

# Distribuzioni Congiunte e Indipendenza

Lorenzo Vaccarecci

4 Aprile 2024

## 1 Caso discreto

La distribuzione di una coppia di variabili congiunte  $(X, Y)$  con valori  $\{x_1, \dots, x_N\}$  e  $\{y_1, \dots, y_M\}$  è data da una *pmf*

$$P(X = x_i, Y = y_j) = p(x_i, y_j) \quad \text{con } i = 1, 2, \dots, N \quad j = 1, 2, \dots, M$$

$$\sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^M p(x_i, y_j) = 1$$

## 2 Distribuzioni marginali

Storiella

$$\begin{bmatrix} p(1, 1) & p(1, 2) & \dots & p(1, M) \\ p(2, 1) & p(2, 2) & \dots & p(2, M) \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ p(N, 1) & p(N, 2) & \dots & p(N, M) \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} (x_1, y_1) & (x_1, y_2) & \dots & (x_1, y_M) \\ (x_2, y_1) & (x_2, y_2) & \dots & (x_2, y_M) \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ (x_N, y_1) & (x_N, y_2) & \dots & (x_N, y_M) \end{bmatrix} \begin{matrix} \sum_{j=1}^M p(1, j) \\ \sum_{j=1}^M p(2, j) \\ \vdots \\ \sum_{j=1}^M p(N, j) \end{matrix}$$

$$p_X(x_i) = P(X = x_i) = \sum_{j=1}^M p(x_i, y_j) \quad \text{e} \quad p_Y(y_j) = P(Y = y_j) = \sum_{i=1}^N p(x_i, y_j)$$

$p_X$  è praticamente la somma di una riga, mentre  $p_Y$  è la somma di una colonna.

$$p_X + p_Y = 2$$