# Divisione in Algebra Relazionale

#### Lorenzo Vaccarecci

### 23 Aprile 2024

La divisione è l'inverso del prodotto cartesiano.  $R \div S$  è definita come:

$$\{t: U_R \setminus U_S | \forall s \in S \quad \exists r \in R \quad r[U_S] = s, r[U_R \setminus U_S] = t\}$$

$$U_S \subsetneq U_R \quad U_{R \setminus S} = U_S \setminus U_R$$

## Esempio

A1	A2	A3					
k	a	a					
j	a	b		A2	A3		A1
j	a	a	÷		a b	=	
k	b	b		a			J
m	С	b		a			k
m	a	a					
k	a	b					

Prendiamo le colonne A2 e A3 (perchè ci sono nella tabella di destra) della tabella di sinistra e guardiamo quali righe sono uguali a quelle della tabella di destra (come se ci fosse un AND) e prendiamo le colonne non toccate dalla divisione. Nel nostro caso j ha sia le righe aa che ab, stessa cosa k (anche se non sequenziali); La m invece non sarà nel risultato perchè sì che ha aa ma non ha ab. Non ci interessa infatti l'ordine delle righe, basta che ci siano.

### Detto meglio

Guardiamo le colonne "in comune" tra le due tabelle e prendiamo le righe della tabella di sinistra che hanno tutte le righe della tabella di destra. Inoltre prendiamo le colonne della tabella di sinistra che non sono state prese e che soddisfano le condizioni della tabella di destra. L'ordine delle righe non è importante.