NOM:

INTERRO DE COURS – SEMAINE 13

Exercice 1 – On considère quatre évènements *A*, *B*, *C* et *D*. Exprimer en terme ensembliste les évènements suivants.

1. A et B sont réalisés mais C et D ne sont pas réalisés.

Solution: $A \cap B \cap \overline{C} \cap \overline{D}$

2. Seulement C est réalisé.

Solution: $\overline{A} \cap \overline{B} \cap C \cap \overline{D}$

3. Exactement deux des quatre évènements sont réalisés.

Solution : $(A \cap B \cap \overline{C} \cap \overline{D}) \cup (A \cap \overline{B} \cap C \cap \overline{D}) \cup (A \cap \overline{B} \cap \overline{C} \cap D) \cup (\overline{A} \cap B \cap C \cap \overline{D})$ $\cup (\overline{A} \cap B \cap \overline{C} \cap D) \cup (\overline{A} \cap \overline{B} \cap C \cap D)$

4. Aucun des quatre évènements n'est réalisé.

Solution: $\overline{A} \cap \overline{B} \cap \overline{C} \cap \overline{D}$

5. Pas plus de trois des quatre évènements sont réalisés.

Solution: $\overline{A \cap B \cap C \cap D}$

Exercice 2 – On considère une urne contenant 3 boules rouges, 4 boules vertes, et 6 boules noires. On tire deux boules simultanément. On considère les évènements suivants :

- A: "les deux boules tirées sont rouges",
- B: "au moins une des deux boules tirées est verte",
- *C* : "les deux boules tirées sont de la même couleur".
- 1. Que représentent les ensembles suivants?
 - (a) \overline{A} ,

Solution: Au moins une des deux boules tirées n'est pas rouge.

(b) $B \cap C$,

Solution: Les deux boules tirées sont vertes.

(c) $A \cap \overline{B} \cap C$,

Solution : Les deux boules tirées sont rouges.

(d) $A \cap B$.

Solution : Évènement impossible.

- 2. Écrire à l'aide des évènements A, B et C les ensembles suivants :
 - *F* : "les deux boules tirées sont vertes",

Solution: $B \cap C$

• *G* : "les deux boules tirées sont noires".

Solution: $\overline{A} \cap \overline{B} \cap C$