

Εθνικό και Καποδιστριακό Πανεπιστήμιο Αθηνών Τμήμα Πληροφορικής & Τηλεπικοινωνιών Παράλληλα Υπολογιστικά Συστήματα Σεπτέμβριος 2019

Παραλληλοποίηση Αλγορίθμου Προσομοίωσης Μεταφοράς Θερμότητας

Γιώργος Κατσογιάννης-Μεϊμαράκης sdi1400065@di.uoa.gr

Γιάννης Χήρας sdi1400225@di.uoa.gr

Περιεχόμενα

1	Εισ	αγωγή	1
2	Μετ 2.1 2.2	Μεταγλώττιση	1 1 1
		·	
3		γαλεία Ανάπτυξης Project Version Control (Git/Github)	1
4	Ο ργ 4.1		2
5	Βελ	τιωμένο Πρόγραμμα ΜΡΙ	2
	5.1	, , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	2
	5.2		2
	5.2	·	2
		•	
		9 , "	2
			2
		·	2
		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	2
		· · ·	3
			3
		5.2.8 Γείτονες σε ίδιο κόμβο	3
		5.2.9 Persistent Communication	3
		5.2.10 Δυναμικοί Πίνακες	3
	5.3		3
	5.4	·	4
	5.5		4
	0.0		•
6	Βελ	τιωμένο Πρόγραμμα ΜΡΙ με Σύγκλιση	4
	6.1		4
	6.2		5
	6.3	•	5
	6.4		5
	0.4	Efficiency	J
7	Βελ	τιωμένο Υβριδικό Πρόγραμμα MPI & OpenMP με Σύγκλιση	5
	7.1	Γενικά	5
	7.2		6
		·	6
			7
	7.3		8
	7.4	·	8
			8
	7.5	Efficiency	Ŏ

1 Εισαγωγή

HEAT2D is based on a simplified two-dimensional heat equation domain decomposition. The initial temperature is computed to be high in the middle of the domain and zero at the boundaries. The boundaries are held at zero throughout the simulation. During the time-stepping, an array containing two domains is used; these domains alternate between old data and new data. At each time step, worker processes must exchange border data with neighbors, because a grid point's current temperature depends upon its previous time step value plus the values of the neighboring grid points.

Για κάθε τετράγωνο του πλέγματος η τιμή της θερμοκρασίας στο επόμενο time-step υπολογίζεται από την εξής εξίσωση:

$$u'[x][y] = u[x][y]$$

$$+ c_x * (u[x+1][y] + u[x-1][y] - 2 * u[x][y])$$

$$+ c_y * (u[x][y+1] + u[x][y-1] - 2 * u[x][y])$$

Όπου $c_x = c_y = 0.1$ σταθερές.

2 Μεταγλώττιση & Εκτέλεση

2.1 Μεταγλώττιση

Τα προγράμματα μεταγλωττίζονται με τις παρακάτω εντολές και παράγουν ένα εκτελέσιμο το οποίο δίνεται προς εκτέλεση στην ουρά του συστήματος.

Για τη μεταγλώττιση προγραμμάτων που θα χρησιμοποιηθούν για μετρήσεις, δίνουμε στον complier το flag -O3 για τη βελτιστοποίηση του κώδικα σε χαμηλό επίπεδο.

• mpi_heat2Dn.c: Βελτιωμένος κώδικας MPI χωρίς σύγκλιση

```
mpicc -O3 mpi_heat2Dn.c -o mpi_heat2Dn.x
```

• mpi_heat2Dn_conv.c: Βελτιωμένος κώδικας MPI με σύγκλιση

```
mpicc -O3 mpi_heat2Dn_conv.c -o mpi_heat2Dn.x
```

mpi_heat2Dn_hybrid.c: Βελτιωμένος υβριδικός κώδικας MPI + OpenMP με σύγκλιση
 mpicc -O3 -fopenmp mpi_heat2Dn_hybrid.c -o mpi_heat2Dn.x

2.2 Εκτέλεση

Για την εκτέλεση του προγράμματος στο cluster του hellasgrid.gr χρησιμοποιούμε το script pbs_script.sh

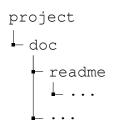
qsub pbs_script.sh

3 Εργαλεία Ανάπτυξης Project

3.1 Version Control (Git/Github)

Για την καλύτερη διαχείρηση των εκδόσεων του κώδικα και των αλλαγών χρησιμοποιείται το πρόγραμμα git και η πλατφόρμα Github.

4 Οργάνωση Αρχείων & Φακέλων



Ο κώδικας οργανώνεται σε διαφορετικά αρχεία ανάλογα με το σκοπό και τη λειτουργικότητά του. Συγκεκριμένα στα εξής αρχεία:

- 4.1 Οργάνωση Αρχείων
- 5 Βελτιωμένο Πρόγραμμα ΜΡΙ
- 5.1 Γενικά
- 5.2 Ανάλυση Βελτιώσεων
- 5.2.1 Διαμοιρασμός σε 2 Διαστάσεις

Ο διαμοιρασμός του πίνακα γίνεται πλέον σε 2 διαστάσεις αντί μιας. Χρησιμοποιούμε το cartesian topology κομμάτι (βιβλιοθήκη?) του MPI για αυτό το διαμοιρασμό. Έτσι, κάθε διεργασία έχει πλέον εώς και 4 γείτονες, ενώ το taskid της αλλάζει ωστε να αντιπροσωπεύει τη θέση της στον καρτεσιανό διαχωρισμό.

5.2.2 Άλω Εξωτερικών Σημείων

Το μέγεθος πίνακα κάθε διεργασίας έχει αυξηθεί κατά 2 σε κάθε κατεύθυνση (1 στήλη στην αρχή και στο τέλος, 1 σειρά στην αρχή και στο τέλος) σχηματίζοντας άλω (halo points). Εκεί αποθηκεύονται οι γειτονικές τιμές που απαιτούνται απο τα εξωτερικά σημεία για τον υπολογισμό της νέας τιμής τους. Η ανταλλαγή αυτών των πληροφοριών δεν γίνεται μεμονομένα, αλλά με αποστολή/λήψη ολόκληρων στηλών και σειρών ανά φορά, για αποφυγή καθυστέρησης (latency) στην επικοινωνία.

5.2.3 Workflow Επικοινωνιών - Υπολογισμός

Το κυρίως τμήμα της επανάληψης έχει αλλάξει δραστικά δομή.

Χρησιμοποιούμε non-blocking επικοινωνία (Isend) για να στείλουμε τις τιμές των εξωτερικών σημείων στους ανάλογους γείτονές της διεργασίας, ενώ αντίστοιχα λαμβάνονται (Irecv) χωρίς blocking οι τιμές των halo points. Μέχρι να ολοκληρωθεί η επικοινωνία, η διεργασία υπολογίζει τις εσωτερικές τιμές του grid της, οι οποίες βασίζονται σε δεδομένα που ήδη έχει.

Έπειτα περιμένει να ολοκληρωθεί η λήψη των halo points, με 4 Wait για τα ανάλογα requests. Αφού τα λάβει, η διεργασία υπολογίζει την νέα τιμή των εξωτερικών στοιχείων της. Τέλος, αφού περιμένει βεβαίωση ολοκλήρωσης της αποστολής (4 ακόμα Wait), αλλάζει τον "νέο" πίνακα σε "παλιό", αλλάζοντας απλά την μεταβλητή που φέρει τον ενεργό πίνακα.

5.2.4 Πρώτα Receive - Μετά Send

Η νέα σειρά της λήψης (1η) και της αποστολής (2η), που επιτρέπεται λόγω του non-blocking communication, βεβαιώνει το ότι οι διεργασίες θα είναι έτοιμες για λήψη, όταν γίνει η αποστολή,μειώνοντας την καθυστέρηση.

5.2.5 Datatypes Σειρών - Στηλών

Χρησιμοποιούμε 2 δομές (MPI_Type_vector) για να περιγράψουμε τις στήλες και τις σειρές. Έτσι η ανταλλαγή τους γίνεται άμεσα και αποφεύγεται αντιγραφή τιμών, ή χρήση buffer, για τη λήψη και την αποστολή.

Συγκεκριμένα, η δομή της σειράς (MPI_ROW) έχει columns στοιχεία, δηλαδή όσες στήλες έχει ο πίνακας της διεργασίας. Κάθε στοιχείο είναι ένας MPI_DOUBLE, και απέχει 1 στοιχείο απο το επόμενο.

Αντίστοιχα, η δομή της στήλης, έχει rows στοιχεία, δηλαδή όσες σειρές έχει ο πίνακας της διεργασίας. Κάθε στοιχείο είναι ένας MPI_DOUBLE, και απέχει rows στοιχεία απο το επόμενο.

5.2.6 Υπολογισμός Γειτόνων

Ο υπολογισμός των γειτόνων κάθε διεργασίας γίνεται μόνο μια φορά στην αρχή, μέσω συναρτήσεων της καρτεσιανής τοπολογίας. Οι γείτονες φυσικά είναι σταθεροί κατά τη διάρκεια μιας εκτέλεσης.

5.2.7 Αποφυγή Ifs για Επικοινωνίες Γειτόνων

Ορίζουμε τα ranks για τους ανύπαρκτους γείτονες κάθε διεργασίας ως MPI_PROC_NULL, ώστε να αποφεύγονται περιττοί έλεγχοι (if, case).

Οι τιμές στις αντίστοιχες θέσεις του halo αρχικοποιούνται σε 0, και δεν αλλάζουν.

5.2.8 Γείτονες σε ίδιο κόμβο

Οι γειτονικές διεργασίες τοποθετούνται όσο είναι δυνατόν στους ίδιους κόμβους, για να ελαττώνεται η καθυστέρηση του κόστους επικοινωνίας. Αυτό επιτυγχάνεται αυτόματα μέσω των διεργασίων του cartesian topology. Ελέγχουμε την επιτυχία του με το MPI_Get_processor_name.

5.2.9 Persistent Communication

Καθώς οι γείτονες είναι σταθεροί, εφαρμόζουμε persistent communication.

Δημιουργούμε 2 πίνακες send request (s_array), και 2 receive request (r_array), έναν για κάθε instance του πίνακα (10 - 20). Κάθε θέση αφορά σε έναν γείτονα, με MPI_Send_init/MPI_Recv_init στους αντίστοιχους πίνακες. Κάθε φορά χρησιμοποιείται το request του "τωρινού" πίνακα. Μέσα στην επανάληψη, απλά καλείται με MPI_Start η ανάλογη επικοινωνιακή συνάρτηση, με τους ήδη αποθηκευμένους παραμέτρους. Έτσι αποφεύγουμε τον επαναυπολογισμό τους.

5.2.10 Δυναμικοί Πίνακες

Αποφεύγουμε την αντιγραφή τιμών μεταξύ των πινάκων, ανταλλάζοντας απλά την τιμή της μεταβλητής iz, που υποδεικνύει τον τωρινό πίνακα, απο 0 σε 1 και αντίστροφα.

5.3 Χρόνοι

Στο παρακάτω πίνακα φαίνονται οι μετρήσεις χρόνων που πήραμε τρέχοντας το πρόγραμμα mpi_heat2Dn στο cluster του hellasgrid.

Nodes	Tasks	80×64	160×128	320×256	640×512	1280×1024	2560×2048	5120×4096
1	1	0.003476	0.013983	0.116129	0.464293	1.907506	7.492858	30.003448
1	4	0.001333	0.004159	0.014871	0.117549	0.472859	1.935913	7.563494
2	16	0.118759	0.153217	0.013015	0.012097	0.098547	0.053514	2.033478
8	64	0.281022	0.414862	0.061213	0.301717	0.326839	0.316296	0.527302
16	128	0.041406	0.131406	0.433416	0.321896	0.487963	0.296483	0.274705
20	160	0.071904	0.089528	0.596713	0.487695	0.521694	0.273331	0.205910

Table 1: Χρόνοι Εκτέλεσης mpi_heat2Dn

Στη συνέχεια αναπαριστάμε γραφικά την αλλαγή του χρόνου εκτέλεσης για κάθε μέγεθος του προβλήματος καθώς αυξάνονται τα tasks που εργάζονται για να το λύσουν.

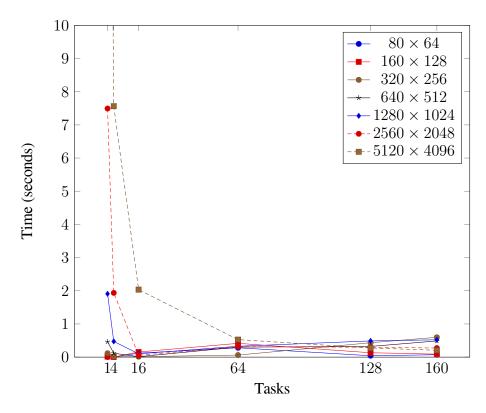


Figure 1: Χρόνοι Εκτέλεσης mpi_heat2Dn προς πλήθος Tasks

5.4 Speed-up

Nodes	Tasks	80×64	160×128	320×256	640×512	1280×1024	2560×2048	5120×4096
1	1	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00
1	4	2.61	3.36	7.81	3.95	4.03	3.87	3.97
2	16	0.03	0.09	8.92	38.38	19.36	140.02	14.75
8	64	0.01	0.03	1.90	1.54	5.84	23.69	56.90
16	128	0.08	0.11	0.27	1.44	3.91	25.27	109.22
20	160	0.05	0.16	0.19	0.95	3.66	27.41	145.71

Table 2: Speed-up για το mpi_heat2Dn

5.5 Efficiency

6 Βελτιωμένο Πρόγραμμα ΜΡΙ με Σύγκλιση

6.1 Γενικά

Ο έλεγχος σύγκλισης τιμών συμβαίνει ανά CONV_PERIOD βήματα της επανάληψης. Στα κατάλληλα βήματα, η συνάρτηση υπολογισμού των νέων τιμών update αλλάζει, και προστίθεται σε αυτή ο έλεγχος για διαφορά των παλιών/νέων τιμών. Έτσι αποφεύγεται ενα περιττό διπλό for/iteration του πίνακα αρχικά για τον υπολογισμό των νέων τιμών και στη συνέχεια για τον έλεγχο αυτόν.

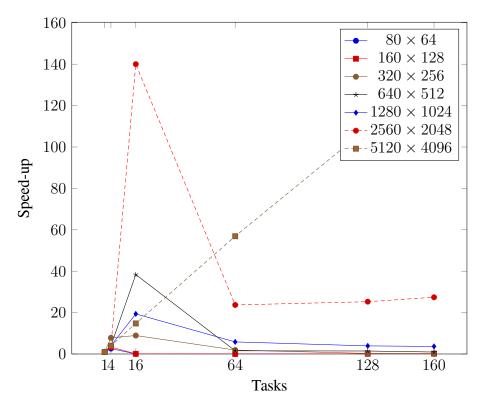


Figure 2: Speed-up του mpi_heat2Dn προς πλήθος Tasks

Nodes	Tasks	80×64	160×128	320×256	640×512	1280×1024	2560×2048	5120×4096
1	1	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00
1	4	2.61	3.36	7.81	3.95	4.03	3.87	3.97
2	16	0.01	0.05	4.46	19.19	9.68	70.01	7.38
8	64	0.00	0.00	0.24	0.19	0.73	2.96	7.11
16	128	0.01	0.01	0.02	0.09	0.24	1.58	6.83
20	160	0.00	0.01	0.01	0.05	0.18	1.37	7.29

Table 3: Efficiency για το mpi_heat2Dn

Στο τέλος του αναλόγου βήματος, γίνεται το reduce που υπολογίζει τη συνολική σύγκλιση των διεργασιών.

Στο συγκεκριμένο project, καθώς θέλαμε όλα τα βήματα των ελέγχων να είναι ίσα, δεν εκμεταλλευόμαστε την πληροφορία αυτή, αλλά έχουμε υπογραμμίσει με σχόλιο το σημείο που η διακοπή του αλγορίθμου θα γινόταν.

- 6.2 Χρόνοι
- 6.3 Speed-up
- 6.4 Efficiency

7 Βελτιωμένο Υβριδικό Πρόγραμμα MPI & OpenMP με Σύγκλιση

7.1 Γενικά

Στη συνέχεια δημιουργήσαμε ένα υβριδικό πρόγραμμα συνδιάζοντας MPI και OpenMP. Με τη χρήση του OpenMp δημιουργήσαμε threads τα οποία μοιράζονται το φόρτο των for loops, προσπαθώντας

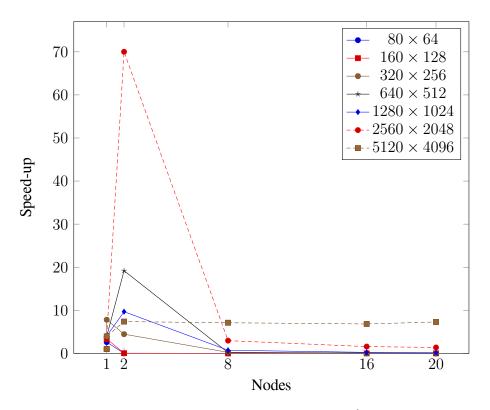


Figure 3: Efficiency του mpi_heat2Dn προς πλήθος Nodes

Nodes	Tasks	80×64	160×128	320×256	640×512	1280×1024	2560×2048	5120×4096
1	1	0.003599	0.014306	0.116803	1.912541	3.587840	14.385803	30.130099
1	4	0.001452	0.004271	0.015229	0.468824	0.469402	1.943977	7.594688
2	16	0.012620	0.802080	0.105832	1.995662	2.004883	2.232759	0.023318
8	64	0.704997	0.398689	0.191372	0.203051	0.533432	0.564690	0.045449
16	128	0.567120	0.533837	0.325748	0.316250	0.384510	0.475910	0.071355
20	160	0.400491	0.356482	0.354197	0.342627	0.318850	0.214963	0.105473

Table 4: Χρόνοι Εκτέλεσης mpi_heat2Dn_conv

Nodes	Tasks	80×64	160×128	320×256	640×512	1280×1024	2560×2048	5120×4096
1	1	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00
1	4	2.48	3.35	7.67	4.08	7.64	7.40	3.97
2	16	0.29	0.02	1.10	0.96	1.79	6.44	1292.14
8	64	0.01	0.04	0.61	9.42	6.73	25.48	662.94
16	128	0.01	0.03	0.36	6.05	9.33	30.23	422.26
20	160	0.01	0.04	0.33	5.58	11.25	66.92	285.67

Table 5: Speed-up για το mpi_heat2Dn_conv

έτσι να βελτιώσουμε την απόδοση του προγράμματος.

7.2 Βελτιώσεις

7.2.1 Δημιουργία Threads

Για να είναι όσο το δυνατόν πιο αποδοτικό το εν λόγω πρόγραμμα, η δημιουργία των threads αντί να γίνεται κάθε φορά που φτάνουμε στο σημείο των υπολογισμών, γίνεται εκτός της κύριας επανάληψης. Όταν φτάσουμε στο σημείο των υπολογισμών, κάνουμε schedule στα threads την

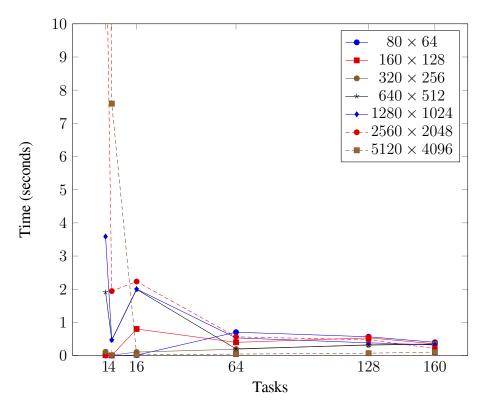


Figure 4: Χρόνοι Εκτέλεσης mpi_heat2Dn_conv προς πλήθος Tasks

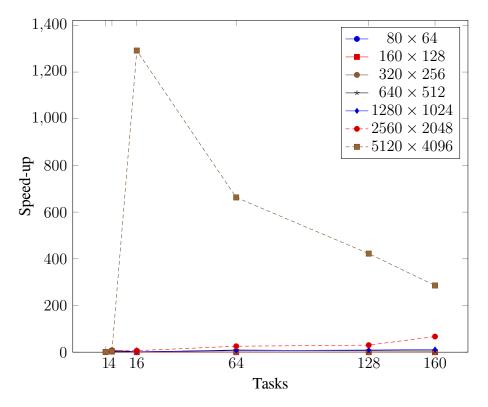


Figure 5: Speed-up του mpi_heat2Dn_conv προς πλήθος Tasks

δουλειά που πρέπει να γίνει.

7.2.2 Έλεγχος σύγλισης

Όπως και στο προηγούμενο πρόγραμμα, ο έλεγχος σύγκλισης γίνεται ταυτόχρονα με τον υπολογισμό των νέων τιμών έτσι ώστε να αποφύγουμε να κάνουμε τις διπλάσιες επαναλήψεις πάνω στον

Nodes	Tasks	80×64	160×128	320×256	640×512	1280×1024	2560×2048	5120×4096
1	1	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00
1	4	2.48	3.35	7.67	4.08	7.64	7.40	3.97
2	16	0.14	0.01	0.55	0.48	0.89	3.22	646.07
8	64	0.00	0.00	0.08	1.18	0.84	3.18	82.87
16	128	0.00	0.00	0.02	0.38	0.58	1.89	26.39
20	160	0.00	0.00	0.02	0.28	0.56	3.35	14.28

Table 6: Efficiency για το mpi_heat2Dn_conv

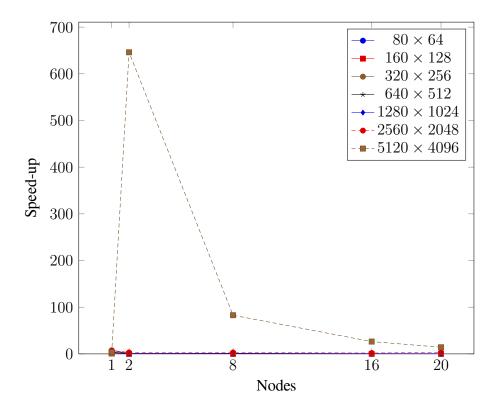


Figure 6: Efficiency του mpi_heat2Dn_conv προς πλήθος Nodes

πίνακα.

7.3 Χρόνοι

Στη συνέχεια παραθέτουμε τους χρόνους εκτέλεσης του υβριδικού προγράμματος για διάφορους αριθμούς nodes, processes per node και threads.

7.4 Speed-up

7.5 Efficiency

Nodes	PPN	Threads	80×64	160×128	320×256	640×512	1280×1024	2560×2048	5120×4096
1	1	4	0.017807	0.076955	0.849709	6.237978	18.845583	94.873767	419.162658
1	2	2	0.010130	0.054823	0.302259	4.974396	5.028509	76.641657	346.727030
1	2	4	0.010141	0.042359	0.573377	5.160128	13.141330	77.193930	346.580322
2	2	8	0.041168	0.046581	0.307811	4.093556	1.288874	4.958769	343.488488
2	4	4	0.048170	0.054576	0.117058	0.605236	1.287806	4.941937	37.707930
2	8	2	0.050319	0.113991	0.077582	0.397800	2.373664	9.473987	19.348335
2	8	4	0.045401	0.053395	0.090122	0.350299	13.168804	75.159566	19.255832
8	32	2	0.0451497	1.458103	1.566198	2.001983	2.741039	3.373491	4.997810
8	32	4	0.0571659	1.054486	1.977853	2.744596	5.358996	9.114651	13.694557
8	16	4	6.149755	0.994236	2.094377	3.649588	5.001397	7.811678	9.335702
8	8	8	0.084391	0.197436	0.374159	0.569843	0.742369	1.422739	4.036750
16	64	2	2.547896	2.784369	2.974612	2.897413	3.014716	3.364197	3.941678
16	64	4	1.557396	2.317885	2.569332	3.468102	3.671539	5.039125	8.997672
16	32	4	0.686951	1.247556	2.648337	5.276559	4.168227	5.066149	7.330571
16	16	8	0.0579463	1.722579	2.165993	3.943687	4.379551	4.089271	9.325899

Table 7: Χρόνοι Εκτέλεσης mpi_heat2Dn_hybrid

Nodes	PPN	Threads	80×64	160×128	320×256	640×512	1280×1024	2560×2048	5120×4096
1	1	4	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00
1	2	2	1.76	1.40	2.81	1.25	3.75	1.24	1.21
1	2	4	1.76	1.82	1.48	1.21	1.43	1.23	1.21
2	2	8	0.43	1.65	2.76	1.52	14.62	19.13	1.22
2	4	4	0.37	1.41	7.26	10.31	14.63	19.20	11.12
2	8	2	0.35	0.68	10.95	15.68	7.94	10.01	21.66
2	8	4	0.39	1.44	9.43	17.81	1.43	1.26	21.77
8	32	2	0.39	0.05	0.54	3.12	6.88	28.12	83.87
8	32	4	0.31	0.07	0.43	2.27	3.52	10.41	30.61
8	16	4	0.00	0.08	0.41	1.71	3.77	12.15	44.90
8	8	8	0.21	0.39	2.27	10.95	25.39	66.68	103.84
16	64	2	0.01	0.03	0.29	2.15	6.25	28.20	106.34
16	64	4	0.01	0.03	0.33	1.80	5.13	18.83	46.59
16	32	4	0.03	0.06	0.32	1.18	4.52	18.73	57.18
16	16	8	0.31	0.04	0.39	1.58	4.30	23.20	44.95

Table 8: Speed-up $\gamma\iota\alpha$ to mpi_heat2Dn_hybrid

Nodes	PPN	Threads	80×64	160×128	320×256	640×512	1280×1024	2560×2048	5120×4096
1	1	4	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00
1	2	2	1.76	1.40	2.81	1.25	3.75	1.24	1.21
1	2	4	1.76	1.82	1.48	1.21	1.43	1.23	1.21
2	2	8	0.22	0.83	1.38	0.76	7.31	9.57	0.61
2	4	4	0.18	0.71	3.63	5.15	7.32	9.60	5.56
2	8	2	0.18	0.34	5.48	7.84	3.97	5.01	10.83
2	8	4	0.20	0.72	4.71	8.90	0.72	0.63	10.88
8	32	2	0.05	0.01	0.07	0.39	0.86	3.52	10.48
8	32	4	0.04	0.01	0.05	0.28	0.44	1.30	3.83
8	16	4	0.00	0.01	0.05	0.21	0.47	1.52	5.61
8	8	8	0.03	0.05	0.28	1.37	3.17	8.34	12.98
16	64	2	0.00	0.00	0.02	0.13	0.39	1.76	6.65
16	64	4	0.00	0.00	0.02	0.11	0.32	1.18	2.91
16	32	4	0.00	0.00	0.02	0.07	0.28	1.17	3.57
16	16	8	0.02	0.00	0.02	0.10	0.27	1.45	2.81

Table 9: Efficiency $\gamma\iota\alpha$ to mpi_heat2Dn_hybrid