NOM:

## INTERRO DE COURS – SEMAINE 11

**Exercice 1** – On considère les suites  $(u_n)_{n\in\mathbb{N}}$  et  $(v_n)_{n\in\mathbb{N}}$  définies pour tout entier  $n\in\mathbb{N}$  par

$$u_n = 2^n - 3$$
 et  $v_n = \frac{4}{2n-1} + 1$ .

Calculer les quatre premiers termes de ces deux suites.

## **Solution:**

$$u_0 = 2^0 - 3 = 1 - 3 = -2$$

$$v_0 = \frac{4}{2 \times 0 - 1} + 1 = \frac{4}{-1} + 1 = -4 + 1 = -3$$

$$u_1 = 2^1 - 3 = 2 - 3 = -1$$

$$v_1 = \frac{4}{2 \times 1 - 1} + 1 = \frac{4}{1} + 1 = 4 + 1 = 5$$

$$u_2 = 2^2 - 3 = 4 - 3 = 1$$

$$v_2 = \frac{4}{2 \times 2 - 1} + 1 = \frac{4}{3} + 1 = \frac{4}{3} + \frac{3}{3} = \frac{7}{3}$$

$$u_3 = 2^3 - 3 = 8 - 3 = 5$$

$$v_3 = \frac{4}{2 \times 3 - 1} + 1 = \frac{4}{5} + 1 = \frac{4}{5} + \frac{5}{5} = \frac{9}{5}$$

**Exercice 2** – On considère les suites  $(u_n)_{n\in\mathbb{N}}$  et  $(v_n)_{n\in\mathbb{N}}$  définies pour tout entier  $n\in\mathbb{N}$  par

$$u_{n+1} = 2u_n^2 + 1$$
 avec  $u_0 = 1$  et  $v_{n+1} = v_n + n^2 - 1$  avec  $v_0 = 0$ .

Calculer les quatre premiers termes de ces deux suites.

## **Solution:**

$$u_0 = 1$$
  $v_0 = 0$   
 $u_1 = 2u_0^2 + 1 = 2 \times 1^2 + 1 = 3$   $v_1 = v_0 + 0^2 - 1 = 0 + 0^2 - 1 = -1$   
 $u_2 = 2u_1^2 + 1 = 2 \times 3^2 + 1 = 19$   $v_2 = v_1 + 1^2 - 1 = -1 + 1^2 - 1 = -1$   
 $u_3 = 2u_2^2 + 1 = 2 \times 19^2 + 1 = 723$   $v_3 = v_2 + 2^2 - 1 = -1 + 2^2 - 1 = 2$ 

Exercice 3 – Soit  $(u_n)_{n\in\mathbb{N}}$  la suite arithmétique de raison  $r=\frac{1}{3}$  et de premier terme  $u_0=4$ .

1. Exprimer  $u_n$  en fonction de n.

**Solution :** Comme la suite  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  est arithmétique, alors

$$\forall n \in \mathbb{N}, \quad u_n = u_0 + nr = 4 + n \times \frac{1}{3} = 4 + \frac{n}{3}.$$

2. Calculer  $u_{27}$ .

**Solution :** En remplaçant *n* par 27 dans l'expression précédente, j'obtiens que

$$u_{27} = 4 + \frac{27}{3} = 4 + 9 = 13.$$

**Exercice 4** – Soit  $(u_n)_{n\in\mathbb{N}}$  la suite géométrique de raison  $q=\frac{1}{2}$  et de premier terme  $u_0=8$ .

1. Exprimer  $u_n$  en fonction de n.

**Solution :** Comme la suite  $(u_n)_{n\in\mathbb{N}}$  est géométrique, alors

$$\forall n \in \mathbb{N}, \quad u_n = u_0 \times q^n = 8 \times \left(\frac{1}{2}\right)^n = \frac{8}{2^n}.$$

2. Calculer  $u_8$ .

**Solution :** En remplaçant *n* par 8 dans l'expression précédente, j'obtiens que

$$u_8 = \frac{8}{2^8} = \frac{2^3}{2^8} = \frac{1}{2^5} = \frac{1}{32}.$$