

Klausur Programmierparadigmen

WS18/19, 04. April 2019, 14:00 – 16:00 Uhr

Zugelassene Hilfsmittel: Papierbasierte Quellen (Vorlesungsfolien, Übungsblätter, eigene Zeichnungen, Bücher, ...)

Die Verwendung von elektronischen Geräten ist verboten.

Bearbeitungszeit: 120 min

Aufgabe	max. Punkte	err. Punkte
1	12	
2	18	
3	16	
4	15	
5	10	
6	15	
7	15	
8	19	
Σ	120	
$[\Sigma]$	120	

Jeder Punkt entspricht ca. 1 min Bearbeitungszeit. Es ist garantiert, dass die Klausur mit 60 Punkten bestanden ist, und dass 115 Punkte für die Note 1,0 ausreichen.

Name: _____

Matrikelnummer: _____

Studiengang: _____

Schreiben Sie Ihre Lösungen direkt in die Klausur. Beschriften Sie **alle verwendeten Blätter** mit Ihrem Namen und Ihrer Matrikelnummer. Trennen Sie die geklammerten Blätter **nicht** auf. Weitere Blätter erhalten Sie bei Bedarf.

Aufgabe 1 (Haskell: Listen)

[12 Punkte]

- (a) Implementieren Sie die Haskell-Funktion

[6 Punkte]

```
substr :: Eq a => [a] -> [a] -> Bool
```

die angewendet auf zwei endliche Listen `True` zurückgibt, falls die erste Liste zusammenhängend an beliebiger Position in der zweiten vorkommt, und ansonsten `False`.

Hinweis: Eine Hilfsfunktion könnte nützlich sein!

Beispiele:

```
> substr "bc" "abc"
True
> substr "ac" "abc"
False
> substr "aa" "abc"
False
```

- (b) Analysieren Sie das Verhalten Ihrer Implementierung von
- `substr`
- auf unendlichen Listen: [6 Punkte]

Geben Sie in jeder Tabellenzelle an, zu welchen der Werte `True`, `False` oder \perp (Nichttermination) `substr xs ys` unter den entsprechenden Einschränkungen auswerten kann, und geben Sie für jeden Wert einen Beispielaufruf an. Die Zelle für den endlichen Fall ist als Beispiel schon ausgefüllt.

Hinweis: Benutzen Sie bspw. die unendliche Liste `as = repeat 'a' \equiv "aaaa..."`

	xs endlich	xs unendlich
ys endlich	True (substr "bc" "abc"), False (substr "ac" "abc")	
ys unendlich		

Name:

Matrikelnummer:

Aufgabe 2 (Haskell: Warteschlangen)

[18 Punkte]

Haskells einfach verkettete Listen eignen sich gut, um einen Stack zu modellieren. Weniger effizient ist es, eine Warteschlange als Haskell-Liste zu implementieren, denn die `enqueue`-Operation muss dazu die gesamte Liste durchqueren. Abhilfe schafft folgende Definition für Warteschlangen:

```
data Queue a = Q [a] [a]
```

`Q front back` stellt die Liste dar, die durch Konkatenation der *Vorderseite* `front` und der Umkehrung der *Rückseite* `back` entsteht. So stellen diese drei Haskell-Werte die gleiche Liste dar:

```
Q [1,2,3,4,5] []
Q [1,2,3] [5,4]
Q [] [5,4,3,2,1]
```

- (a) Implementieren Sie die Funktionen

[3 Punkte]

```
fromList :: [a] -> Queue a
toList :: Queue a -> [a]
```

die zwischen einer Liste und ihrer Darstellung als `Queue` konvertieren.

- (b) Implementieren Sie die Funktion

[2 Punkte]

```
enqueue :: a -> Queue a -> Queue a
```

`enqueue x q` hängt `q` das Element `x` an. Dabei soll nur konstant viel Speicher berührt werden.

Beispiel:

```
> toList (enqueue 4 (fromList [1, 2, 3]))
[1, 2, 3, 4]
```

- (c) Implementieren Sie die Funktion

[5 Punkte]

```
dequeue :: Queue a -> Maybe (a, Queue a)
```

Ist die von `q` dargestellte Liste leer, gilt `dequeue q == Nothing`. Ansonsten teilt sich `q` in das vorderste Element `x` und den Rest `q'`, und `dequeue q == Just (x, q')`.

Achten Sie darauf, dass sich die Rückseiten von `q` und `q'` nur dann unterscheiden, wenn die Vorderseite von `q` leer ist.

- (d) Implementieren Sie die Funktion

[8 Punkte]

```
bfs :: Tree a -> [a]
```

die einen Binärbaum in Form des aus der Vorlesung bekannten Datentyps entgegennimmt:

```
data Tree t
  = Leaf
  | Node (Tree t) t (Tree t)
```

`bfs` gibt die Knotenlabels des übergebenen Baums in Breitenordnung zurück.

Hinweise: Definieren Sie hierzu zum Beispiel eine Hilfsfunktion `go :: Queue (Tree a) -> [a]`, die die Warteschlange von Knoten abarbeitet. Diese ist initial nur mit der Wurzel befüllt und wird bei der Behandlung von inneren Knoten mit den linken und rechten Kindern erweitert.

Beispiel (N für `Node`, L für `Leaf`):

```
> bfs (N (N (N L 4 L) 2 L) 1 (N L 3 L))
[1, 2, 3, 4]
```

Name:

Matrikelnummer:

Aufgabe 3 (Prolog: Buchstabenrätsel)

[16 Punkte]

Ein beliebtes Buchstabenrätsel funktioniert wie folgt: Ein Start- und ein Zielwort werden vorgegeben. Das Startwort soll nun schrittweise zum Zielwort transformiert werden. Dabei gibt es 3 mögliche Arten von Schritten:

- Ein einzelner Buchstabe des momentanen Worts wird ersetzt.
- Ein einzelner Buchstabe des momentanen Worts wird entfernt.
- Ein einzelner Buchstabe wird dem momentanen Wort hinzugefügt.

Nach jedem Schritt muss wieder ein gültiges Wort entstehen.

Beispiel:

Rast \rightarrow Rat \rightarrow Rad \rightarrow Rand

In Prolog lassen sich Buchstaben als Atome und Wörter als Listen von Atomen darstellen (z.B. "Rad" als `[r,a,d]`). Zudem seien folgende Prolog-Prädikate bereits vordefiniert: Der Generator `buchstabe(X)`, der bei Reerfüllung für `X` alle gültigen Buchstaben generiert, sowie der Tester `erlaubt(W)`, der testet, ob das Wort `W` gültig ist.

(a) Definieren Sie einen zweistelligen *Generator*

[8 Punkte]

`schritt(Wort1, Wort2),`

welcher für ein gegebenes `Wort1` bei Reerfüllung alle Wörter `Wort2` generiert, die aus `Wort1` durch einen Schritt entstehen. Sie müssen hier noch nicht prüfen, ob das Wort gültig ist oder ob sich `Wort2` von `Wort1` unterscheidet.

Beispiel:

```
? schritt([r,a,d], W2).  
W2 = [a,a,d] ; W2 = [b,a,d] ; ... ; W2 = [z,a,d] ;  
W2 = [r,a,d] ; W2 = [r,b,d] ; ... ; W2 = [r,z,d] ;  
... ; W2 = [r,a,z] ;  
W2 = [a,d] ; W2 = [r,d] ; W2 = [r,a] ;  
W2 = [a,r,a,d] ; ... ; W2 = [z,r,a,d] ;  
... ;  
W2 = [r,a,d,a] ; ... ; W2 = [r,a,d,z] ;  
false.
```

(b) Das Prädikat `lösung(Woerter)` generiert alle Lösungen des Problems:

[8 Punkte]

```
lösung(Woerter) :- start(S), ziel(Z), erreichbar(S, [S], Woerter, Z).  
start([r,a,s,t]).  
ziel([r,a,n,d]).
```

Definieren Sie das hierzu benötigte vierstellige Prädikat

`erreichbar(S, Besucht, Woerter, Z)`

welches für Start-Wort `S` und Ziel-Wort `Z` erfüllt ist, falls `Z` von `S` durch eine Folge von Zwischen-**Woertern** erreichbar ist. Dabei dürfen nur **erlaubte** Zwischenwörter entstehen. Um Endlosschleifen zu vermeiden, darf dabei weiterhin keine der in der Liste `Besucht` enthaltenen Wörter

nochmals vorkommen. Die Liste `Woerter` soll bei Erfüllung die einzelnen Zwischen-**Woerter** in richtiger Reihenfolge enthalten.

Hinweis: Verwenden Sie die Prädikate `member` und `not` aus der Vorlesung.

Beispiel:

```
? lösung(Wörter).
```

```
Wörter = [[r,a,s,t], [r,a,t], [r,a,d], [r,a,n,d]] ;
```

```
...
```

```
Wörter = [[r,a,s,t], [r,o,s,t], [r,o,t], [r,a,t], [r,a,d], [r,a,n,d]] ;
```

```
false.
```

Aufgabe 4 (Typsysteme)

[15 Punkte]

In der Vorlesung haben Sie bereits Kodierungen im λ -Kalkül für boolsche Werte und die natürlichen Zahlen gesehen.

Erinnerung: $c_2 = (\lambda s. \lambda z. s (s z))$ $c_{true} = (\lambda t. \lambda f. t)$

Der Ausdruck $c_2 c_{true} = (\lambda s. \lambda z. s (s z)) (\lambda t. \lambda f. t)$ ist nicht typisierbar.

Es seien:

$$\begin{aligned} \Gamma_{sz} &= s : \alpha_4, z : \alpha_6 \\ \Gamma_{tf} &= t : \alpha_{12}, f : \alpha_{14} \end{aligned}$$

Im Folgenden ist der Typherleitungsbaum für diesen Ausdruck abgebildet:

$$\begin{array}{c} \text{App} \frac{\text{Abs} \frac{\text{App} \frac{\text{Var} \frac{\Gamma_{sz}(s) = \alpha_4}{\Gamma_{sz} \vdash s : \alpha_8} \text{App} \frac{\text{Var} \frac{\Gamma_{sz}(s) = \alpha_4}{\Gamma_{sz} \vdash s : \alpha_{10}} \text{Var} \frac{\Gamma_{sz}(z) = \alpha_6}{\Gamma_{sz} \vdash z : \alpha_{11}}}{\Gamma_{sz} \vdash s z : \alpha_9}}{\Gamma_{sz} \vdash s (s z) : \alpha_7}}{\Gamma_{sz} \vdash s (s (s z)) : \alpha_5}}{\vdash (\lambda s. \lambda z. s (s z)) : \alpha_2}}{\vdash (\lambda s. \lambda z. s (s z)) (\lambda t. \lambda f. t) : \alpha_1} \end{array}$$

(a) Geben Sie das Constraint-System für diesen Herleitungsbaum an. [9 Punkte]

(b) Auch wenn $c_2 c_{true}$ nicht typisierbar ist, gibt es bei der β -Reduktion dieses Terms keine Probleme. Zeigen Sie: [3 Punkte]

$$c_2 c_{true} a b c \Rightarrow^* a$$

(c) Im Gegensatz zu [3 Punkte]

$$c_2 c_{true} = (\lambda s. \lambda z. s (s z)) (\lambda t. \lambda f. t)$$

ist der Ausdruck

$$\mathbf{let} s = (\lambda t. \lambda f. t) \mathbf{in} \lambda z. s (s z)$$

typisierbar. Für die rechte Seite des Let-Ausdrucks (also $\lambda z. s (s z)$) wird bei der Typinferenz dabei die Typumgebung

$$\Gamma = s : ta(\alpha \rightarrow \beta \rightarrow \alpha, \emptyset).$$

verwendet.

Berechnen Sie $ta(\alpha \rightarrow \beta \rightarrow \alpha, \emptyset)$ und beschreiben Sie *kurz*, was dieser Typ in der Typumgebung für die Typinferenz bedeutet.

Name:

Matrikelnummer:

Aufgabe 5 (Listen im λ -Kalkül)

[10 Punkte]

Neben natürlichen Zahlen und Booleans lassen sich auch Listen im λ -Kalkül definieren. Seien also:

$$\begin{aligned}\text{nil} &= \lambda n. \lambda c. n \\ \text{cons} &= \lambda x. \lambda xs. \lambda n. \lambda c. c \ x \ xs\end{aligned}$$

Hierbei ist `nil` die Darstellung der leeren Liste, und `cons x xs` die Darstellung der Liste mit erstem Element `x` und Listenrest `xs` (vgl. Haskell `x:xs`).

- (a) Geben Sie Definitionen für λ -Ausdrücke `head` und `tail` an, so dass für beliebige A, B gilt: [4 Punkte]

$$\begin{aligned}\text{head} \ (\text{cons } A \ B) &\Rightarrow^* A \\ \text{tail} \ (\text{cons } A \ B) &\Rightarrow^* B\end{aligned}$$

Das Verhalten bei Übergabe von `nil` als Argument ist Ihnen überlassen.

- (b) Geben Sie einen λ -Ausdruck `replicate` an, für den für beliebiges A gilt: [4 Punkte]

$$\text{replicate } c_n \ A \Rightarrow^* \underbrace{\text{cons } A \ (\text{cons } A \ \dots (\text{cons } A \ \text{nil}) \dots)}_{n \text{ mal}}$$

Hinweis: Rufen Sie sich in Erinnerung, welche Struktur c_n hat.

- (c) Zeigen Sie für Ihre Definition von `replicate` per β -Reduktion: [2 Punkte]

$$\text{replicate } c_3 \ A \Rightarrow^* \text{cons } A \ (\text{cons } A \ (\text{cons } A \ \text{nil}))$$

Name:

Matrikelnummer:

Aufgabe 6 (MPI: Ziffern-Zählung mit MapReduce)

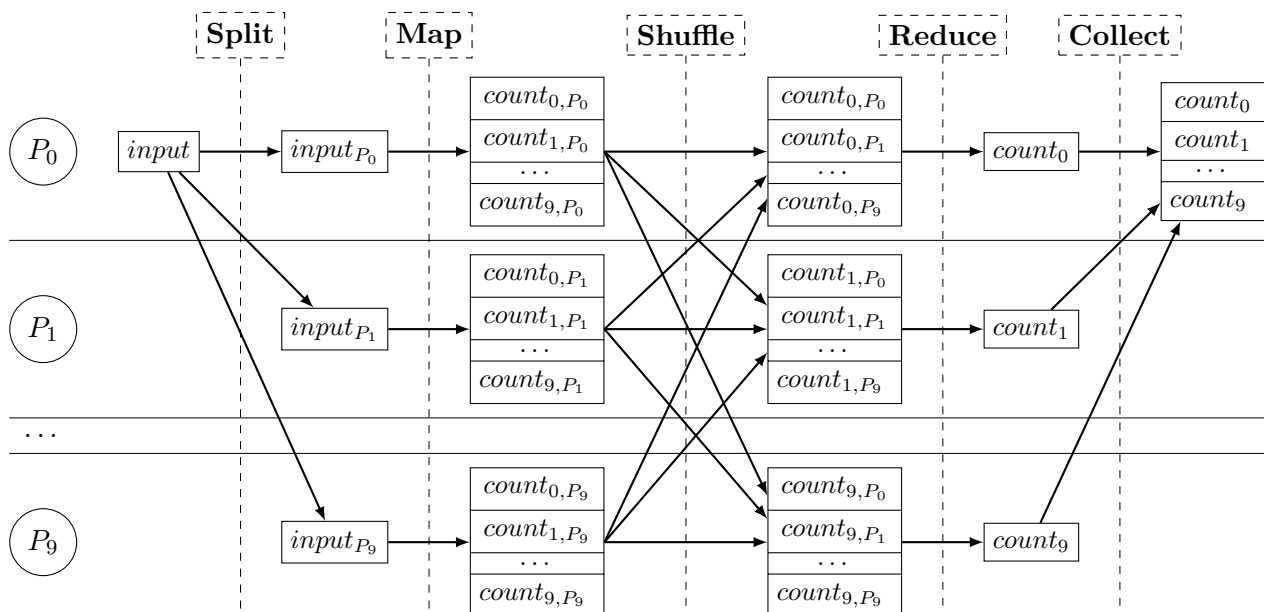
[15 Punkte]

- (a) In der untenstehenden Tabelle ist der Inhalt eines Arrays `sendbuf` auf 3 Prozessen dargestellt. Füllen Sie in der leeren Tabelle den Inhalt von `recvbuf` nach einem Aufruf der folgenden kollektiven MPI-Operation aus:

```
MPI_Alltoall(sendbuf, 1, MPI_INT, recvbuf, 1, MPI_INT, MPI_COMM_WORLD);
```

Prozess Nr.	sendbuf	Prozess Nr.	recvbuf
0	3, 6, 4	0	
1	1, 3, 2	1	
2	9, 8, 1	2	

Die unten stehende Grafik zeigt ein *MapReduce*-Schema zur Bestimmung der Anzahl jeder Ziffer in einer Ziffernsequenz *input*. Die Ziffernsequenz wird zunächst vom Root-Prozess P_0 in 10 Teile zerlegt und auf die Prozesse P_0 bis P_9 verteilt (*Split*). Jeder Prozess zählt in seiner Teilsequenz die Vorkommen jeder Ziffer (*Map*). Für die Ziffer i in Prozess j ist dies der Wert $count_{i,P_j}$. Daraufhin werden die Daten zwischen den Prozessen neu verteilt, sodass auf jedem der 10 Prozesse alle Zählwerte für genau eine der Ziffern liegen (*Shuffle*). Diese Zählwerte werden in jedem Prozess summiert (*Reduce*), sodass anschließend Prozess P_i die Anzahl der Vorkommen $count_i$ von i in der Eingabesequenz kennt. Abschließend werden die Werte in ein Array auf dem Root-Prozess P_0 zusammengeführt (*Collect*).



- (b) Geben Sie in der folgenden Tabelle an, mit welchen MPI-Operationen die Teilschritte *Split*, *Shuffle* und *Collect* implementiert werden können. [4 Punkte]

Schritt	MPI-Operation
<i>Split</i>	
<i>Shuffle</i>	
<i>Collect</i>	

- (c) Füllen Sie im folgenden Quellcode die Lücken so aus, dass das zuvor dargestellte und beschriebene Schema implementiert wird. Gehen Sie davon aus, dass der Root-Prozess mit der ID 0 die zu bearbeitende char-Sequenz erhält, welche nur die Ziffern 0 bis 9 enthält. Es steht die Methode `int* countDigits(char*)` zur Verfügung, welche in der übergebenen char-Sequenz die Anzahl der Vorkommen jeder Ziffer ermittelt und in einem Array, welches mit der jeweiligen Ziffer indiziert ist, zurückgibt. Beispielsweise ist die Rückgabe für `countDigits("12341")` das Array `(0, 2, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0)`. Gehen Sie weiterhin davon aus, dass MPI vom Aufrufer initialisiert wird, das Programm mit exakt 10 Prozessen ausgeführt wird und die Länge der Eingabesequenz ein Vielfaches von 10 ist. [8 Punkte]

```

1  int* countDigitsParallel(char *input) {
2      int size, rank;
3      MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &size);
4      MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &rank);
5
6      // Split
7      int digitsPerProcess = strlen(input) / size;
8      char localSequence[digitsPerProcess];
9      [ ] ( [ ], [ ],
    [ ], [ ], [ ],
    [ ], [ ], MPI_COMM_WORLD);
10
11     // Map
12     int* digitsCounts = countDigits(localSequence);
13
14     // Shuffle
15     int localDigitCounts[10];
16     [ ] ( [ ], [ ],
    [ ], [ ], [ ],
    [ ], MPI_COMM_WORLD);
17
18     // Reduce
19     int summedCount = 0;
20     [ ] {
21         [ ] 1
22     }
23
24     // Collect
25     int totalDigitCounts[10];
26     [ ] ( [ ], [ ],
    [ ], [ ], [ ],
    [ ], MPI_COMM_WORLD);
27
28     // Please ignore that we return a pointer to stack memory
29     return totalDigitCounts;
30 }
```

Aufgabe 7 (Java und Design-by-Contract: Warteschlangen-Synchronisation)

[15 Punkte]

Gegeben sei folgende Implementierung einer Warteschlange. Es werden die Methode enqueue und dequeue für das Hinzufügen und Entfernen von Elementen entsprechend einer FIFO-Strategie angeboten. Die Elemente enqueueLock und dequeueLock dienen als feingranulare Lock-Objekte, damit gleichzeitig Elemente zur Warteschlange hinzugefügt und aus dieser entfernt werden können.

```
1 public class SynchronizedQueue {
2     private static class Entry {
3         final Object content;
4         Entry next;
5
6         Entry(Object content) {
7             this.content = content;
8         }
9     }
10
11     private Entry first = null;
12     private Entry last = null;
13     private final Object enqueueLock = new Object();
14     private final Object dequeueLock = new Object();
15
16     public void enqueue(Object object) {
17         synchronized(enqueueLock) {
18             Entry newEntry = new Entry(object);
19             if (this.last == null) {
20                 this.first = newEntry;
21             } else {
22                 this.last.next = newEntry;
23             }
24             this.last = newEntry;
25         }
26     }
27
28     /*@ private behavior
29     @ ensures \result == null ==> \old(first) == null;
30     @ ensures \old(first) == null ==> first == null;
31     */
32     public Object dequeue() {
33         synchronized(dequeueLock) {
34             Object returnedObject = null;
35             if (this.first != null) {
36                 returnedObject = this.first.content;
37                 this.first = this.first.next;
38                 if (this.first == null) this.last = null;
39             }
40             return returnedObject;
41         }
42     }
43 }
```

- (a) Kann bei der Verwendung des angegebenen Codes ein Deadlock auftreten? Begründen Sie Ihre Antwort. [2,5 Punkte]
- (b) Nehmen Sie an, die Methode `enqueue` wird auf einer Instanz der Klasse `SynchronizedQueue` von mehreren, nebenläufigen Programmfäden aufgerufen. Kann es dabei zu einer Wettlaufsituation kommen? Begründen Sie Ihre Antwort. [2,5 Punkte]
- (c) Nehmen Sie an, die Methoden `enqueue` und `dequeue` werden auf einer Instanz der Klasse `SynchronizedQueue` von mehreren, nebenläufigen Programmfäden in unbekannter Reihenfolge aufgerufen. Erläutern Sie kurz, warum dabei eine Wettlaufsituation vorliegt. Geben Sie eine Aufruf- und Ausführungsreihenfolge an, bei der dies zu unerwünschtem Verhalten führt. [5 Punkte]

-
- (d) Betrachten Sie die folgenden Aufrufsequenz. Wird der Vertrag hier *vom Aufrufer* [2 Punkte] erfüllt? Begründen Sie Ihre Antwort kurz.

```
1 SynchronizedQueue queue = new SynchronizedQueue();  
2 queue.enqueue(null);  
3 queue.dequeue();
```

- (e) Der Vertrag der Methode dequeue wird *vom Aufgerufenen* verletzt. Begründen Sie dies. [3 Punkte]

Hinweis: Sie müssen hierfür keine Wettlaufsituationen berücksichtigen.

Name:

Matrikelnummer:

Aufgabe 8 (Syntaktische Analyse)

[19 Punkte]

Gegeben sei die folgende Grammatik, die eine Untermenge von SGML beschreibt:

$$\begin{aligned} SGML &\rightarrow < \mathbf{ident} > Children < / > \\ Children &\rightarrow \varepsilon \mid SGML Children \end{aligned}$$

Das Startsymbol dieser Grammatik ist *SGML*.

- (a) Begründen Sie formal, warum die obige Grammatik nicht in SLL(1)-Form ist. [3 Punkte]
- (b) Entwickeln Sie für die folgende, linksfaktorierte SGML-Grammatik einen rekursiven Abstiegsparser mit AST-Aufbau in Pseudocode. [16 Punkte]

$$\begin{aligned} SGML &\rightarrow < \mathbf{ident} > ChildrenAndEnd \\ ChildrenAndEnd &\rightarrow < OpenOrClose \\ OpenOrClose &\rightarrow / > \\ &\mid \mathbf{ident} > ChildrenAndEnd ChildrenAndEnd \end{aligned}$$

Der Parser von *SGML* soll ein Objekt der Klasse *SGML* zurückgeben. Diese ist folgendermaßen definiert:

```
1  class SGML {
2      public String tag;
3      public List<SGML> children;
4      public SGML(String tag, List<SGML> children) { ... }
5  }
```

Hinweis zum AST-Aufbau:

In der Produktion $OpenOrClose \rightarrow \mathbf{ident} > ChildrenAndEnd ChildrenAndEnd$ parst das erste Vorkommen von *ChildrenAndEnd* alle Kinder des gerade geöffneten Tags, das zweite Vorkommen parst die restlichen Kinder des umgebenden Tags.

Lexer-Schnittstelle:

Die globale Variable `token` enthält immer das aktuelle Token. Tokens besitzen die folgenden Methoden:

- `getType()` gibt den Token-Typ zurück
- `getIdent()` gibt einen String zurück, der den Namen eines **ident**-Tokens enthält.

Folgende Token-Typen sind definiert:

IDENT	für einen Bezeichner ident
LT	für das Kleiner-Zeichen <
GT	für das Größer-Zeichen >
SLASH	für den Schrägstrich /

Die globale Methode `nextToken()` setzt `token` auf das nächste Token. Brechen Sie bei Parsefehlern durch Aufruf der globalen `error()`-Methode ohne Fehlermeldung ab.

Name:

Matrikelnummer:
