NOM:

INTERRO DE COURS – SEMAINE 13

Exercice 1 – On considère quatre événements *A*, *B*, *C* et *D*. Exprimer en terme ensembliste les événements suivants.

1. A et B sont réalisés mais C et D ne sont pas réalisés.

Solution: $A \cap B \cap \overline{C} \cap \overline{D}$

2. Seulement *C* est réalisé.

Solution: $\overline{A} \cap \overline{B} \cap C \cap \overline{D}$

3. Exactement deux des quatre événements sont réalisés.

Solution : $(A \cap B \cap \overline{C} \cap \overline{D}) \cup (A \cap \overline{B} \cap C \cap \overline{D}) \cup (A \cap \overline{B} \cap \overline{C} \cap D) \cup (\overline{A} \cap B \cap C \cap \overline{D}) \cup (\overline{A} \cap B \cap \overline{C} \cap D) \cup (\overline{A} \cap B \cap C \cap D)$

4. Aucun des quatre événements n'est réalisé.

Solution: $\overline{A} \cap \overline{B} \cap \overline{C} \cap \overline{D}$

5. Pas plus de trois des quatre événements sont réalisés.

Solution: $\overline{A \cap B \cap C \cap D}$

Exercice 2 – On considère une urne contenant trois boules rouges, quatre boules vertes et six boules bleues. On tire deux boules simultanément. On considère les événements suivants :

- *A* : "les deux boules tirées sont rouges",
- B: "au moins une des deux boules tirées est verte",
- *C* : "les deux boules tirées sont de la même couleur".
- 1. Que représentent les ensembles suivants?
 - a) \overline{A}

Solution : Au moins une des deux boules tirées n'est pas rouge.

b) $B \cap C$

Solution: Les deux boules tirées sont vertes.

c) $A \cap \overline{B} \cap C$

Solution: Les deux boules tirées sont rouges.

d) $A \cap B$

Solution : Événement impossible.

- 2. Écrire à l'aide des événements *A*, *B* et *C* les ensembles suivants :
 - *F* : "les deux boules tirées sont vertes"

Solution: $B \cap C$

• *G* : "les deux boules tirées sont bleues"

Solution: $\overline{A} \cap \overline{B} \cap C$