

Cap.1 – Funções reais de variável real em IR

Apontamentos da Aula 3











1. Generalidades de funções

- ✓ Definição e propriedades
- ✓ Domínio de uma função definida por uma
- expressão analítica















<u>Função</u>

O conceito de função é um dos conceitos mais importantes em Matemática.

Todos os dias ouvimos frases do tipo:

- "o custo da chamada telefónica é função do tempo de conversação";
- "o custo do estacionamento é função do tempo que a viatura permanece no parque";
- "o preço da viagem é função do número de passageiros".











Definição de função:

Função é uma correspondência entre um conjunto A (conjunto de partida) e um conjunto B (conjunto de chegada) que a cada elemento x (objeto) do primeiro conjunto faz corresponder um e um só elemento y = f(x) (imagem) do segundo conjunto.

❖ Nota: O gráfico de uma função só pode ser intersetado, no máximo, uma vez por uma qualquer reta vertical.

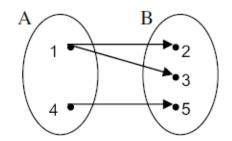


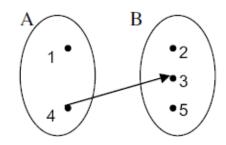




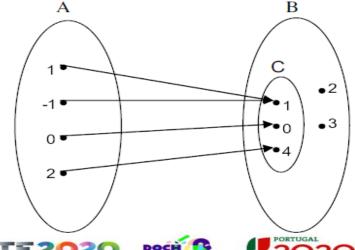
Exemplos:

1) Não são funções as seguintes correspondências entre A e B:





2) É função a seguinte correspondência entre A e B:



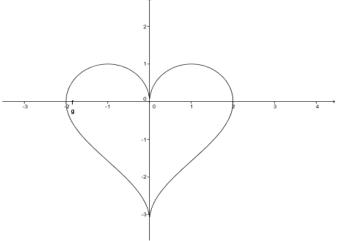




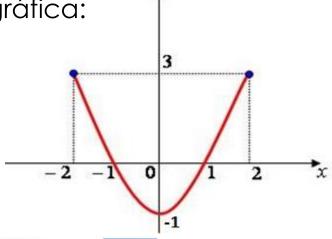




3) Não é uma função a seguinte representação gráfica:



4) É função a seguinte representação gráfica:









De um modo geral, tem-se:

$$f: A \to B$$

 $x \to y = f(x)$

- $x \in o$ objeto $e y = f(x) \in a$ imagem;
- x é a variável independente e y é a variável dependente;
- A é o domínio (D_f ou D) ou conjunto dos objetos;
- B é o conjunto de chegada da função;
- D'_f ou Im_f é o contradomínio ou conjunto das imagens.
- * Nota: Quando o domínio e o conjunto de chegada de uma função são subconjuntos de \mathbb{R} , a função diz-se função real de variável real.









Exemplos:

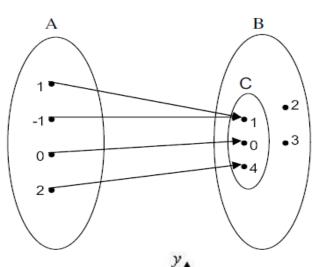
Em relação aos exemplos de funções vistos anteriormente:

- **2)** Domínio: $D = \{-1;0;1;2\}$;
 - Contradomínio: $D' = \{1;0;4\}$;
 - Conjunto de chegada = $\{0;1;2;3;4\}$
 - A imagem do -1 é o 1;
 - O objeto cuja imagem é 4 é o 2.
- **4)** Domínio: D = [-2,2];
 - Contradomínio: D' = [-1,3];
 - A imagem do -2 e do 2 é o 3;
 - O objeto cuja imagem é -1 é o 0.









Modos de representação de uma função

Uma função pode ser definida de vários modos. Os mais habituais são:

- ✓ diagrama de setas;
- ✓ expressão analítica;
- √ tabela;
- ✓ gráfico.

Destes os que vamos estudar são as funções representadas por uma expressão analítica e as funções definidas por um gráfico.



















Em funções definidas por uma expressão analítica, como determinar o domínio?

Há condições a impor ao domínio de uma função representada por uma expressão analítica:

- √ Uma função polinomial : D = IR
- √Uma função com uma variável no denominador, $y = \frac{f(x)}{g(x)}$:

$$D = \left\{ x \in IR : g(x) \neq 0 \right\}$$

(o denominador tem que ser diferente de zero)







√ Uma função com uma variável dentro de uma raíz índice par,

$$y = \sqrt[2n]{g(x)} \quad , \quad n \in IN :$$

$$D = \left\{ x \in IR : g(x) \ge 0 \right\}$$

(o que está dentro da raíz tem que ser maior ou igual a zero)

✓ Uma função logarítmica do tipo $y = log_a g(x)$:

$$D = \left\{ x \in IR : g(x) > 0 \right\}$$

(o argumento do logaritmo tem que ser positivo)







Exercício 1:

Determine o domínio das funções reais de variável real definidas por:

a)
$$f(x) = 2x - 3$$

d)
$$i(x) = \sqrt{x}$$

b)
$$g(x) = \frac{1}{x}$$

e)
$$j(x) = \sqrt[3]{x+1}$$

c)
$$h(x) = \frac{2x+5}{x^2-x}$$

f)
$$k(x) = \frac{1}{\sqrt{x-3}}$$







Exercícios Propostos:

❖Ficha de Exercícios n.º1

Exercícios 2 e 3

❖ Ficha Extra n.º1

Exercício 1







