

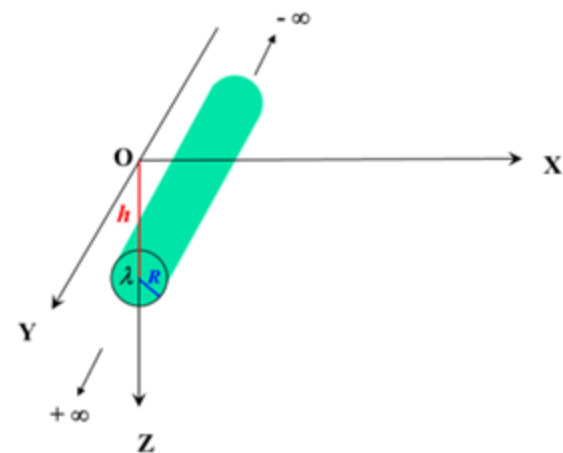
# 重力与固体潮

## 实验二 重力异常数据处理 陈涛

地球物理学院  
中国石油大学（北京）



学期	时间节点	工作内容
第七学期	10月25日前	学院审查指导教师资格和学生资格，并在系统中完成确认毕业生及指导教师名单
	11月10日前	指导教师在系统内完成填报题目（根据学院要求设置专业负责人审核）
	11月15日前	学生网上选题（师生双选）
	11月24日前	指导教师指导学生填写工作进度计划表，并完成任务书下发
	12月31日前	完成风险评估并填报开题安排，组织开题工作
	1月13日前	学生上传开题报告，学院填报开题总结
第八学期	4月7日前	指导教师审核学生填写的中期检查表，学院按照专业提交中期检查总结（须经专业负责人签字确认），教务处开展中期检查
	5月10日～ 学位会前20天	1. 学生在系统提交毕业设计（论文）初稿并进行查重 2. 指导教师评阅、安排盲审 3. 学院针对“重点关注论文”（不限于重点关注论文，可适当放宽比例）组织复检，结合毕业答辩形成总结材料 4. 各学院填报答辩安排
	学位会前10天	学院完成答辩、二次答辩、录入成绩
	学位会前10天 ～学位会	教务处组织专家抽检、优秀毕业设计（论文）评选
	6月27日前	完成定稿论文上传、材料总结归档



$$\lambda = \frac{\sigma \int d\xi \int d\eta \int d\zeta}{\int d\eta} = \sigma \int d\xi \int d\zeta = \sigma \cdot S \rightarrow \lambda = \sigma \cdot \pi R^2$$

在  $xoy$  平面上

$$\Delta g = \frac{2G\lambda D}{x^2 + y^2 + D^2}$$

在  $y = 0$  的剖面上

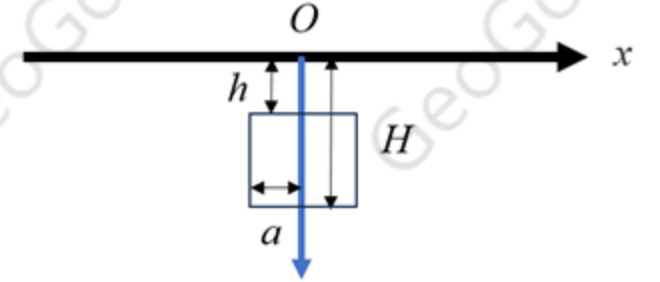
$$\Delta g = \frac{2G\lambda D}{x^2 + D^2}$$

$$\Delta g = G\sigma \left[ (x+a) \ln \frac{(x+a)^2 + H^2}{(x+a)^2 + h^2} - (x-a) \ln \frac{(x-a)^2 + H^2}{(x-a)^2 + h^2} \right. \\ \left. + 2H \left( \operatorname{tg}^{-1} \frac{x+a}{H} - \operatorname{tg}^{-1} \frac{x-a}{H} \right) - 2h \left( \operatorname{tg}^{-1} \frac{x+a}{h} - \operatorname{tg}^{-1} \frac{x-a}{h} \right) \right]$$

$$V_{xz} = G\sigma \ln \frac{[(x+a)^2 + H^2][(x-a)^2 + h^2]}{[(x+a)^2 + h^2][(x-a)^2 + H^2]}$$

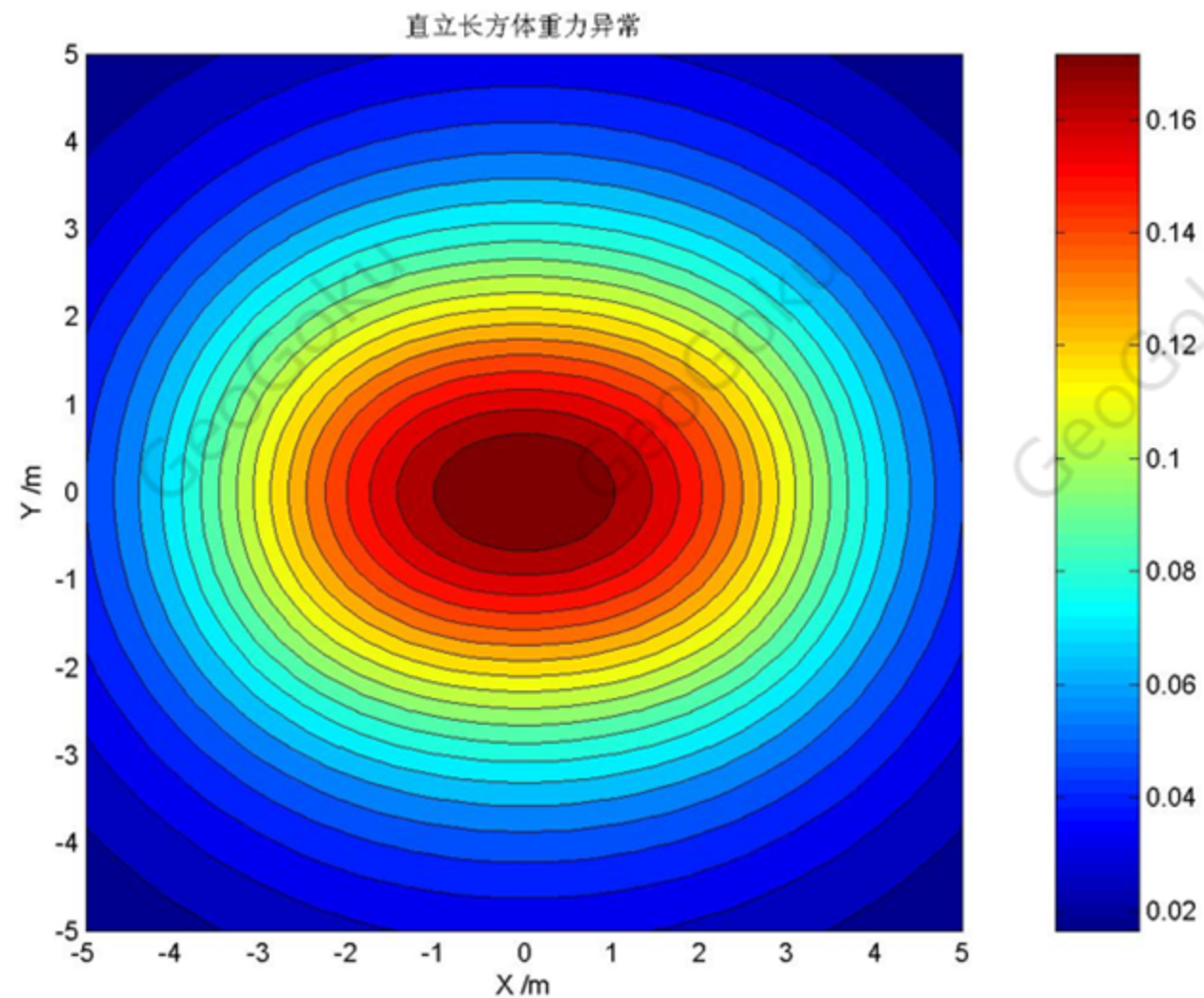
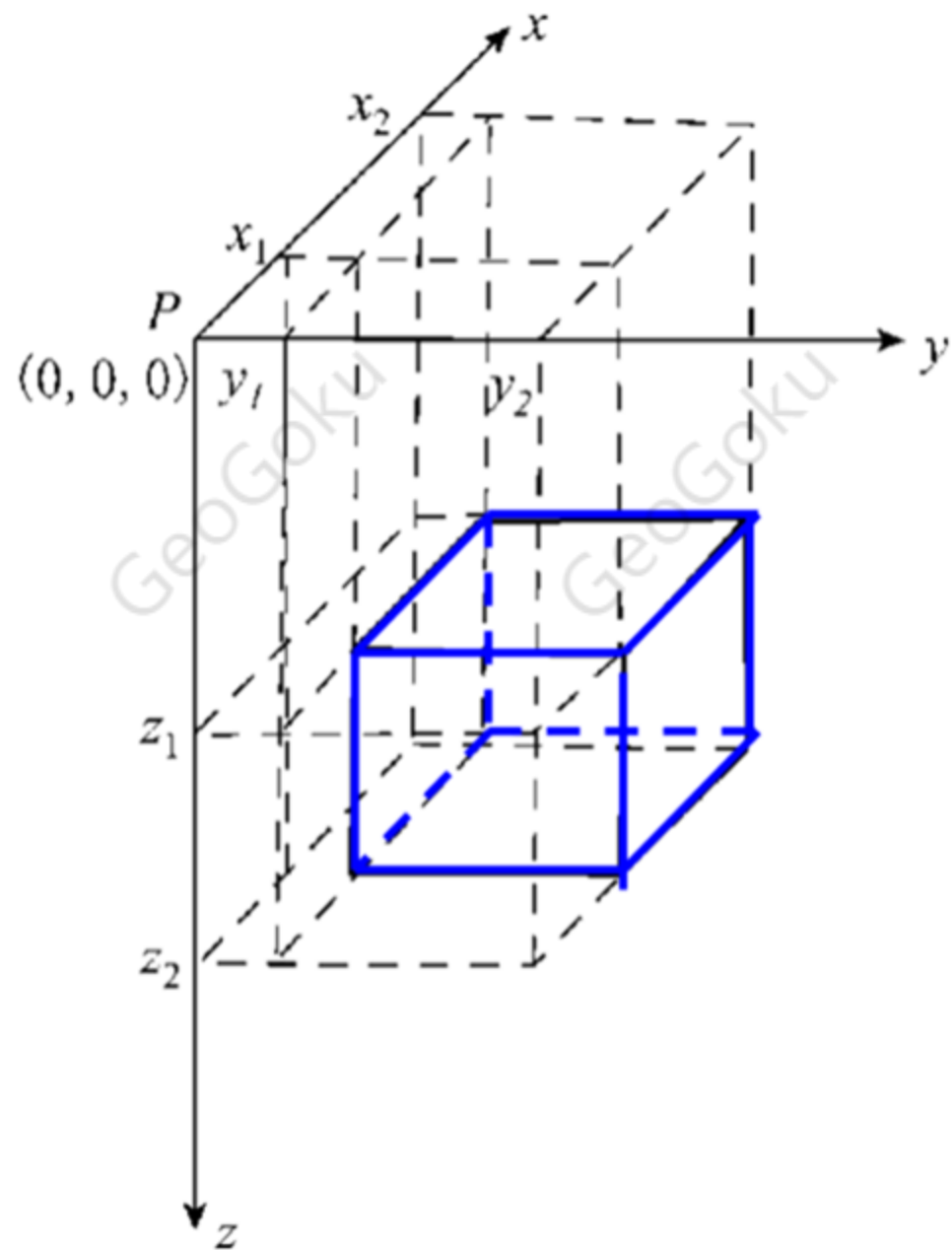
$$V_{zz} = 2G\sigma \left( \operatorname{tg}^{-1} \frac{H}{x+a} - \operatorname{tg}^{-1} \frac{h}{x+a} - \operatorname{tg}^{-1} \frac{H}{x-a} + \operatorname{tg}^{-1} \frac{h}{x-a} \right)$$

$$V_{zzz} = 2G\sigma \left[ \frac{x+a}{(x+a)^2 + h^2} - \frac{x+a}{(x+a)^2 + H^2} - \frac{x-a}{(x-a)^2 + h^2} + \frac{x-a}{(x-a)^2 + H^2} \right]$$





$$\Delta g = -G\sigma \left[ \xi \ln(\eta + \rho) + \eta \ln(\xi + \rho) - \zeta \operatorname{tg}^{-1} \frac{\xi\eta}{\zeta\rho} \right] \Big|_{x_1}^{x_2} \Big|_{y_1}^{y_2} \Big|_{z_1}^{z_2}$$



# 目 录

## 第一节 延拓

- A. 基于二度长方体公式，设计埋深和大小不同的长方体
- B. 利用正演获取不同高度的异常，并以此分析不同高度异常的特征
- C. 理解上下延拓的意义

# 目 录

第一节 延拓

第二节 导数



- A. 基于三度长方体异常公式，设计埋深和大小不同的长方体，计算异常和导数，理解导数作用：识别边界
- B. 基于球体异常公式，利用正演获取不同阶次的导数，理解导数作用：划分相邻密度体
- C. 基于二度长方体异常公式，设计埋深和大小不同的长方体，计算异常和导数，理解导数作用：突出浅部异常体

# 目 录

第一节 延拓

第二节 导数

第三节 最小二乘的应用

- A. 基于二度长方体异常公式，设计埋深和大小不同的长方体，用最小二乘原理进行插值、去噪、场分离试验。

imnoise

## ■ 2.2 函数的多项式拟合法

### 二次拟合多项式

设函数  $g(x, y)$  的二次拟合多项式为  $\bar{g}(x, y)$  , 则

$$\bar{g}(x, y) = \alpha_0 + \alpha_1 x + \alpha_2 y + \alpha_3 x^2 + \alpha_4 xy + \alpha_5 y^2$$

定义目标函数

$$\begin{aligned}\Phi(\alpha^*) &= \sum_{i=1}^N (g_i - \bar{g}_i)^2 \\ &= \sum_{i=1}^N \left\{ g_i - (\alpha_0 + \alpha_1 x_i + \alpha_2 y_i + \alpha_3 x_i^2 + \alpha_4 x_i y_i + \alpha_5 y_i^2) \right\}^2 \\ &= \min \Phi(\alpha)\end{aligned}$$

## ■ 2.2 函数的多项式拟合法

### 二次拟合多项式

$$\frac{\partial \Phi(\alpha)}{\partial \alpha_k} = \sum_{i=1}^N 2[A_i \alpha - g_i] A_{ik} = 0$$

$$\sum_{i=1}^N A_i A_{ik} \alpha = \sum_{k=1}^N g_i A_{ik}$$

$$(A^T A) \alpha = A^T g$$

采用稳定的数值解法求解方程，得到最佳系数。把计算点的坐标代入二次多项式，即可求得函数值。