EXERCICES — CHAPITRE 1

Fractions

Exercice 1 – Donner l'écriture des nombres suivants sous la forme d'un entier ou d'une fraction irréductible.

$$A = \frac{1}{2} - \frac{1}{3} + \frac{1}{4}$$

$$B = 2 - \frac{13}{7} + \left(1 + \frac{5}{2}\right)$$

$$C = \left(\frac{2}{3} - \frac{3}{4}\right) + 3\left(\frac{4}{5} - \frac{5}{6}\right)$$

$$D = \left(\frac{1}{2} + \frac{5}{3}\right) \times \left(3 + \frac{7}{4}\right) : \left(\frac{1}{2} - \frac{5}{6}\right)$$

$$E = \frac{\frac{2}{3} + \frac{3}{4} - \frac{4}{5} \times \frac{3}{4}}{\frac{2}{5} \times \frac{4}{3} + \frac{1}{3}}$$

Exercice 2 – Écrire les nombres suivants sous la forme d'une unique fraction, la plus simple possible.

$$A = \frac{3(x+1)}{2(x+1)(x+2)}$$

$$B = \frac{x}{2} + \frac{2}{x}$$

$$C = \frac{1}{x} - \frac{1}{x+1}$$

$$D = \frac{1}{2x-1} + \frac{x}{x+1} + \frac{x^2}{4x-2}$$

Puissances

Exercice 3 - Simplifier les nombres suivants.

$$A = 3^{2} \times 3^{-4} \times 3^{7} \times 3$$

$$B = \frac{2 \times 2^{2} \times 2^{3}}{2^{4} \times 2^{5}}$$

$$C = (2 \times 3^{2} \times 3^{3})^{4}$$

$$D = \frac{2^{3} \times 5^{4} \times 7^{3}}{5^{3} \times 7^{2} \times 2}$$

$$E = 81^{5} \times (3^{-2})^{-5} \times \frac{1}{9}$$

$$F = \frac{4^{-2} \times 8^{3}}{16^{3}}$$

$$G = \frac{9^{3} \times 27^{2} \times 75}{5^{2} \times 3^{4}}$$

$$H = \left(\frac{2}{3}\right)^{11} \times \left(\frac{3}{2}\right)^{10}$$

$$I = (a^{3})^{2} \times a^{-4}$$

$$J = a^{2}b^{-3}(ab)^{4}$$

Racines carrées

Exercice 4 – Simplifier l'écriture des nombres suivants.

$$A = \sqrt{12} \\ B = \sqrt{48} \\ C = \sqrt{36 + 64} \\ D = 3\sqrt{2} + 8\sqrt{2} - 5\sqrt{2} \\ E = 5\sqrt{27} - 2\sqrt{48}$$

$$F = \frac{\sqrt{81}}{\sqrt{242}} \times \sqrt{\frac{98}{25}} \\ G = (2 - \sqrt{3})^2 \\ H = 3(1 + \sqrt{2})(1 - \sqrt{2})$$

Développement

Exercice 5 – Développer, réduire et ordonner les expressions suivantes.

$$A(x) = -2(3x+1)$$
 $D(x) = (2-5x)(x-3)$
 $B(x) = (2x+3)(3x+2)$ $E(x) = (x+3)(x-2)$
 $C(x) = 4(3x-2)$ $F(x) = (-2x+3)(x-1)$

Exercice 6 – Développer, réduire et ordonner les expressions suivantes.

$$A(x) = (3x+4)^2$$
 $C(x) = (5x-2)(5x+2)$
 $B(x) = (2x-3)^2$ $D(x) = (-2x-4)^2$

Exercice 7 – Développer, réduire et ordonner les expressions suivantes.

$$A(x) = 4(2x+5) + (x-3)(5x-7)$$

$$B(x) = (2x-3)^2 - (4x+1)(x-3)$$

$$C(x) = (x-3)(x+5) - (-3x+2)(x-5)$$

Factorisation

Exercice 8 – Factoriser au maximum les expressions suivantes.

$$A(x) = 15x - 12$$
 $D(x) = (3x + 2)(4x - 1) + (3x + 2)(-6x + 8)$
 $B(x) = 5x - 5$ $E(x) = (3x - 4)^2 - (2x - 5)(3x - 4)$
 $C(x) = 6x^2 + 10x$ $F(x) = (2x - 3)^2 - (2x - 3)$

Exercice 9 – Factoriser au maximum les expressions suivantes.

$$A(x) = 9x^2 + 42x + 49$$

$$B(x) = 25x^2 - 60x + 36$$

$$C(x) = 9x^2 - 64$$

Exercice 10 – Factoriser au maximum les expressions suivantes.

$$A(x) = (2x-5)(7+3x) - (4x^2 - 20x + 25)$$

$$B(x) = (x-3)(3x+5) + (9x^2 + 30x + 25)$$

$$C(x) = 3(x+3)(2x+3) - (4x^2 - 9)$$

$$D(x) = (2x-1)^2 - (3-5x)^2$$

$$C(x) = 3(x+3)(2x+3) - (4x^2 - 9)$$