Accordo Bizantino MC

Lorenzo Livio Vaccarecci (matr. 5462843)

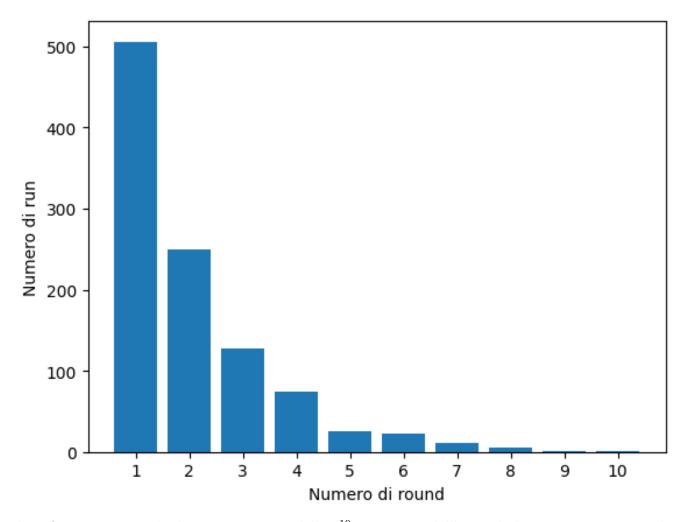
A.A. 2023/2024

1 Codice

```
1 import random
2 import matplotlib.pyplot as plt
  def tally(j, maj, matrix):
      eq = 0
      for i in range(0, n):
           if matrix[j][i] == maj:
               eq += 1
      return eq
10
  def maj(j, matrix):
11
      \max = [0,0]
12
      for i in range(0, n):
13
           if matrix[j][i] == 0:
             max[0] += 1
15
           else:
16
             max[1] += 1
      return 0 if max[0] > max[1] else 1
18
19
  def coin():
      return random.randint(0, 1)
21
22
  def MCByzantineGeneral(matrix):
      matrix_copy = [row[:] for row in matrix]
24
      for r in range(10):
        coinFlip = coin()
26
27
        for j in range(n):
28
           for i in range(n):
29
             if i != j:
30
               matrix_copy[i][j] = matrix_copy[j][j]
31
        for j in range(n):
33
           for i in range(n):
34
             if i != j:
35
               matrix_copy[j][i] = matrix_copy[i][j]
37
38
39
```

```
success = False
41
        for j in range(n):
42
             for i in range(n):
43
                 majVar = maj(j, matrix_copy)
44
                 if tally(j, majVar, matrix_copy) >= T:
45
                     matrix_copy[i][j] = majVar
                     if majVar == coinFlip:
47
                        success = True
                     break
49
                 else:
                     matrix_copy[i][j] = coinFlip
51
        if success:
53
             roundSucc[r] += 1
            return
55
R = 2 * * 10
58 n=4
59 f = 1
T = (2 * f) + 1
62 bitSndRcv = [[0 for _ in range(n)] for _ in range(n)]
for i in range(0, n):
64
      for j in range(0, n):
           if i == 3:
               bit = 1 - bitSndRcv[j][i]
66
               bit = random.randint(0, 1)
68
          bitSndRcv[i][j]=bit
roundSucc = [0 for _ in range(10)]
72 for i in range(R): # Run
      MCByzantineGeneral(bitSndRcv)
74
75 plt.bar(list(range(1,len(roundSucc)+1)), roundSucc)
76 plt.xlabel("Numero di round")
77 plt.ylabel("Numero di run")
78 plt.show()
```

2 Osservazioni



Il grafico suggerisce che la maggior parte delle 2^{10} esecuzioni dell'accordo bizantino viene completata nel primo round, con un dimezzamento del successo ad ogni round successivo. Se in un qualche round per un processo affidabile j risulta che $tally(j) \geq T$ e l'esito del lancio della moneta coincide con maj(j), il round successivo l'accordo è certamente raggiunto perchè significa che almeno T processi hanno raggiunto l'accordo su un valore e, se coincide con il lancio della moneta, nel round successivo il valore verrà propagato ai processi rimanenti facendo raggiungere l'accordo.