Institut für Programmstrukturen und Datenorganisation Prof. Dr.-Ing. Gregor Snelting Prof. Dr. Ralf H. Reussner

gregor.snelting@kit.edu

reussner@kit.edu

Klausur Programmierparadigmen

WS2016/17, 06. April 2017, 14:00 – 16:00 Uhr

Zugelassene Hilfsmittel: Papierbasierte Quellen (Vorlesungsfolien, Übungsblätter, eigene Aufzeichnungen, Bücher, ...)

Die Verwendung von elektronischen Geräten ist verboten.

Bearbeitungszeit: 120 min

| Aufgabe | max. Punkte | err. Punkte |
|-----------------------|-------------|-------------|
| 1 | 22 | |
| 2 | 18 | |
| 3 | 20 | |
| 4 | 10 | |
| 5 | 11 | |
| 6 | 12 | |
| 7 | 7 | |
| 8 | 20 | |
| Σ | 120 | |
| $\lceil \Sigma ceil$ | 120 | |

Jeder Punkt entspricht ca. 1 min Bearbeitungszeit. Es ist garantiert, dass die Klausur mit 60 Punkten bestanden ist, und dass 115 Punkte für die Note 1,0 ausreichen.

| Name: | |
|-----------------|--|
| | |
| Matrikelnummer: | |
| | |
| Studiengang: | |

Schreiben Sie Ihre Lösungen direkt in die Klausur. Beschriften Sie alle verwendeten Blätter mit Ihrem Namen und Ihrer Matrikelnummer. Trennen Sie die geklammerten Blätter nicht auf. Weitere Blätter erhalten Sie bei Bedarf.

[22 Punkte]

Huffman-Codes sind ein einfaches Verfahren zur Datenkompression. Sie encodieren einen Eingabe-Zeichenstrom in einen Strom von Bits. Ein Huffman-Code wird durch einen binären Baum (den Huffman-Baum) folgendermaßen definiert:

Der linken (ersten) ausgehenden Kante eines Knotens wird das Bit 0 zugeordnet, der rechten Kante das Bit 1. In den Blättern des Baumes stehen die möglichen Eingabezeichen. Die Codierung eines Zeichens ergibt sich aus den Bits entlang des Pfades von der Wurzel zum zugehörigen Blatt (siehe Beispiel). Diese Pfade können unterschiedlich lang sein.

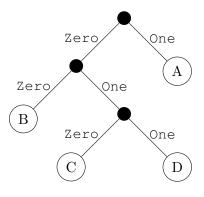
Für diese Aufgabe nehmen wir **Char** als Typen für Eingabezeichen an. Außerdem sind die folgenden Datentypen gegeben:

Beispiel:

Der nebenstehende Huffman-Baum repräsentiert folgende Codierung:

```
'A' ↔ [One]
'B' ↔ [Zero, Zero]
'C' ↔ [Zero, One, Zero]
'D' ↔ [Zero, One, One]
```

Als Haskell-Datum sieht der Baum so aus:



(a) Implementieren Sie eine Funktion

```
decode :: HuffmanTree -> [Bit] -> [Char]
```

die eine potenziell unendliche Liste von Bits einliest, entsprechend des gegebenen Huffman-Baums decodiert und die Liste der decodierten Zeichen zurückgibt. Wenn die Eingabe mitten in einem Zeichen endet, ignorieren Sie die überzähligen Bits.

In den folgenden Teilaufgaben dürfen Sie den Fall ignorieren, dass ein Eingabezeichen nicht oder mehrfach im Huffman-Baum vorkommt.

(b) Nehmen Sie an, dass Sie eine Funktion

[3 Punkte]

[7 Punkte]

```
encodeOne :: HuffmanTree -> Char -> [Bit]
```

gegeben haben, die ein einzelnes Zeichen entsprechend des gegebenen Huffman-Baums codiert. Implementieren Sie mit ihrer Hilfe eine Funktion

```
encode :: HuffmanTree -> [Char] -> [Bit]
```

die eine potenziell unendliche Liste von Zeichen im Huffman-Code codiert.

Klausur Programmierparadigmen, 06.04.2017 – Seite 2

Name: Matrikelnummer:

(c) Implementieren Sie nun die Funktion encodeOne wie oben beschrieben.

[12 Punkte]

Hinweise:

- Zwei mögliche Ansätze um die Funktion encodeOne zu implementieren sind:
 - Konvertieren Sie den Huffman-Baum in eine Liste von Paaren (**Char**, [Bit]) und finden Sie in dieser Liste das zu encodierende Zeichen.
 - Verwenden Sie den Maybe-Typen, um anzugeben, ob in einem Unterbaum das gesuchte Zeichen gefunden wurde, und benutzen Sie den choose-Kombinator um die Ergebnisse zusammenzuführen. Dieser ist wie folgt definiert:

```
choose Nothing y = y
choose (Just x) _ = Just x
```

• Sie können einen Akkumulator benutzen um während der Baum-Traversierung das Codewort aufzubauen.

Aufgabe 2 (Prolog, Nullableitungen)

[18 Punkte]

Gegeben sei eine kontextfreie Grammatik $G = (\Sigma, V, P, S)$. Eine Sequenz $\alpha \in (\Sigma \cup V)^*$ von Terminalen und Nichtterminalen heißt nullable, wenn sich aus α die leere Sequenz ϵ ableiten lässt $(\alpha \Rightarrow^* \epsilon)$.

In Prolog notieren wir: Nichtterminale A als Ausdrücke nonterm (A), Terminale x als Ausdrücke term (x), Sequenzen α als Liste solcher Ausdrücke, und Mengen P von Produktionsregeln $A \to \alpha$ als Liste von Paaren (A, α) . Z.B. notieren wir die Produktionsregeln P der Grammatik

```
S \rightarrow T S'
S' \rightarrow \pm S \mid \varepsilon
T \rightarrow \underline{\text{value}} \mid \underline{(S)}
[ (nonterm(s), [nonterm(t), nonterm(s_)]), (nonterm(s_), [term(+), nonterm(s_)]), (nonterm(s_), []), (nonterm(t), [term(value)]), (nonterm(t), [term(value)]), (nonterm(t), [term(p), nonterm(s), term(p)])
```

(a) Definieren Sie ein Prädikat derive (P, α , β) das genau dann erfüllt ist, [7 Punkte] wenn β in einem Schritt aus α ableitbar ist ($\alpha \Rightarrow \beta$). Insbesondere sollen alle solche β bei Reerfüllung generiert werden.

Hinweis: Verwenden Sie member, append.

(b) Definieren Sie ein Prädikat nullable (P, α) das genau dann erfüllt ist, [11 Punkte] wenn α nullable ist.

Hinweis: Die Aufgabe lässt sich *nicht* lösen, indem lediglich derive wiederholt angewandt wird. Um nachzuweisen, dass eine Sequenz *nullable* ist, merken wir uns (um nicht unendlichlange Beweise zu suchen), welche Nonterminale nicht mehr untersucht werden dürfen. Es gilt:

- Die leere Sequenz ϵ ist nullable.
- Eine Sequenz $A\beta$ ist *nullable* falls
 - Nichtterminal A noch untersucht werden darf,
 - $-A \rightarrow \alpha$ eine Produktion in P ist,
 - ohne nochmals A zu untersuchen nachweisbar ist, dass α nullable ist, und
 - nachweisbar ist, dass β nullable ist.

Definieren Sie also ein passendes drei-stelliges Hilfsprädikat. Verwenden Sie not, member.

| Name: | Matrikelnummer: |
|-------|-----------------|
| | |
| | |

Aufgabe 3 (Typsysteme)

[20 Punkte]

Für diese Aufgabe nehmen wir an, dass die Konstante 17 den Typ **int** hat und die Konstante true den Typ bool.

(a) Gegeben sind die folgenden Typgleichungssysteme:

[6 Punkte]

$$C_1 = \{ \alpha_9 = \alpha_{10} \to \alpha_8, \alpha_9 = \alpha_4, \alpha_{10} = \texttt{bool} \}$$

$$C_2 = \{ \alpha_{12} = \alpha_{13} \to \alpha_{11}, \alpha_{12} = \alpha_4, \alpha_{13} = \texttt{int} \}$$

- i. Geben Sie allgemeinste Unifikatoren σ_1 für C_1 und σ_2 für C_2 an.
- ii. Ist auch $C_1 \cup C_2$ unifizierbar? Falls ja: Geben Sie einen allgemeinsten Unifikator an. Falls nein: Begründen Sie Ihre Antwort kurz!
- iii. Ist der Ausdruck

$$\lambda$$
a. λ f. f (a true) (a 17)

typisierbar? Begründen Sie Ihre Antwort kurz.

(b) Betrachten Sie den Ausdruck

[14 Punkte]

let a =
$$\lambda$$
x. λ y. true **in** λ f. f (a true) (a 17)

- i. Wie lautet der polymorphe Typ $\tau_{\bar{a}}^{poly}$ von a?
- ii. Unten sehen Sie einen Herleitungsbaum für einen allgemeinsten Typen unter der Typannahme $\Gamma=a: au_a^{poly}.$ Geben Sie das zugehörige Typgleichungssystem an und ergänzen Sie außerdem, was an den mit (A) bzw. (B) markierten Stellen einzutragen ist.

$$App = \frac{Var \frac{\left(\Gamma, \text{f} : \alpha_{2}\right)(\text{f}) = \alpha_{5}}{\Gamma, \text{f} : \alpha_{2} \vdash \text{f} : \alpha_{5}}}{\Gamma, \text{f} : \alpha_{2} \vdash \text{f} : \alpha_{5}}} \frac{Var \frac{\left(\Lambda\right)}{\Gamma, \text{f} : \alpha_{2} \vdash \text{a} : \alpha_{7}} C \frac{\text{true} \in Const}{\Gamma, \text{f} : \alpha_{2} \vdash \text{true} : \alpha_{8}}}{\Gamma, \text{f} : \alpha_{2} \vdash \text{a} \text{true} : \alpha_{6}}} App \frac{Var \frac{\left(\Lambda\right)}{\Gamma, \text{f} : \alpha_{2} \vdash \text{a} : \alpha_{10}} C \frac{17 \in Const}{\Gamma, \text{f} : \alpha_{2} \vdash \text{17} : \alpha_{11}}}{\Gamma, \text{f} : \alpha_{2} \vdash \text{f} \text{(a true)} : \alpha_{4}} App \frac{Var \frac{\left(\Lambda\right)}{\Gamma, \text{f} : \alpha_{2} \vdash \text{a} : \alpha_{10}} C \frac{17 \in Const}{\Gamma, \text{f} : \alpha_{2} \vdash \text{17} : \alpha_{11}}}{\Gamma, \text{f} : \alpha_{2} \vdash \text{a} : 17 : \alpha_{9}}}$$

$$\Gamma, \text{f} : \alpha_{2} \vdash \text{f} \text{(a true)} \text{(a 17)} : \alpha_{3}}$$

$$\Gamma \vdash \lambda \text{f} \text{. f} \text{(a true)} \text{(a 17)} : \alpha_{1}}$$

Abs

| Name: | Matrikelnummer: |
|-------|-----------------|
| | |
| | |

Aufgabe 4 (Lambdakalkül, Maybe-Datentyp)

[10 Punkte]

Aus der Vorlesung kennen Sie die Modellierung von Church-Zahlen und Church-Booleans. Auch der **Maybe**-Datentyp aus Haskell lässt sich im Lambdakalkül darstellen. In Haskell ist dieser wie folgt definiert:

data Maybe a = Nothing | Just a

Im λ -Kalkül können die Konstruktoren definiert werden durch:

nothing =
$$\lambda$$
n. λ j. n
just = λ x. λ n. λ j. j x

Außerdem sei der Term maybe definiert als:

$$\mathsf{maybe} = \lambda \mathsf{n.} \ \lambda \mathsf{j.} \ \lambda \mathsf{m.} \ \mathsf{m} \ \mathsf{n} \ \mathsf{j}$$

(a) Zeigen Sie, dass für beliebige n, j, x gilt:

[4 Punkte]

maybe
$$n j$$
 nothing $\Rightarrow^* n$
maybe $n j$ (just x) $\Rightarrow^* j x$

Hinweis: Für die nachfolgenden Teilaufgaben dürfen Sie maybe sowie diese Gleichungen verwenden.

(b) Der Lambdaterm is Just sei wie folgt definiert:

[3 Punkte]

isJust = maybe
$$c_{\text{false}}$$
 ($\lambda a. c_{\text{true}}$)

Zeigen Sie, dass is Just folgende Eigenschaften erfüllt:

isJust nothing
$$\Rightarrow^* c_{\mathsf{false}}$$

isJust (just x) $\Rightarrow^* c_{\mathsf{true}}$

(c) Definieren Sie einen Lambdaterm choose mit folgenden Eigenschaften:

[3 Punkte]

choose nothing
$$m \Rightarrow^* m$$

choose (just x) $m \Rightarrow^*$ just x

| Name: | Matrikelnummer: |
|-------|-----------------|
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |

Aufgabe 5 (MPI) [11 Punkte]

Gegeben sei die unten stehende Methode, welche in einem MPI-Programm mit einer beliebigen Anzahl an Prozessen aufgerufen wird. Sie können davon ausgehen, dass die Initialisierung und Finalisierung von MPI vom Aufrufer übernommen wird. Weiterhin können Sie davon ausgehen, dass elementCount immer ein Vielfaches der Anzahl verfügbarer Prozesse ist.

```
void operation(int elementCount, int elements[elementCount]) {
1
2
       int rank;
3
       int processCount;
4
       MPI_Status status;
5
       MPI_Request request;
6
 7
       MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &rank);
8
       MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &processCount);
9
10
       int elementsPerProcess = elementCount / processCount;
       int local[elementsPerProcess];
11
       if (rank == 0) {
12
            for (int i = 0; i < processCount; i++) {</pre>
13
14
                MPI_Isend(&elements[i*elementsPerProcess], elementsPerProcess,
15
                    MPI_INT, i, 0, MPI_COMM_WORLD, &request);
16
            }
17
       MPI_Recv(local, elementsPerProcess, MPI_INT, 0, 0,
18
            MPI_COMM_WORLD, &status);
19
20
       int localSum = 0;
21
22
       for (int i = 0; i < elementsPerProcess; i++) {</pre>
23
            localSum += local[i];
24
25
26
       int sum = 0;
       MPI_Isend(&localSum, 1, MPI_INT, 0, 0, MPI_COMM_WORLD, &request);
27
28
       if (rank == 0) {
            for (int i = 0; i < processCount; i++) {</pre>
29
30
                int value;
                MPI_Recv(&value, 1, MPI_INT, i, 0, MPI_COMM_WORLD, &status);
31
32
                sum += value;
33
            }
34
        }
35
       if (rank == 0) {
36
            double result = (double) sum / elementCount;
37
38
            printf("Result: \"%f\"\n", result);
39
        }
40
```

(a) Erklären Sie, welche Funktion das Programm erfüllt und geben Sie seine Ausgabe [3 Punkte] für folgende Eingabe an: (4, [0, 2, 9, 5])

(b) Erklären Sie den Unterschied zwischen den MPI-Operationen MPI_Send und [2,5 Punkte] MPI_Isend. Was passiert, wenn in Zeile 14 MPI_Isend durch die Operation MPI_Send ersetzt wird?

(c) Schreiben Sie einen Ersatz für die Zeilen 12 bis 19, der ausschließlich aus dem [2,5 Punkte] Aufruf einer MPI-Operation besteht.

(d) Schreiben Sie einen Ersatz für die Zeilen 27 bis 34, der ausschließlich aus dem [3 Punkte] Aufruf einer MPI-Operation besteht.

Gegeben sei folgende Implementierung einer Warteschlange, angelehnt an die Implementierung der LinkedList aus der Java-API. Es werden die Methode add für das Hinzufügen eines Elementes und die Methode poll für das Entfernen des letzten Elementes, entsprechend einer FIFO-Strategie, angeboten. Die Elemente firstheader und lastHeader dienen als Wächterobjekte und zeigen auf das erste bzw. letzte Element der Warteschlange. Ein Beispiel für eine Warteschlange mit zwei Elementen ist in Abbildung 1 dargestellt.

```
public class Queue<E> {
1
2
       private Entry<E> firstHeader = new Entry<E>(null, null, null);
       private Entry<E> lastHeader = new Entry<E>(null, null, null);
3
4
5
       public Queue() {
6
           firstHeader.next = firstHeader.previous = lastHeader;
           lastHeader.next = lastHeader.previous = firstHeader;
7
8
       }
9
10
       private static class Entry<E> {
11
           E element;
12
           Entry<E> next;
13
           Entry<E> previous;
14
15
           Entry(E element, Entry<E> next, Entry<E> previous) {
16
                this.element = element;
                this.next = next;
17
                this.previous = previous;
18
19
            }
20
       }
21
22
       public void add(E e) {
           synchronized (lastHeader) {
23
24
                Entry<E> newEntry =
                    new Entry<E>(e, lastHeader, lastHeader.previous);
25
26
                lastHeader.previous.next = newEntry;
                lastHeader.previous = newEntry;
27
28
            }
29
       }
30
       public E poll() {
31
32
            synchronized (firstHeader) {
                if (firstHeader.next == lastHeader) // Queue is empty
33
34
                    return null;
                Entry<E> removedEntry = firstHeader.next;
35
36
                firstHeader.next = removedEntry.next;
                removedEntry.next.previous = firstHeader;
37
38
                return removedEntry.element;
39
40
       }
41
   }
```

Matrikelnummer:

Name:

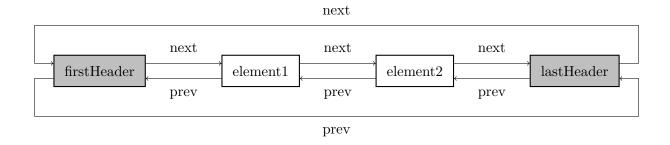


Abbildung 1: Beispiel einer Queue mit zwei Elementen

(a) Nehmen Sie an, eine Instanz der Klasse Queue wird von mehreren, nebenläufigen Programmfäden verwendet. Erläutern Sie kurz, warum dabei eine Wettlaufsituation vorliegt. Geben Sie eine Aufruf- und Ausführungsreihenfolge an, bei der dies zu unerwünschtem Verhalten führt.

- (b) Das Programm soll so ergänzt werden, dass keine Wettlaufsituation mehr vorliegt. [6 Punkte]
 - i. Geben Sie an, wo und durch welche Ausdrücke das Programm ergänzt werden muss, sodass keine Wettlaufsituation mehr vorliegt. Die Ergänzung soll eine möglichst feingranulare Synchronisation durchführen, keine Veränderungen am bestehenden Code durchführen und darf insbesondere nicht durch eine Synchronisation auf this, lastHeader oder firstHeader erreicht werden.

| ii. Begründen Sie, warum ihre Ergänzung nicht zu einem Deadlock führen kann | |
|---|--|
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| Die sequentielle Implementierung der LinkedList in der Java-API verwendet nur ein header-Objekt. Erläutern Sie, was der Vorteil der Verwendung von firstHeader und lastHeader in der hier gezeigten Implementierung hinsichtlich der nebenläufigen Verwendung der Warteschlange gegenüber der Verwendung eines einzelnen header-Objektes ist. | [2,5 Punkte |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | nur ein header-Objekt. Erläutern Sie, was der Vorteil der Verwendung von firstHeader und lastHeader in der hier gezeigten Implementierung hinsichtlich der nebenläufigen Verwendung der Warteschlange gegenüber der Ver- |

| Name: | Matrikelnummer: |
|-------|-----------------|
| | |
| | |

[7 Punkte]

Gegeben sei folgendes Code-Fragment mit einer (unvollständigen) Implementierung einer Collection-Klasse und einer Verwendung dieser Klasse. Für die Methode add der Collection-Klasse ist im Javadoc zusätzlich ein Vertrag angegeben, der Vor- und Nachbedingungen der Methode definiert. Die Vor- und Nachbedingungen sind als Java-Ausdrücke definiert. Zusätzlich wird mittels \old(<expression>) der Wert von <expression> vor dem Aufruf der Methode referenziert.

Anmerkung: Die vierte Nachbedingung ist syntaktisch inkorrekt. In Zeile 20 müsste es korrekterweise elements [i] == null heißen. Dies sollte bei der Lösung der Aufgaben nicht beachtet werden.

```
1
   public class ObjectCollection {
2
       Object[] elements;
3
       int elementCount;
4
5
       public ObjectCollection(int collectionSize) {
6
            elements = new Object[collectionSize];
7
            elementCount = 0;
8
       }
9
10
       /**
11
         Vorbedingungen:
            object != null;
12
13
14
         Nachbedingungen:
            elementCount == \old(elementCount) + 1;
15
16
            elements[elementCount-1] == object;
17
            for (int i = 0; i < elementCount - 1; i++)
                elements[i] == \old(elements[i]);
18
19
            for (int i = elementCount; i < elements.length; i++)
20
                elements[i] == 0;
21
       */
22
       public void add(Object object) {
23
            if (elementCount < elements.length) {</pre>
                elements[elementCount++] = object;
24
25
            }
26
       }
27
   }
28
29
   public class ObjectCollectionUser {
30
31
       public static void main(String[] args) {
            Object object = new Object();
32
           ObjectCollection collection = new ObjectCollection(10);
33
34
            collection.add(object);
35
       }
36
```

| (a | d) Wird der spezifizierte Ver | trag vom Aufrufer | erfüllt? Begründen S | Sie Ihre Antwort. | [1.5 Punkte] |
|----|---|-------------------|----------------------|-----------------------|--------------|
| (| · / · · · · · · · · · · · · · · · · · · | | | · · · · · · · · · · · | -, |

(b) Geben Sie an, welche Nachbedingungen des Vertrages vom Aufgerufenen nicht erfüllt werden. Begründen Sie dies, indem Sie eine Situation beschreiben, in der die Nachbedingungen nicht erfüllt werden.

- (c) Der Vertrag soll so verändert werden, dass er vom Aufgerufenen erfüllt wird. [2,5 Punkte]
 - i. Geben Sie eine Änderung der Vorbedingungen an, mit der dies erreicht werden kann.

ii. Geben Sie eine Änderung der Nachbedingungen an, mit der dies erreicht werden kann.

(d) Nehmen Sie an, es würde die folgende Prüfung des Eingabeparameters am Beginn [1 Punkt] der Method add ergänzt:

```
if (object == null) return;
```

Würde diese Ergänzung den Vertrag verletzen? Begründen Sie Ihre Antwort kurz.

Aufgabe 8 (Compiler)

[20 Punkte]

Gegeben sei die folgende Grammatik für Prolog-Fakten mit dem Startsymbol Fact:

```
Fact 
ightarrow Term . Term 
ightarrow {\bf atom} \mid {\bf atom} \mid Termlist 
ightarrow | {\bf number} \mid {\bf variable} Termlist 
ightarrow Termlist' Termlist' 
ightarrow arepsilon \mid {\bf ,} Term \ Termlist'
```

- (a) Geben Sie die First₁- und Follow₁-Mengen für die Nichtterminale *Fact* und *Term* [4 Punkte] an.
- (b) Geben Sie eine Linksfaktorisierung an, so dass die Grammatik SLL(1) ist. [2 Punkte] Es genügt geänderte bzw. neue Zeilen der Grammatik anzugeben.
- (c) Geben Sie für alle Nichtterminale der linksfaktorisierten Grammatik einen rekursiven Abstiegsparser in Pseudocode an. [14 Punkte]

Dabei stehen Ihnen folgende Token-Typen zur Verfügung:

```
atom für Prolog-Atome
number für Prolog-Zahlen
var für Prolog-Variablen
dot für den Punkt .
comma für das Komma ,
lp, rp für öffnende bzw. schließende Klammern (, )
```

Die globale Variable token enthält immer das aktuelle Token. Es besitzt die Methode getType(), die den zugehörigen Token-Typ (atom, number, var, dot, comma, lp, rp) zurückgibt. Die globale Methode nextToken() fordert das nächste Token an. Brechen Sie bei Parsefehlern durch Aufruf der globalen error()-Methode ohne Fehlermeldung ab.

| Name: | Matrikelnummer: | |
|-------|-----------------|--|
| | | |
| | | |
| | | |

| Klausur Programmierparadigmen, 06.04.2017 – Seite 20 | |
|--|--|
| | |