Erzeugung und Anzahl der Threads vom ExecutorService automatisch vorgenommen wird.

<pre>// List<integer> results = new ArrayList<>();</integer></pre>
<pre>List<future<integer>> futures = new ArrayList<>();</future<integer></pre>
<pre>for(List<integer> numberBlock : blocksOfNumbers) {</integer></pre>
}
For (Tuture (Tatoria) Suture of Suture ()
<pre>for(Future<integer> future : futures) {</integer></pre>
,
// return findMax(results);

(b) Wird für obige parallele Implementierung (Teilaufgabe (a)) für calculateMax [2 Punkte] Task- oder Daten-Parallelismus verwendet? Begründen Sie Ihre Antwort kurz.

(c) Geben Sie für die Methode findMax eine Ersatzimplementierung mittels Java [3 Punkte] Streams an, welche die bestehende Implementierung gleichwertig ersetzt. Füllen Sie hierfür den unten gegebenen Methodenrumpf aus. Hinweis: Die Methode IntStream::max gibt das im Wert größte Element des Streams über ein Objekt des Typs OptionalInt zurück. OptionalInt kann einen oder kann keinen int-Wert beinhalten. Die Methode OptionalInt::orElse mit dem Parameter int other gibt den gekapselten int-Wert oder, falls kein int-Wert vorhanden ist, den Wert des Parameters other zurück. Die Methode Integer::intValue gibt den Wert eines Integer-Objekts als primitiven int-Datentyp zurück. public Integer findMax(Collection<Integer> numbers) { return numbers.parallelStream(). Design by Contract (5 Punkte) Beachten Sie nun den JML-Vertrag der Methode findMax der Klasse MaxOfMax der zuvor gegebenen sequentiellen Implementierung in Aufgabe 7. (d) Wird der Vertrag von findMax vom Aufrufer in Zeile 14 füllt? Begründen Sie [2,5 Punkte] Ihre Antwort. (e) Wird der Vertrag von findMax vom Aufgerufenen erfüllt? Begründen Sie Ihre [2,5 Punkte] Antwort.

Name:	Matrikelnummer:

Textuell dargestellte λ -Ausdrücke können grob angesehen werden, als werden sie von der folgenden Grammatik generiert:

$$L \rightarrow (L) \mid L \mid \lambda \text{ id} . L \mid Var \ Var \rightarrow \text{ id}$$

Leider ist diese Grammatik zum Parsen ungeeignet: Sie ist mehrdeutig, und die meisten generierten Ableitungsbäume sind strukturell falsch! Diese Mängel können aber ähnlich wie bei der Expression-Grammatik behoben werden.

(a) Stellen Sie eine bessere Grammatik für das λ -Kalkül auf! Ihre Grammatik soll die [6 Punkte] gleiche Sprache akzeptieren, eindeutig sein und Assoziativität und Operatorprioritäten respektieren. Das Startsymbol Ihrer Grammatik soll L heißen.

Hinweise:

- λ -Abstraktion ist ein unärer Operator auf λ -Ausdrücken mit Operatorsymbol " λ id .". Geschachtelte Abstraktionen müssen nicht mit Klammern getrennt werden.
- Abstraktion hat niedrigste Priorität, gefolgt von Applikation, gefolgt von Atomen/Klammerung. (D.h. die Ableitung von " $\lambda x \cdot x$ " produziert zuerst eine Abstraktion!)
- Applikation ist linksassoziativ! D.h. bei "x x x" ist eine Applikation linkes Kind einer anderen Applikation.
- (b) Folgendes ist eine Grammatik einer Variante des λ -Kalküls mit abweichenden Ope- [4 Punkte] ratorprioritäten. Startsymbol ist App.

Diese Grammatik ist SLL(1). Rechnen Sie nach, indem Sie die nötigen Indizmengen explizit aufstellen und in die dafür vorgesehenen Kästchen eintragen.

(c) Vervollständigen Sie den unten angegebenen rekursiven Abstiegsparser so, dass er [12 Punkte] die Variante des λ -Kalküls aus (b) in folgende Datenstruktur parst:

```
abstract class Expr {} // expression
2
3
  class Var extends Expr {
4
     public Var(String name) ...
5
  }
  class Abstr extends Expr { // abstraction
6
7
     public Abstr(String varname, Expr body) ...
8
9
  class App extends Expr { // application
     public App(Expr left, Expr right) ...
10
11
  }
```

Brechen Sie bei Parserfehlern mit der globalen error ()-Funktion ab.

Hinweis: Sie können davon ausgehen, dass die Lexer-Schnittstelle wie folgt aussieht:

Name: Matrikelnummer:

• Die Token sind Werte eines enum namens Token und heißen LAMBDA, LPAREN, RPAREN, DOT, IDENT und EOF für λ , (,), ., Identifier sowie das Ende der Eingabe. Token können bspw. mit == verglichen werden.

- lexer.current gibt nichtkonsumierenden Zugriff auf das aktuelle Token.
- lexer.string_value gibt nichtkonsumierenden Zugriff auf den String-Wert des aktuellen Token, falls dieses ein IDENT ist. Ansonsten enthält das Feld null.
- lexer.lex() konsumiert das aktuelle Token.

```
Expr parseAtom() {
1
2
     // gegeben
3
     . . .
4
   }
5
6
  String expect(Token tok) {
     if (lexer.current != tok)
7
8
       error();
9
     lexer.lex();
     return lexer.string_value;
10
11
  }
12
13 Expr parseApp() {
14
     Expr l = parseAbstr();
     return parseAppList(1);
15
16 }
```

Sonderklausur Programmierparadigmen, 29.06.2020 – Seite	22

Name:	Matrikelnummer:

Sonderklausur Programmierparadigmen, 29.06.2020 – Seite 24