

## Objetivo

O objetivo deste trabalho prático é permitir o projeto e implementação de um algoritmo paralelo em duas arquiteturas: manycore (GPU) utilizando o modelo de programação CUDA, e multicore (CPU) distribuída utilizando o modelo de programação MPI.

## Descrição do problema

Neste trabalho vocês projetarão e implementarão algoritmos que solucionem o problema da **contagem de cliques em grafos não direcionados**. Por definição, um grafo  $G$  pode ser representado por um conjunto de vértices denotado  $V(G)$ , e por um conjunto de arestas  $E(G)$  que conecta vértices em  $V(G)$ . No nosso contexto, cada vértice de um grafo é identificado unicamente utilizando um inteiro no intervalo  $[0 \dots V(G) - 1]$ , e as arestas do grafo não possuem direção. A Figura 1 apresenta um grafo  $G$  conexo e não direcionado contendo 8 vértices e 11 arestas.

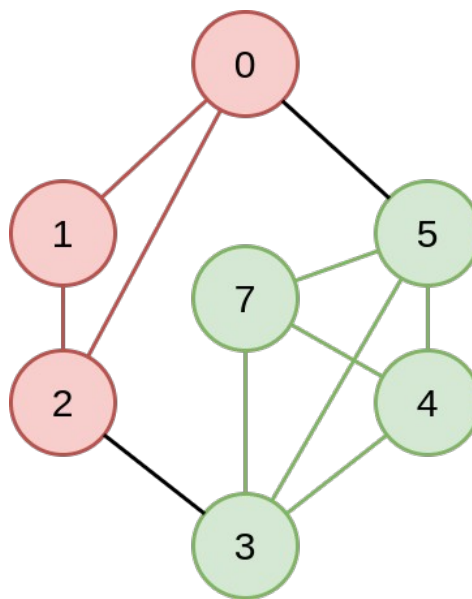


Figura 1. Exemplo de grafo conexo não direcionado com 2 cliques.

O grafo da Figura 1 é dito *conexo* pois, dado um vértice  $v$  qualquer do grafo, existe um caminho que conecta  $v$  a qualquer outro vértice do grafo. Os subgrafos da Figura que estão realçados em vermelho e verde são chamados de cliques, pois todos os vértices pertencentes a essas subgrafos estão conectados entre si. Uma  $k$ -clique é uma clique contendo  $k$  vértices. Ou seja, a clique em vermelho é uma 3-clique, enquanto a clique em verde é uma 4-clique.

Dado um grafo de entrada  $G$  conexo e não direcionado, você construirá algoritmos para contar a quantidade total de  $k$ -cliques em  $G$ . O pseudocódigo abaixo (estilo Python) apresenta um algoritmo genérico para a contagem de  $k$ -cliques em um grafo  $G$  conexo e não direcionado, utilizando a abordagem BFS (*Breadth-First Search*).

```

1. def contagem_de_cliques_serial(g: Grafo, k: int):
2.     cliques = []
3.     for each v in g.V(G):
4.         cliques.append([v])
5.
6.     contador = 0
7.     while not empty cliques:
8.         clique = cliques.pop()
9.
10.        // A clique atual já tem k vértices
11.        if (len(clique) == k):
12.            contador+=1
13.            continue
14.
15.        ultimo_vertice = clique[len(clique)-1]
16.        for each vertice in clique:
17.            for each vizinho in (adjacência de vertice):
18.                if (vizinho not in clique) and
19.                (vizinho se conecta a todos os vértices de clique) and
20.                (vizinho > ultimo_vertice):
21.                    nova_clique = clique.clone()
22.                    nova_clique.append(vizinho)
23.                    cliques.push(nova_clique)
24.
25.    return contador

```

Algoritmo 1. Contagem de cliques serial.

As linhas 2-4 constroem o conjunto de cliques visitadas pelo algoritmo, que é composto inicialmente por todos os vértices do grafo (dado que um subgrafo composto por apenas um vértice é uma clique). Enquanto o conjunto de cliques visitadas não for vazio (linha 7), uma clique é extraída do conjunto (linha 8). Caso essa clique extraída já tenha a quantidade de vértices  $k$ , a contagem de cliques é incrementada (linha 12) e o algoritmo continua a busca por uma próxima clique. Caso essa clique tenha menos que  $k$  vértices, o algoritmo explora as vizinhanças dos vértices da clique atual (linhas 16 e 17) e tenta criar uma clique maior (linhas 18-23). Caso haja um vértice novo que não faça parte da clique atual (linha 18) e que, ao ser inserido na clique atual gera uma clique maior (linha 19), o algoritmo aumenta a clique atual (linhas 21-22) e insere essa nova clique no conjunto de cliques a serem visitadas (linha 23). A linha 20 é uma condição necessária para que não sejam geradas cliques repetitivas durante a visitação.

## Metodologia

Neste trabalho você implementará duas versões do algoritmo de contagem de cliques. Todas as versões receberão um grafo de entrada  $G$  conexo não direcionado e um inteiro  $k$  que representa o tamanho da clique buscada.

### Versão 1

A primeira versão é uma versão paralela implementada em GPU. Nessa implementação, você deve criar uma fila global de cliques na GPU, com tamanho total fixo em bytes. Essa fila deve conter

inicialmente todos os vértices do grafo. Cada thread da GPU deve consumir um vértice por vez dessa fila global de trabalhos, e contar todos os subgrafos de tamanho  $k$  que começam a partir do vértice recebido. Nessa implementação em GPU, o grande desafio será gerenciar a memória local responsável por armazenar as cliques geradas por cada *thread* em GPU, uma vez que a alocação dinâmica em GPU não é recomendável por questões de performance, e GPUs não proveem mecanismos de memória virtual que permitem crescer a memória além do seu tamanho físico. Pense em uma estratégia para contornar essa situação.

## Versão 2

A segunda versão é uma versão paralela implementada em um ambiente de memória distribuída utilizando MPI, mas que executará em um ambiente local. Nessa implementação haverá duas classes de procesos: processos trabalhadores, que executarão a contagem de cliques a partir de um vértice inicial; um processo gerente, que cuidará da distribuição dos vértices entre os processos trabalhadores. O processo gerente armazenará uma fila contendo todos os vértices do grafo, e aguardará as mensagens enviadas pelos processos trabalhadores. Os processos trabalhadores devem enviar uma mensagem ao processo gerente para requisitar um vértice, e o processo gerente enviará uma mensagem de resposta contendo o id do vértice cujas cliques devem ser contadas. Todos os processos devem ser finalizados quando não houver mais cliques a serem visitadas de um determinado tamanho  $k$ .

## Requisitos de Entrega

Neste trabalho você deve implementar e entregar os seguintes artefatos:

1. Implementação das duas versões paralelas propostas;
2. Conferência de todos os resultados produzidos pelas implementações dos algoritmos paralelos propostos em relação à corretude da quantidade de cliques geradas considerando os seguintes datasets:

Grafo	$k$	# Cliques
citeseer	3	1166
	4	255
	5	46
	6	4
ca_astroph	3	1351441
	4	9580415
	5	64997961
	6	400401488
	7	2218947958
dblp	3	2224385
	4	16713192

	5	262663639
	6	4221802226

3. Descrição textual da estratégia utilizada para contornar as limitações de memória da GPU no armazenamento das cliques produzidas por cada *thread*;
4. Análise dos tempos de execução dos algoritmos paralelos propostos nessa entrega, bem como a comparação desses resultados com as implementações propostas na entrega anterior (Pthread). Para a implementação 1, você deve fornecer uma análise mostrando os tempos de execução na medida que a quantidade de threads aumenta. Para a implementação 2, você deve fornecer uma análise mostrando os tempos de execução na medida que a quantidade de threads trabalhadoras aumenta. Forneça tabelas e gráficos comparativos dos seus tempos de execução em relação às implementações com Pthread e OpenMP. Lembre-se de sempre medir apenas o tempo de execução gasto para a geração das contagens de cliques, e não o tempo total de execução do arquivo executável correspondente ao Algoritmo. Você deve variar o tamanho das cliques buscadas até que o programa chegue a um **tempo de execução máximo de 4 horas**.
5. Arquivo .zip contendo todos os códigos implementados;
6. Relatório em PDF contemplando os itens 3 e 4.

## ***Entrega***

Todos os artefatos descritos no item anterior devem ser entregues até o dia 26 de Novembro de 2024, via AVA.