

PROBLEM SET LIMIT ALJABAR

IPA M - 2

MODUL MATEMATIKA IPA

01. Nilai
$$\lim_{x \to 1} \frac{x^2 + 2x + 1}{x^2 - 1} = \dots$$

- (A) 2
- (B) 0
- (C) 2
- (D) 4
- (E) 00

02.
$$\lim_{x\to a} (f(x)-3g(x))=2$$
 dan $\lim_{x\to a} (3f(x)+g(x))=1$

maka $\lim_{x \to a} f(x)g(x) = \dots$

- (A) $-\frac{1}{2}$
- (B) $-\frac{1}{4}$
 - (C) $\frac{1}{4}$
 - (D) $\frac{1}{2}$
 - (E) 1

03.
$$\lim_{x \to 2} \left(\frac{2x^2 - 8}{x - 2} + \frac{x^2 - 2x}{2x - 4} \right) = \dots$$

- (A) 0
- (B) 6
- (C) 8
- (D) 9
- (E) co

04. Nilai
$$\lim_{x \to 1} \frac{(3x-1)^2 - 4}{x^2 + 4x - 5} = \dots$$

- (A) 0
- (B) 2
- (C) 4
- (D) 8
- (E) 00

05. (UM UGM 2018) Jika
$$\lim_{x\to 2} \frac{x^n - 2^n}{x^{n/3} - 2^{n/3}} = 3\sqrt[3]{16}$$
,

- maka n = ...
- (A) 1
- (B) 2
- (C) 3
- (D) 4
- (E) 5

06. (UTUL'UGM 2017)
$$\lim_{x \to 1} \frac{x^3 - x^2 - x + 1}{x - 2\sqrt{x} + 1} = \dots$$

- (A) 20
- (B) 16
- (C) 8
- (D) 4
- (E) 2

07. (UTBK) Jika
$$\lim_{x \to 1} \frac{\sqrt{ax^4 + b} - 2}{x - 1} = A$$
, maka

$$\lim_{x \to 1} \frac{\sqrt{ax^4 + b} - 2x}{x^2 + 2x - 3} = \dots$$

- (A) $\frac{2-A}{2}$
- (B) $\frac{-A}{2}$
- (c) $\frac{A-2}{4}$
- (D) $\frac{A}{4}$
- (E) $\frac{A+2}{4}$

08. (UTBK) Jika
$$\lim_{x\to 2} \frac{\sqrt[3]{a^3 + \frac{b}{x^3}} - 2}{x - 2} = A$$
, maka nilai dari

$$\lim_{x \to 2} \frac{\sqrt[3]{\frac{a^3}{8} + \frac{b}{8x^3} - x + 1}}{x^2 + 2x - 8} = \dots$$

- (A) $\frac{A-1}{6}$
- (B) $\frac{A-2}{12}$
- (c) $\frac{A-2}{6}$
- (D) $\frac{A+2}{12}$
- (E) $\frac{A+2}{6}$

09. (SBMPTN'18)
$$\lim_{x\to 3} \frac{x^2-9}{\sqrt{x+1}-\sqrt{7-x}} = \dots$$

- 8 (A)
- (B) 12
- (C) 16
- (D) 20
- (E) 24

10. (SBMPTN'18)
$$\lim_{x \to 1} \frac{x^3 - x^2}{\sqrt{2 + 2x} - \sqrt{6 - 2x}} = \dots$$

- (A) 2
- (B) 1
- (c) 0
- (D) 1
- (E) 2

11. (SBMPTN 2008)
$$\lim_{x \to 2} \frac{\sqrt{3x - 2} - 2}{2x - 4} = \dots$$

- (A) 0
- (B) $\frac{3}{8}$
- (C) $\frac{3}{4}$
- (D) 1
- (E) $1\frac{1}{2}$

12. Untuk
$$a \neq 0$$
, nilai $\lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{x + ax^2} - \sqrt{x}}{ax\sqrt{x}} = \dots$

- (A) $-\frac{1}{2}$
- (B) $-\frac{1}{4}$
- (C) 0
- (D) $\frac{1}{4}$
- (E) $\frac{1}{2}$

13.
$$\lim_{x \to 1} \frac{(\sqrt{5-x}-2)(\sqrt{2-x}+1)}{1-x} = \dots$$

- (A) $-\frac{1}{4}$
- (B) $-\frac{1}{2}$
- (c) $\frac{1}{8}$

- (D) $\frac{1}{4}$
- (E) $\frac{1}{2}$

14. (SBMPTN 2014) Jika
$$\lim_{x \to a} \frac{f(x^3) - f(a^3)}{x - a} \approx 1$$

- (A) 1
- (B) 1/3
- (C) 1/3
- (D) 1
- (E) 2

15.
$$\lim_{x \to 8} \frac{\sqrt{2 + \sqrt[3]{x}} - 2}{x - 8} = \dots$$

- (A) $\frac{1}{64}$
- (B) $\frac{1}{48}$
- (C) $\frac{1}{24}$
- (D) $\frac{1}{16}$
- (E) ∞

16.
$$\lim_{x \to 16} \frac{\sqrt{x-4}}{\sqrt{2+\sqrt[4]{x}-2}} = \dots$$

- (A) 5
- (B) 10
- (C) 12
- (D) 16
- (E) 18

17. (SBMPTN 2016) Jika
$$\lim_{x\to -2} \frac{bx^2 + 15x + 15 + b}{x^2 + x - 2}$$
 maka nilai b dan nilai limit tersebut berturut adalah

- (A) 1 dan 0
- (B) 1 dan 1
- (C) 3 dan 1
- (D) 3 dan 1
- (E) 5 dan 0

18. (SBMPTN 2016) Jika a dan b bilangan bulat, serta

$$\lim_{x\to 2} \frac{x^2 - x - b}{2 - x} = a \text{ , maka } b - a = \cdots$$

- (A) 5
- (B) 3
- (c) 1
- (D) 2
- (E) 5
- 19. (SBMPTN 2017) Jika f(x) = ax + b dan

$$\lim_{x \to 4} \frac{f(x)}{\sqrt{x} - 2} = -4$$
, maka $f(1) = ...$

- (A) 5
- (B) 3
- (c) 3
- (D) 4
- (E) 5

$$\lim_{x \to \infty} \frac{(5+6x)(3+x)}{(2x+3)(x^2-1)} = \dots$$

- (A) 3
- (B) 0
- (C) 2
- (D) 3
- (E) ∞

21. Nilai dari
$$\lim_{x \to \infty} \frac{\sqrt{5 - 4x + 3x^2} + \sqrt{4 - 3x + 3x^2}}{2x} =$$

- (A) 0
- (B) $\frac{1}{3}\sqrt{3}$
- (C) \square
- (D) 2√3
- (E) ∞

$$\lim_{x \to \infty} \left(\frac{x^2}{2x - 1} - \frac{x^2}{2x + 1} \right) = \dots$$

- (A) 2
- (B) 1
- (c) $\frac{1}{2}$
- (D) $\frac{1}{4}$
- (E) 0

23.
$$\lim_{x \to \infty} \left(\sqrt{x^2 + x + 5} - \sqrt{x^2 - 3x + 4} \right) = \dots$$

- (A) 2
- (B) 1
- (C) 1
- (D) 2
- (E) ∞

24. (SBMPTN'18)
$$\lim_{x \to \infty} \frac{8}{\sqrt{x^2 + 2x} - \sqrt{x^2 - 6x}} = \dots$$

- (A) 0
- (B) 1
- (C) 2
- (D) 4 (E) 8

25. Nilai dari
$$\lim_{x \to \infty} (2x-1) - \sqrt{4x^2 - 6x - 5} = ...$$

- (A) 4
- (B) 2
- (C) 1
- (D) $\frac{1}{2}$

(E)
$$\frac{1}{4}$$

26.
$$\lim_{x \to \infty} \left(\sqrt{4x^2 + 4x - 3} - 2x + 5 \right) = \dots$$

- (A) 6
- (B) 4
- (c) 1
- (D) 4
- (E) 6

27.
$$\lim_{x \to \infty} \left(\sqrt{4x^2 + 8x} - \sqrt{x^2 + 1} - \sqrt{x^2 + x} \right) = \dots$$

- $(A)\frac{5}{2}$
- (B)2
- (C) $\frac{3}{2}$
- (D) 1
- $(E)\frac{1}{2}$



"Kamu tidak perlu menjadi luar biasa untuk memulai, namun kamu harus memulai untuk menjadi luar biasa"

0. Jika a dan b penyelesaian dari persamaan $\sqrt{2x-5} = 1 + \sqrt{x-3}$, maka $a+b = \dots$

- (A) 4
- (B) 6
- (C) 10
- (D) 12
- (E) 14

1. Jika $x - \frac{1}{x} = 5$, maka nilai dari $x^2 + \frac{1}{x^2} = \dots$

- (A) 23
- (B) 25
- (C) 27
- (D) 30
- (E) 32

2. Jika x+y=1 dan $x^2+y^2=3$, maka nilai dari

$$x^3 + y^3 = \dots$$

- (A) 5
- (B) 2
- (C) 2
- (D) 4
- (E) 7

3. (MODEL UTBK) Jika (a, b) adalah solusi dari

persamaan kuadrat $\begin{cases} x^2 + y^2 - 2x = 19 \\ x + y^2 = 1 \end{cases}$ maka nilai

terbesar dari a+4b adalah

- (A) 4
- (B) 5
- (C) 10
- (D) 11
- (E) 14

(7)

4 (MODELUTBK) Jumlah semua ordinat penyelesaian

sistem persamaan $\begin{cases} x^2 - y^2 = 2y + 8 \\ x^2 + y^2 - 4x + 2y - 8 = 0 \end{cases}$ adalah

- (A) -2
- (B) 0
- (C) 1
- (D) 2
- (E) 4

15. (UM UGM 2019) Diketahui $x^2 + 2xy + 4x = -3$ dan $9y^2 + 4xy + 12y = -1$. Nilai x + 3y adalah

- (A) 2
- (B) 1
- (C) 0
- (D) -1
- (E) -2

16. (SBMPTN 2018) Titik (a,b) terletak pada grafik $y = bx^2 + (1-b^2)x - 56$ Jika a-b=7, maka ab adalah

- (A) 7
- (B) 5
- (C) 1
- (D) 1
- (E) 5

17. (UM UGM 2018) Jika x dan y bilangan real yang memenuhi x-y=1 dan $(x^2-y^2)(x^2-2xy+y^2)=3$, maka nilai xy=...

- (A) $1 \sqrt{2}$
- (B) 0
- (C) 1
- (D) 2
- (E) $1+\sqrt{2}$

18. (SIMAK UI INTER 2016) Jika $x^2 + xy + y^2 = 91$ dan $x + \sqrt{xy} + y = 13$ untuk x > y, maka x - y = ...

- (A) 3
- (B) 7
- (C) 8
- (D) 9
- (E) 10

19. Jika $a^2 + b^2 = 6ab$ dan 0 < a < b, maka nilai dari $\frac{a+b}{a-b} = \dots$

- (A) $-\sqrt{2}$
- (B) -1
- (C) 0
- (D) 1 ·
- (E) $\sqrt{2}$



Nasib BAIK selalu berpihak pada orang yang berpikiran BAIK. Oleh sebab itu, jangan bosan bosan berbuat BAIK