

Forme patratice. Forma canonica Metodo Gauss. Metoda Jacobi

EXI The $Q: \mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}$, $Q(x) = x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 + x_1 x_2 + x_1 x_3 + x_2 x_3$.

a) G = matricea asrciata in raport cu Ro = [4, e2, e3].

b) $g: \mathbb{R}^3 \times \mathbb{R}^3 \longrightarrow \mathbb{R}$ forma foldra asriata

c) Sa se aduca q la o forma canonica, utilizand metoda Gauss, resp. Jacobi. Este q poz. definita? Generalizare.

Fre $Q: \mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}$, $Q(x) = 2x_1x_2 - 6x_1x_3 - 6x_2x_3$. La ce aduca la o forma canonica (met Gauss/Jacobi) Precipati signatura

 $\frac{5x^{3}}{5x^{3}} = \frac{7}{5x^{4}} \longrightarrow \mathbb{R} \quad , Q(\pi) = \frac{1}{4} + \frac{1$

Sa se aduca la o f. canonica

 $\frac{\text{Ex4}}{G} = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & 3 & 2 \\ 1 & 2 & 1 \end{pmatrix} \text{ matricea assciata in kap. an } Ro = \frac{1}{2}e_1e_2e_3$ Fa se diagonalizese Q.

Ex5 Fie $Q: \mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}$ forma patratica $G' = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ matricea arrelata in raport en $\mathbb{R}^4 = \{ q' = (1/1/1), e_2' = (0/1/0), e_3' = (1/0/0) \}$

Ja se adura 9 la o f. canonica. EX6. $Q: \mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}_1$ $Q(x) = 2x_1^2 + 5x_2^2 + 2x_3^2 - 4x_1x_2 - 2x_1x_3 + 4x_2x_3$ -a) G = ? in kap a Ro b) g: R3x R3 -> R f. plara asciata c) Sa se aduca la o f. canonica qui diverse metode si sa se verifice The inertie Lylvester Ex7. Fre $Q: \mathbb{R}^n \to \mathbb{R}$ forma patratica si $G = AA^T = matricea$ associata in raport seu \mathcal{R}_{o_2} unde $A \in GL(n_1\mathbb{R})$. La se arate sa q ete for definita $\overline{\mathcal{L}}$. Fix $g: \mathcal{M}_2(\mathbb{R}) \times \mathcal{M}_2(\mathbb{R}) \to \mathbb{R}$ g(XIY) = 2Tr(X'Y) -Tr(X)Tr(Y), YXIYEM2(R) a) $g \in L^{\infty}(M_2(\mathbb{R}), M_2(\mathbb{R}); \mathbb{R})$ b) G=? matricea in rap en Ro= Eij Jij=112 c) sa a afle expresia analítica a lui q: Mz(IR) >R forma soitratica asriata d) sá naduca q la of. canonica. Ex9 $g \in L(\mathbb{R}^3, \mathbb{R}^3; \mathbb{R})$, $G = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 0 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$ matricea in rap $\mathcal{C}(\mathbb{R}^3, \mathbb{R}^3; \mathbb{R})$. Q: R3 -> R forma patratica asrevata lui gel(R,R,R) (unde $G' = \frac{1}{2}(G+G^T)$ et e matr. asrc. in rap cu Ro)

La se aduca Q la o-f. canonica