

Derivata	Integrale	Operazioni con ∞	Limiti Notevoli
$D[f(x)^n] = n[f(x)^{n-1}] \cdot f'(x)$	$\int k \cdot f(x) dx = k \int f(x) dx$	$\frac{n^+}{+\infty} = 0^+$	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(x)}{x} = 1$
$D[\sqrt[n]{f(x)}] = \frac{1}{2\sqrt[n]{f(x)}} \cdot f'(x)$	$\int f(x)^n \cdot f'(x) dx = \frac{f(x)^{n+1}}{n+1} + c$	$\frac{n^-}{-\infty} = 0^-$	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan(x)}{x} = 1$
$D[\sin f(x)] = \cos f(x) \cdot f'(x)$	$\int \frac{f'(x)}{f(x)} dx = \ln f(x) + c$	$+\infty(+\infty) = +\infty$	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(x)}{x^2} = \frac{1}{2}$
$D[\cos f(x)] = -\sin f(x) \cdot f'(x)$	$\int \sin f(x) \cdot f'(x) dx = -\cos f(x) + c$	$+\infty(-\infty) = -\infty$	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arctan(x)}{x} = 1$
$D[\ln f(x)] = \frac{1}{f(x)} \cdot f'(x)$	$\int \cos f(x) \cdot f'(x) dx = \sin f(x) + c$	$-\infty(-\infty) = +\infty$	$\lim_{x \rightarrow \infty} (1 + \frac{1}{x})^x = e$
$D[e^{f(x)}] = e^{f(x)} \cdot f'(x)$	$\int \frac{1}{\cos^2 f(x)} dx = \tan f(x) + c$	$\frac{0}{\infty} = 0 \left(\frac{1}{\infty} \right) = 0$	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log_a(1+x)}{x} = \log_a e$
$D[a^{f(x)}] = a^{f(x)} \cdot \ln a \cdot f'(x)$	$\int \frac{1}{\sin^2 f(x)} dx = -\cot f(x) + c$	$\frac{\infty}{0} = \infty \left(\frac{1}{0} \right) = \infty$	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{a^x - 1}{x} = \ln a$
$D[\log_a f(x)] = \frac{1}{f(x) \cdot \ln a} \cdot f'(x)$	$\int e^{f(x)} \cdot f'(x) dx = e^{f(x)} + c$	$\frac{n}{0^\pm} = \pm\infty$	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin(x)}{x} = 1$
$D[\arcsin f(x)] = \frac{1}{\sqrt{1-f(x)^2}} \cdot f'(x)$	$\int a^{f(x)} \cdot f'(x) dx = \frac{a^{f(x)}}{\ln a}$	$\frac{\infty_n}{\infty_m} \quad \begin{matrix} n > m \rightarrow \infty \\ n < m \rightarrow 0 \end{matrix}$	$\lim_{x \rightarrow 0} (1+x)^{\frac{1}{x}} = e$
$D[\arccos f(x)] = -\frac{1}{\sqrt{1-f(x)^2}} \cdot f'(x)$	$\int \frac{f'(x)}{1+f(x)^2} dx = \arctan f(x) + c$		$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\log_a x}{x-1} = \log_a e$
$D[\arctan f(x)] = \frac{1}{1+f(x)^2} \cdot f'(x)$	$\int \frac{f'(x)}{\sqrt{1-f(x)^2}} dx = \arcsin f(x) + c$		$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1+x)^a - 1}{x} = a$
$D[\operatorname{arccot} f(x)] = -\frac{1}{\sqrt{1+f(x)^2}} \cdot f'(x)$	$\int f'(x)g(x)dx = f(x)g(x) - \int f(x)g'(x)$		$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{a^x}{x^a} = +\infty$
$D[\tan f(x)] = \frac{1}{\cos^2 f(x)} \cdot f'(x)$			$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\log_a x}{x^a} = 0$
$D[f(x)g(x)] = f'(x)g(x) + f(x)g'(x)$			$\lim_{x \rightarrow -\infty} (-x)^a a^x = 0$
$D\left[\frac{f(x)}{g(x)}\right] = \frac{f'(x)g(x) - f(x)g'(x)}{g(x)^2}$			$\lim_{x \rightarrow 0^+} x^a \log_a x = 0$
$D\left[\frac{1}{f(x)}\right] = -\frac{f'(x)}{f(x)^2}$		$\lim_{x \rightarrow x_0} f(x)^{g(x)} = \lim_{x \rightarrow x_0} g(x) \ln(f(x))$	
$D[f(g(x))] = f'(g(x)) \cdot g'(x)$		$\lim_{x \rightarrow -\infty} a^x = 0 \{a > 1\}$	$\lim_{x \rightarrow +\infty} a^x = 0 \{0 < a < 1\}$
$D[f(x)] = \frac{ f(x) }{x} \cdot f'(x)$ oppure $D[f(x)] = D[\sqrt{f(x)^2}] = \frac{1}{2\sqrt{f(x)^2}} \cdot D[f(x)^2]$			$\lim_{x \rightarrow -\infty} a^x = +\infty \{0 < a < 1\}$

Proprietà dei logaritmi	Proprietà delle potenze	Calcolo degli integrali di funzioni fratte $\left(\frac{mx+q}{(x-x_1)(x-x_2)}\right)$	
$a^{\log_a b} = b$	$a^m \cdot a^n = a^{(m+n)}$	$\frac{A}{(x-x_1)} + \frac{B}{(x-x_2)} = Ax - Ax_1 + Bx - Bx_2 \rightarrow \begin{cases} A+B=m \\ -Ax_1-Bx_2=q \end{cases}$	
$\log_a(b \cdot c) = \log_a b + \log_a c$	$\frac{a^m}{a^n} = a^{(m-n)}$	Formule Trigonometria	
$\log_a(b^c) = c \log_a b$	$(a^m)^n = a^{m \cdot n}$	$\sin(2x) = 2\sin x \cos x$	
$\log_a \frac{b}{c} = \log_a b - \log_a c$	$a^n \cdot b^n = (a \cdot b)^n$	$\cos(2x) =$	$\frac{\cos^2 x - \sin^2 x}{2\cos^2 x - 1}$ $\frac{1 - 2\sin^2 x}{2\cos^2 x - 1}$
$\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}$	$\frac{a^n}{b^n} = \left(\frac{a}{b}\right)^n$	Formula di derivazione: $f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h)-f(x)}{h}$	
$\log_a b = \frac{1}{\log_b a}$		$ax^2 + bx + c \rightarrow x_1, x_2 = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$	

Calcolo della tangente in un punto $P(x_0, y_0)$

$$y = f'(x_0) \cdot x + f(x_0) - f'(x_0) \cdot x_0$$

Logaritmo

$$\log_a 1 = 0$$

$$\log_a a = 1$$

$$\log_a \left(\frac{1}{a}\right) = -1$$

$$\log_b(x) = n \rightarrow b^n = x \text{ (argomento log > 0)}$$

$$b^n = x \rightarrow \log_b(x) = n \text{ (argomento log > 0)}$$

Parità e disparità

$$f(x) = f(-x) \rightarrow \text{pari}$$

$$f(x) = -f(-x) \rightarrow \text{dispari}$$

Hopital

$$\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x)}{g(x)} = \frac{0}{0} / \frac{\infty}{\infty} \xrightarrow{\text{Hopital}} \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f'(x)}{g'(x)}$$

Asintoti

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) = n \rightarrow \text{asintoto orizzontale}$$

$$\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = \pm\infty \rightarrow \text{asintoto verticale}$$

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) = \pm\infty \rightarrow \text{possibile asintoto obliquo}$$

Calcolo Asintoto Obliquo

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{f(x)}{x} \rightarrow \text{se il risultato è finito e } \neq 0 \text{ allora è il coefficiente angolare dell'asintoto } y = mx + q$$

$$q = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} [f(x) - mx]$$

Studio di funzione

- Dominio denominatore $\neq 0$
- Limiti prendi il dominio e identifica gli asintoti
- Segno: $f(x) \geq 0$
- Monotonia: $f'(x) > 0$
- Concavità: $f''(x) > 0$

Se abbiamo una disequazione di secondo grado si può utilizzare la “parabola” dopo aver calcolato x_1, x_2

- Se il coefficiente quadrato è negativo la parabola a U rovesciata
- Se il coefficiente quadrato è positivo la parabola a U

