

Ukeinnlevering 3

IN1150 – Logiske metoder

Høsten 2017

5.10

- a) Første er rett, hvis $x > 1$ så er $x^2 > 1$ fordi da følger at $x^2 > x$. Men selv om $x^2 > 1$ så er ikke $x > 1$. Et moteksempel er $x = -2$, her er $x^2 = 4$ som er større enn 1, men $x < 1$. Ergo er resonomentet ikke gyldig.
- b) Dersom G er en logisk konsekvens av F , betyr det at G er sann for alle F som er sann. Men F kan være usann uten at G er usann. et eksempel er $F = P \rightarrow Q$, da er $G = P \rightarrow (Q \vee R)$ en logisk konsekvens ettersom den er sann ved alle tilfeller når $P \rightarrow Q$ er sann. Men i tilfellet $P=1, Q=0$ og $R = 1$, så er P usann og G sann.

5.12

- a) Hvis F og G er falsifiserbare, så kan begge være falsifiserte samtidig, men det finnes et tilfellet hvor $G = \neg F$, da vil $F \vee G$ være gyldig, ergo er påstanden usann.
- b) $F \rightarrow G$ er falsifiserbar dersom G er usann og F er sann. F er gyldig og G er falsifiserbar. Dersom det finnes et eksempel på at G alltid er sann når F er sann så er påstanden usann, men da ville G vært gyldig og det er den ikke. Altså påstanden er sann.
- c) Dersom F er sann er alltid H sann. valuasjonen $G \rightarrow H$ kan godt være falsifiserbar, men $F \text{ imp}(G \rightarrow H)$ er gyldig. Påstanden er sann.
- d) Hvis G kan er en kontradiksjon, så vil uttrykket $G \rightarrow H$ være gyldig. Og da vil hele uttrykket $F \rightarrow (G \rightarrow H)$ være gyldig. Påstanden er usann.

5.20

a = fint vær, b = Jeg går ut

Hvis det er fint vær så går jeg ut ($a \rightarrow b$).

$\neg a$ = ikke fint vær, $\neg b$ = Jeg går ikke ut

Hvis jeg ikke går ut er det ikke fint vær ($\neg b \rightarrow \neg a$).

Disse sier det samme da eneste tilfellet når de ikke er sanne er dersom det er fint vær og jeg ikke går ut.

6.2

- a) S1 er mengden $\{1, 2\}$, da er en ekvivalensrelasjon
 $\{\langle 1, 1 \rangle, \langle 2, 2 \rangle\}$
- b) S2 er mengden $\{1, 2, 3\}$, da er en refleksive, symmetrisk og ikke transitive relasjon
 $\{\langle 1, 1 \rangle, \langle 2, 2 \rangle, \langle 3, 3 \rangle, \langle 1, 2 \rangle, \langle 2, 1 \rangle\}$
- c) S3 er mengden $\{1, 2, 3\}$ da er en refleksiv, ikke symmetrisk og transitiv relasjon
 $\{\langle 1, 1 \rangle, \langle 2, 2 \rangle, \langle 3, 3 \rangle, \langle 1, 2 \rangle, \langle 2, 3 \rangle, \langle 1, 3 \rangle\}$
- d) S4 er mengden $\{1, 2, 3\}$, da er en refleksive, ikke symmetrisk og ikke transitive relasjon
 $\{\langle 1, 1 \rangle, \langle 2, 2 \rangle, \langle 3, 3 \rangle, \langle 1, 3 \rangle\}$
- e) S5 er mengden $\{1, 2, 3\}$, da er en ikke refleksive, symmetrisk og transitive relasjon
 $\{\langle 1, 2 \rangle, \langle 2, 1 \rangle, \langle 2, 3 \rangle, \langle 3, 2 \rangle, \langle 1, 3 \rangle, \langle 3, 1 \rangle\}$
- f) S6 er mengden $\{1, 2, 3\}$, da er en ikke refleksive, symmetrisk og ikke transitive relasjon
 $\{\langle 1, 2 \rangle, \langle 2, 1 \rangle\}$
- g) S7 er mengden $\{1, 2, 3\}$, da er en ikke refleksive, ikke symmetrisk og transitive relasjon
 $\{\langle 1, 2 \rangle, \langle 2, 3 \rangle, \langle 1, 3 \rangle\}$
- h) S8 er mengden $\{1, 2, 3\}$, da er en ikke refleksive, ikke symmetrisk og ikke transitive relasjon
 $\{\langle 1, 3 \rangle\}$

6.8

-Relasjonen er refleksiv, fordi alle naturlige tall som kan skrives på formen 2^n er et partall. Altså alle $X + X$ er partall.

-Relasjonen er symmetrisk, for hvis $x + y$ er et partall må $y + x$ være et partall.

-Relasjonen er transitiv, for hvis $x + y$ er et partall, og $y + z$ er et partall, så må $x + z$ være et partall.

-Relasjonen er ikke anti-symmetrisk, relasjonen er ikke irrefleksiv.