(1) (1) Seminar 9-10.

D Fie Kun corp comutation in new. Sacá fektin, κη],

definim functia polinomiali f asociáld lui f exfel:

ξ: K K, ξ(an, an) = ftan, an) ptorice an, ack

Cunde f(an, an) este evolucireo lui f in an, an)

eltfel prus, doca φ: K[x, x, x, ] > K este unicul morfism

de inele pt core φ(x) = x ptorice x e K, cor

φ(x) = an, φ(x) = an (existenta lui φ resulta olun

proprietates de universalitate a ineletor de polinoeme),

etunci f(an, an) este chior φ(ξ) ].

Så se drote cå doca k este infinit si f, gek [k, , Xm]
pentru core f = g, otunci f = g.
Romône afirmatia ederalista pt-k finit?

- (2) So se determine c.m.m.d.c al numeralor interegi 625873 ni 540053 ni no se serie ocesta co o combeinotic liniard a celor dona numera.
- (3) Fie m, n e M. Sá se dute ca (2 m, 2 1) = 2 (m, n) -1.
- Fie n∈N\* Så se oute cå (n!+1, (n+1)!+1) = 1.
- (5) Fie a, b \( \in \mathbb{Z} \) \( \text{No} \) \( \text{si} \) \( \text{d} = (a, b) \). Fie \( \in \mathbb{Z} \), \( \text{No} \) \( \text{se crobe} \) \( \text{continuous docal } \) \( \text{numai daca} \) \( \text{d} \) \( \text{C} \) \( \text{drest caz} \), \( \text{cum se determinous docal } \) \( \text{to ate solutible equation } \) \( \text{to ate solution } \)

- 6) Sà se rezolve ecuption 4x + 144 = 6, unde x, y \( \mathbb{Z} \).
- Fie  $m, n \in \mathbb{N}^*$  cu m impala. Så se oliche cd  $(2^m 1, 2^m + 1) = 1.$
- E Fie F = 22 + 1 penteur n ≥ 0. So se dute cod

  F. F. . . F = F 2 penteur drice m ∈ M. Deducete

  co (Fm, Fm) = 1 penteur drice m ≠ m.
- (9) Fie f = X4+3X3+2X+X-1, g = X4+3X+2X+3 EQ(X).

  So se determine c.m.m.d.c si c.m.m.m.c de lui

  f si g an Q(X) si so se souie (f,g) ca o combeinoble

  limiolid de f si g cu coeficienze an Q(X).
- (20) So se determine e.m.m.d.c al polinos melos f= X - 4X + 1 si g= x 3-3X + 1 sn R[X]
- (1) Så se determine suma si intersectia idealelor (X³+1) si (X5+1) in R[X].
- (12) Fie K un corp comutative si m, n  $\in \mathbb{N}^*$ . So se ducte ca  $(X^{m-1}, X^{m-1}) = X^{(m,n)} 1$  in  $K \subseteq X^{T}$ .

(5 9-10) (3)

(93) Fie  $f = X^{23} + X^{22} + ... + X + 1, g = X^{15} + X^{14} + ... + X + 1 \in \mathcal{Q}[X]$ . So se celculese (f,g).

(4) Care dintre polinoismele

X<sup>2</sup>+X+1, X<sup>3</sup>+X+1, X<sup>4</sup>+X<sup>2</sup>+X+1, X<sup>4</sup>+X+1, X<sup>4</sup>+X+1, X<sup>4</sup>+X+X+1

din Z<sub>2</sub>Cx3 sunt ireductibile?

(15) Sà se determine toète polinoemele ireductibile de grad < 4 din Z<sub>2</sub>[X].

(96) Sà se sovie ca produs de polinoome ireductibile en Z<sub>2</sub> (X) fie core dintre polinoomele:

(a) X5+X3+1

(b) X6+X4+X+1

(c) X15+1.

(7) Este X'+î ireductibil în Z3 [X]?