

## Лекция 2 Цифровая обработка изображений

Курс «Компьютерное зрение»



Одиночный

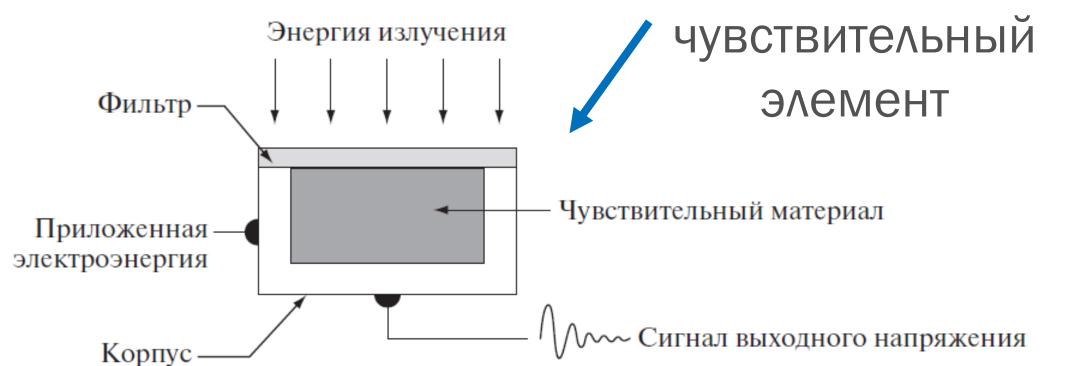
**Цифровое изображение** Считывание и регистрация

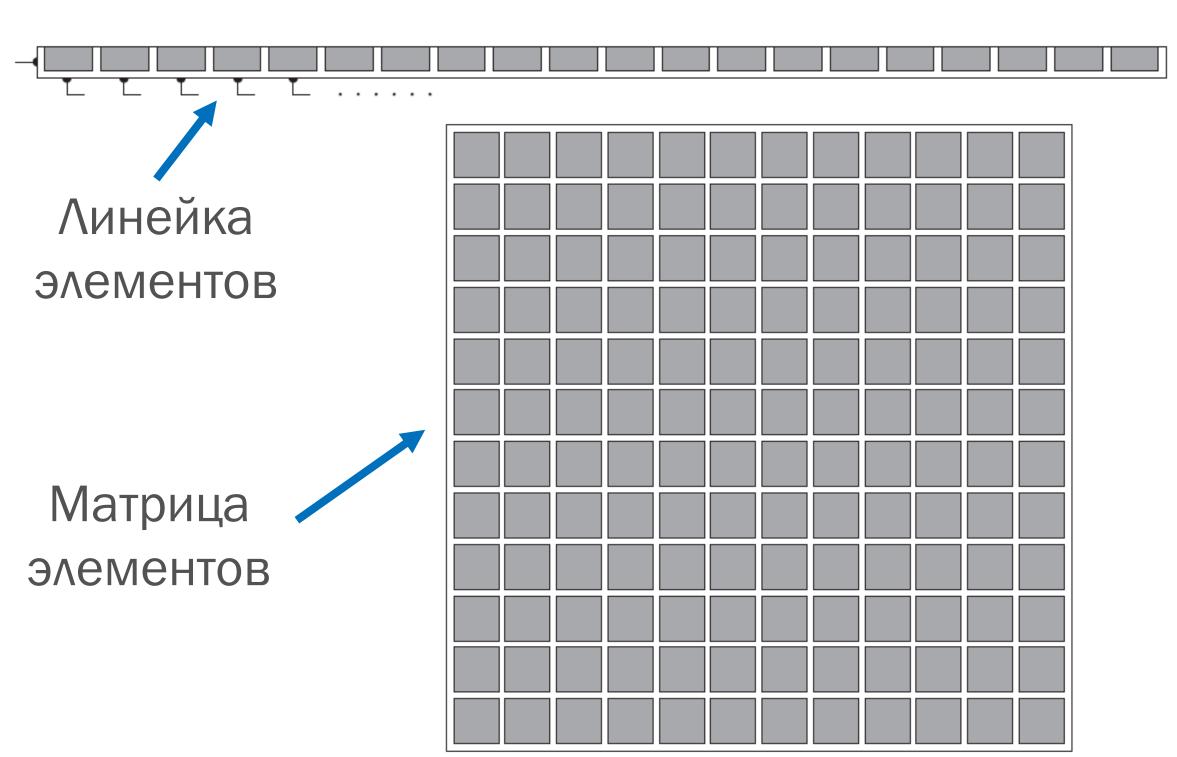
#### Изображение:

▶ 2-мерное отображение наблюдаемой сцены, возникающее как результат регистрации лучистой энергии, исходящей из наблюдаемой сцены, с помощью сенсора

#### Сигнал возникает:

- В результате взаимодействия источника освещения и элементов сцены
- В условиях эффектов отражения и поглощения энергии этого источника







## **Цифровое изображение**Регистрация с помощью одиночного сенсора

#### Пример:

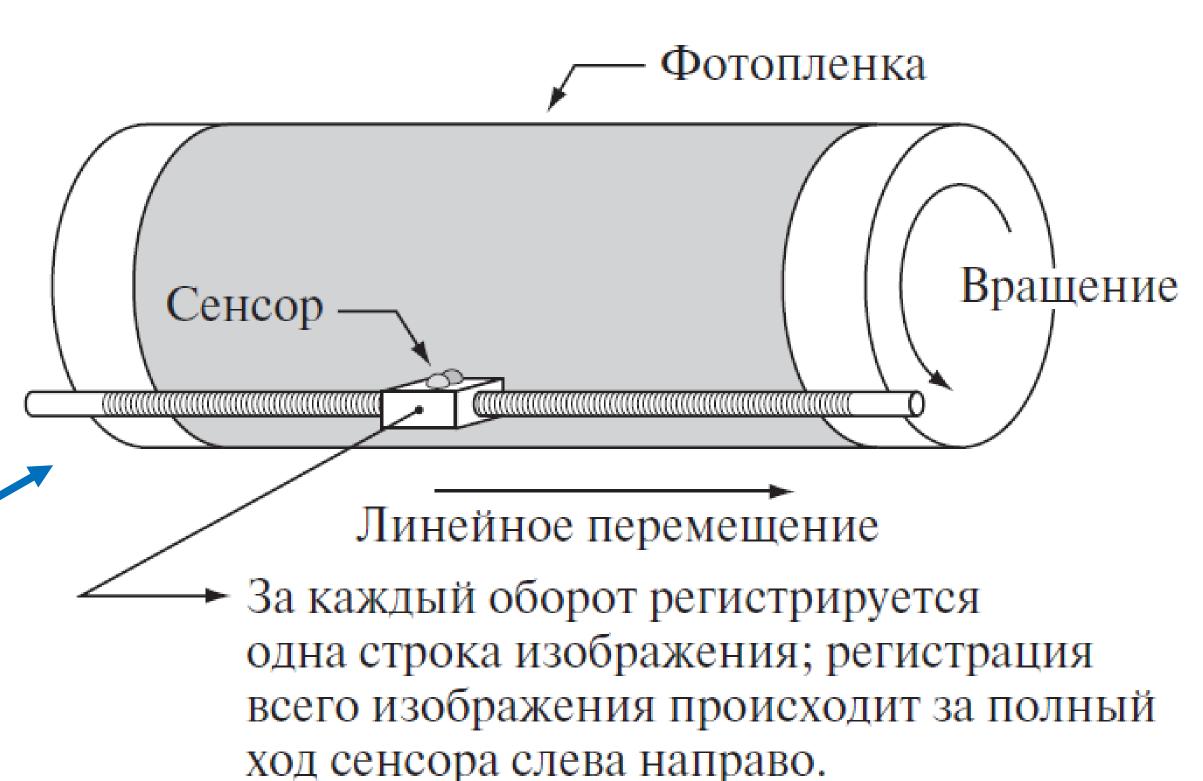
▶ Фотодиод (U<sub>вых</sub> ~ освещенности)

#### Получение 2-мерного изображения:

 Перемещение сенсора в 2-х взаимно перпендикулярных направлениях относительно регистрируемой области

#### Конструкция прецизионного сканера:

- Пленочный негатив на барабане, вращение которого обеспечивает перемещение по 1-й оси
- ➤ Сенсор на ходовом винте ⇔ линейная подача в перпендикулярном направлении





## **Цифровое изображение Регистрация с помощью линейки сенсоров**

Конструкция планшетных сканеров:

▶ Перемещение линейки в перпендикулярном направлении ⇔ получение всех строк изображения

Кольцеобразные наборы сенсоров:

 Получение изображений поперечного сечения 3-мерных объектов

Выходные сигналы сенсоров подлежат обработке с помощью алгоритмов реконструкции





# **Цифровое изображение**Регистрация с помощью матрицы сенсоров

#### Пример:

- Цифровые камеры, типичный чувствительный элемент матрице на основе ПЗС
- Отклик каждого сенсора
  пропорционален интегралу световой
  энергии, попадающей на его
  поверхность за время экспозиции
- > > время экспозиции => низкий уровень шума

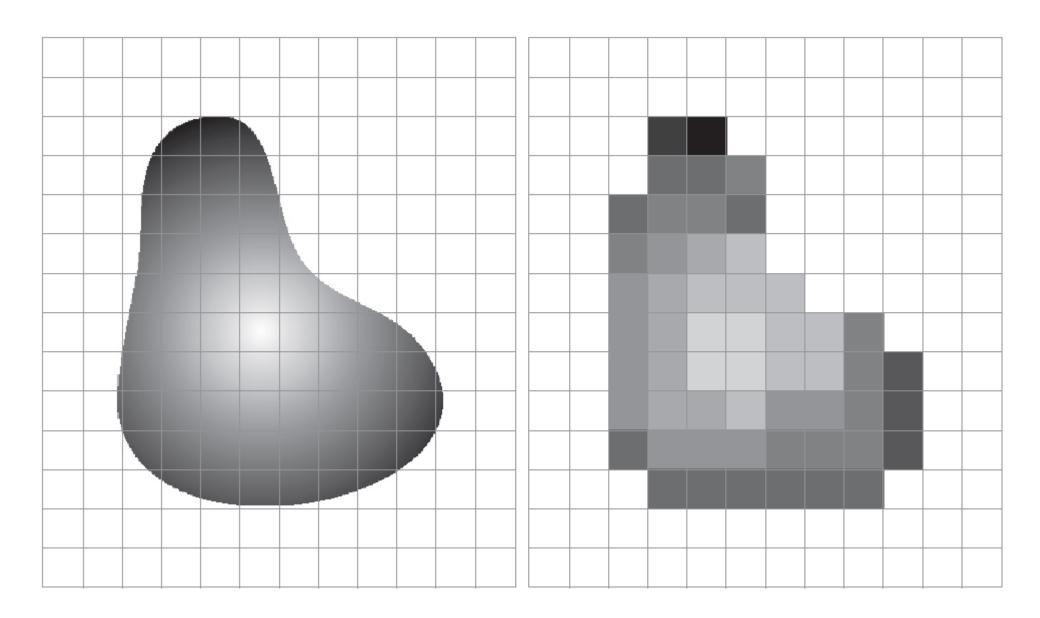




### Дискретизация и квантование

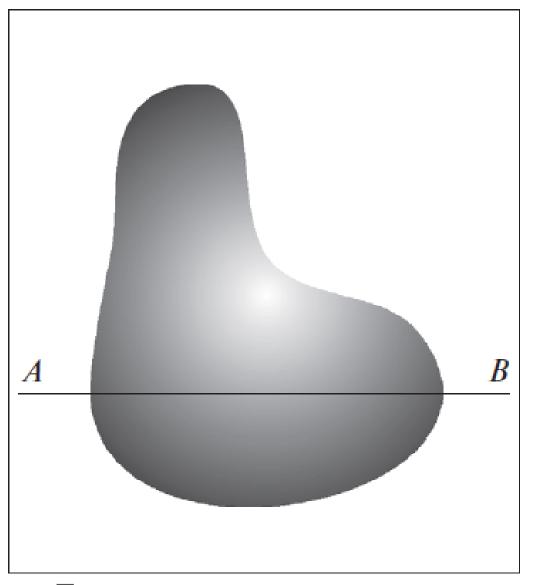
#### Основные понятия

- Дискретизация представление координат в виде конечного множества отсчетов
- Жвантование представление амплитуды значениями из конечного множества

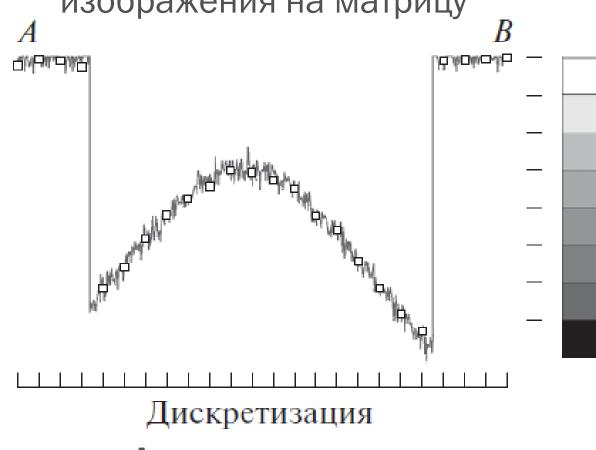


Проекция непрерывного изображения на матрицу

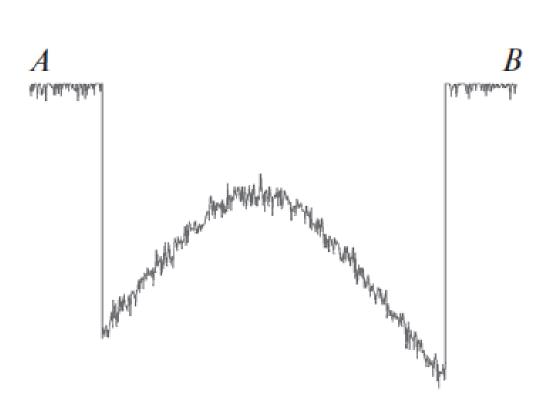
Результат дискретизации и квантования



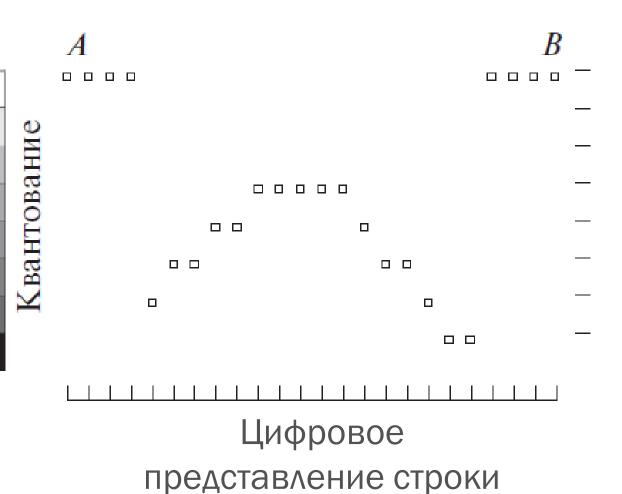
Проекция непрерывного изображения на матрицу



Дискретизация Дискретизация и квантование



Профиль вдоль линии сканирования



изображения

**Дискретизация и квантование** Представление изображения

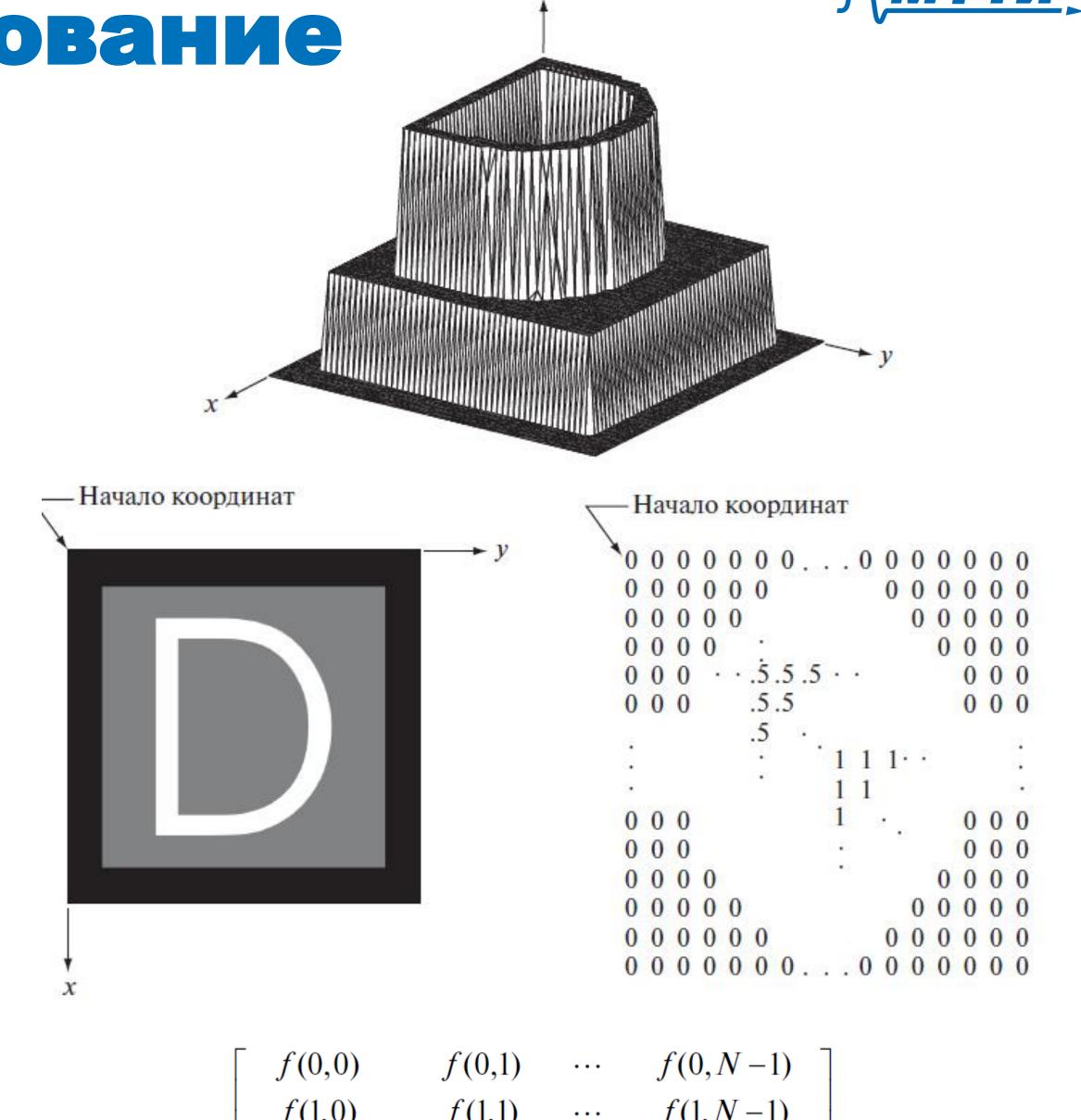
#### Способы представления:

- ▶ Работа с множествами полутонов (x, y, z)
- > Графическое представление f(x, y)
- > Численное представление матрицы f(x, y)

#### Работа с матрицей f(x, y):

- ➤ Вычисления / алгоритмы отображение шкалы яркостей L на интервал [0, 1]
- Хранение и визуализация обратное масштабирование на интервал целых значений [0, L-1]

Контраст – разность между максимальным и минимальным уровнями яркости изображения



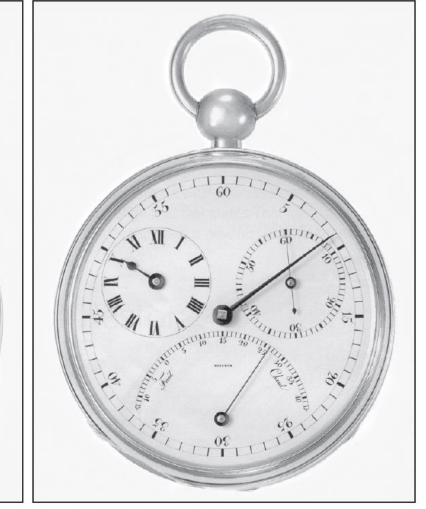
f(x, y)

$$f(x,y) = \begin{bmatrix} f(0,0) & f(0,1) & \cdots & f(0,N-1) \\ f(1,0) & f(1,1) & \cdots & f(1,N-1) \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ f(M-1,0) & f(M-1,1) & \cdots & f(M-1,N-1) \end{bmatrix}.$$

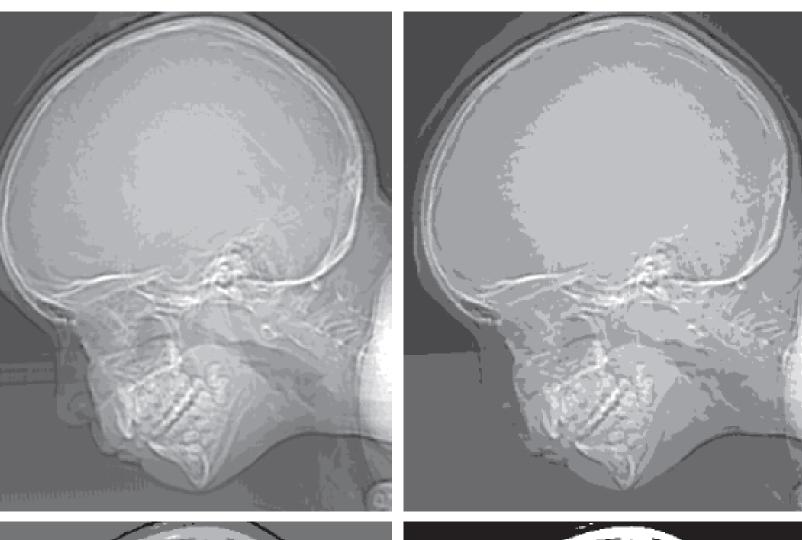


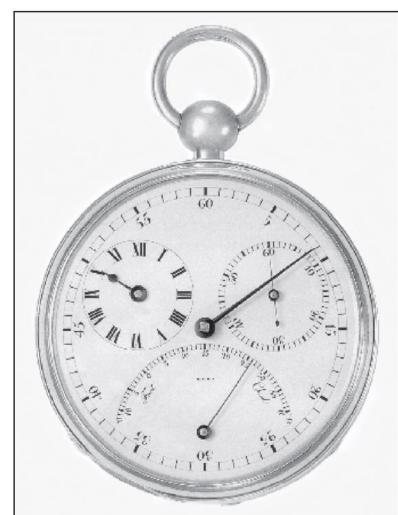
## **Дискретизация и квантование**Пространственное и яркостное разрешение





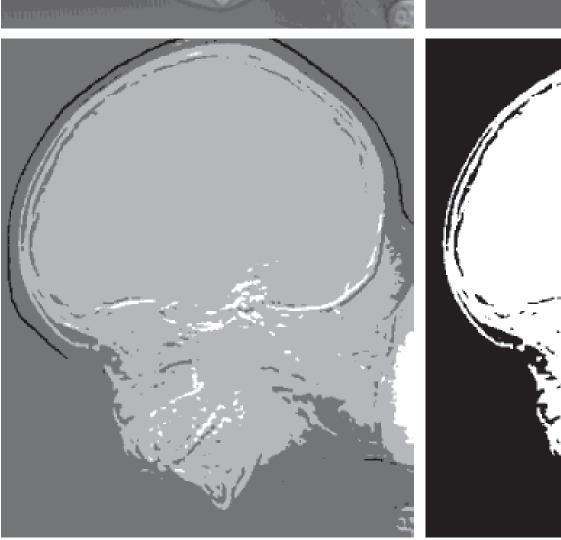
Уменьшение пространственного разрешения: 1250 dpi, 300dpi, 150 dpi, 72 dpi







Уменьшение яркостного разрешения: 16, 8, 4, 2 градации яркости





## **Дискретизация и квантование Интерполяция цифрового изображения**

#### Интерполяция:

▶ Процесс, при котором имеющиеся данные используются для оценки значений в неизвестных точках

#### Виды интерполяции

- 1 По ближайшему соседу
- 2 Билинейная
- **З** Бикубическая

$$v(x,y) = ax + by + cxy + d,$$

$$v(x,y) = \sum_{i=0}^{3} \sum_{j=0}^{3} a_{ij} x^{i} y^{j},$$

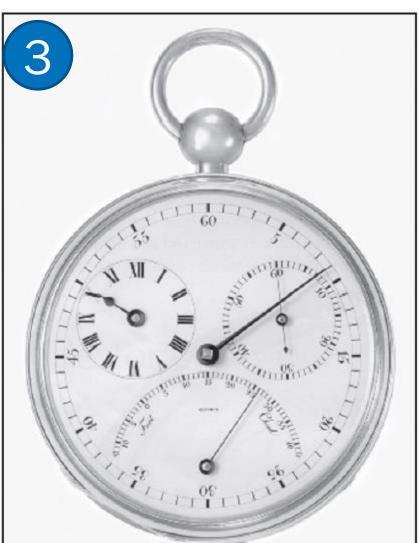














### Отношения между пикселями Соседи, смежность, связность, область и границы

$$(x+1,y),(x-1,y),(x,y+1),(x,y-1).$$

≽ N<sub>4</sub>(p) – 4 соседа по вертикали и горизонтали

$$(x+1,y+1),(x+1,y-1),(x-1,y+1),(x-1,y-1)$$

Конфигурация пикселей

Отношения т-

Смежность – для бинарного изображения – соседние пиксели с единичной яркостью

Граница области – замкнутый контур – множество точек области, у которых один или более соседей принадлежат фону

$$\left\{ 
 \begin{array}{c}
 1 & 1 & 1 \\
 1 & 0 & 1 \\
 0 & 1 & 1 \\
 0 & 1 & 1 \\
 0 & 1 & 1 \\
 0 & 1 & 1 \\
 1 & 1 & 1
 \end{array} \right\} R_{i}$$

Две области, являющиеся 8-смежными

Внешняя граница области образует замкнутый путь



### Отношения между пикселями Меры расстояния

Функция расстояния (метрика):

- а)  $D(p, q) \ge 0$ , причем D(p, q) = 0 тогда и только тогда, когда p = q,
- б) D(p, q) = D(q, p),
- B)  $D(p, z) \le D(p, q) + D(q, z)$ .

Евклидово расстояние (метрика L2):  $D_e(p,q) = \left[ (x-s)^2 + (y-t)^2 \right]^{\frac{1}{2}}$ 

Расстояние D<sub>4</sub> (метрика L1):

Расстояние D<sub>8</sub>:

$$D_4(p,q) = |x-s| + |y-t|$$

$$D_8(p,q) = \max(|x-s|,|y-t|).$$



# Математический аппарат Поэлементные и матричные операции

Пример:

два изображения 2х2

$$\begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{bmatrix} \mathbf{u} \begin{bmatrix} b_{11} & b_{12} \\ b_{21} & b_{22} \end{bmatrix}.$$

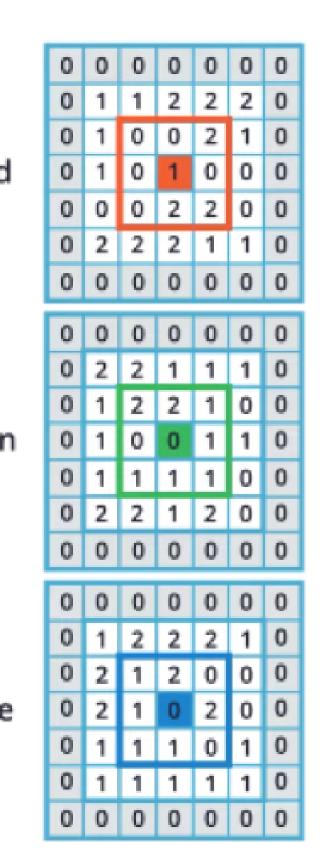
Поэлементное произведение

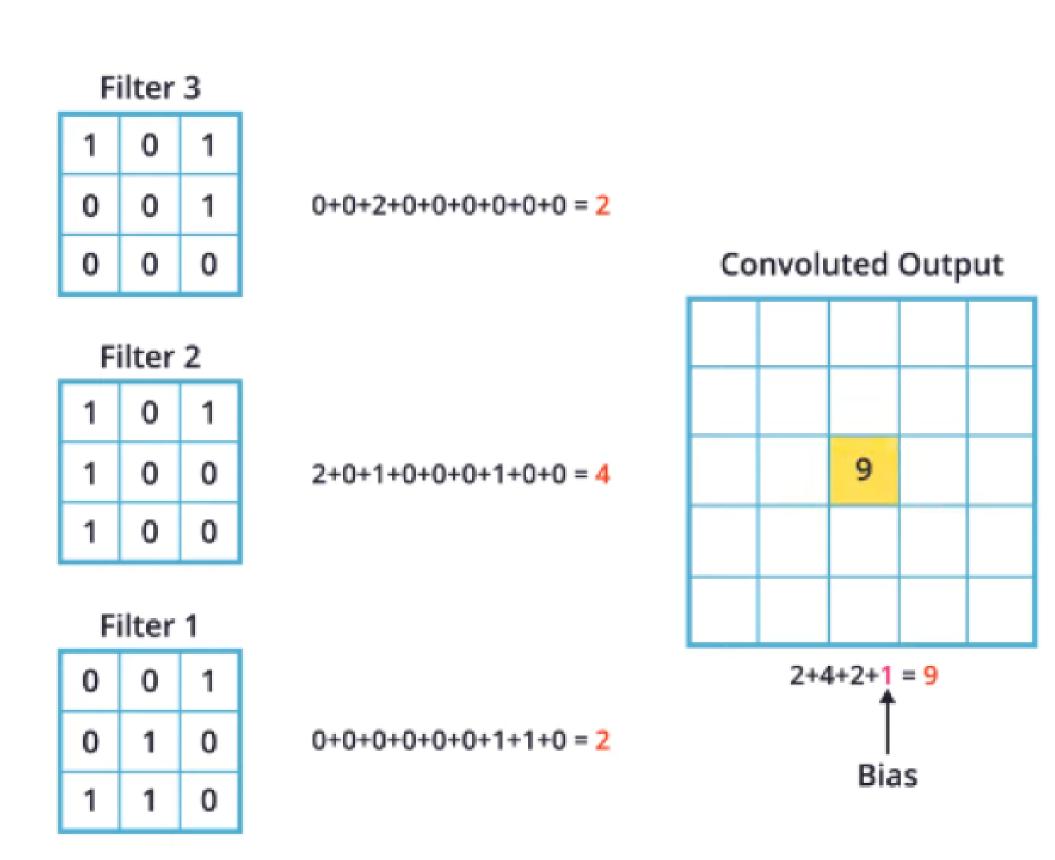
$$\begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} b_{11} & b_{12} \\ b_{21} & b_{22} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{11}b_{11} & a_{12}b_{12} \\ a_{21}b_{21} & a_{22}b_{22} \end{bmatrix}.$$

Матричное произведение

$$\begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} b_{11} & b_{12} \\ b_{21} & b_{22} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{11}b_{11} + a_{12}b_{21} & a_{11}b_{12} + a_{12}b_{22} \\ a_{21}b_{11} + a_{22}b_{21} & a_{21}b_{12} + a_{22}b_{22} \end{bmatrix}.$$

Использование матричных операций в свертке







### Математический аппарат Линейные и нелинейные преобразования

Оператор: H[f(x,y)] = g(x,y)

Критерий линейности:  $H[a_i f_i(x,y) + a_j f_j(x,y)] = a_i H[f_i(x,y)] + a_j H[f_j(x,y)] = a_i g_i(x,y) + a_j g_j(x,y),$ 

Свойства:

- Аддитивность
- Однородность

Пример линейного оператора sum():

$$\sum [a_i f_i(x, y) + a_j f_j(x, y)] = \sum a_i f_i(x, y) + \sum a_j f_j(x, y) =$$

$$= a_i \sum f_i(x, y) + a_j \sum f_j(x, y) = a_i g_i(x, y) + a_j g_j(x, y),$$

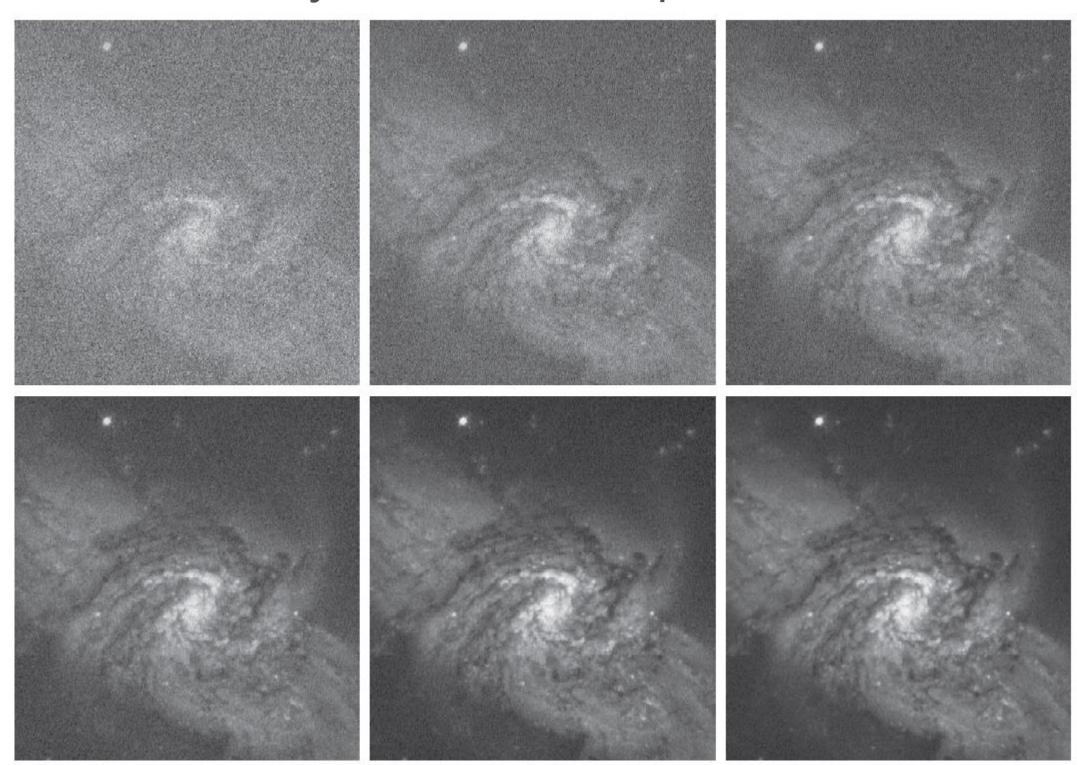
Пример нелинейного оператора max():  $\max \left\{ (1) \begin{vmatrix} 0 & 2 \\ 2 & 3 \end{vmatrix} + (-1) \begin{vmatrix} 6 & 5 \\ 4 & 7 \end{vmatrix} \right\} = \max \left\{ \begin{vmatrix} -6 & -3 \\ -2 & -4 \end{vmatrix} \right\} = -2.$ 

(1) 
$$\max \left\{ \begin{bmatrix} 0 & 2 \\ 2 & 3 \end{bmatrix} \right\} + (-1) \max \left\{ \begin{bmatrix} 6 & 5 \\ 4 & 7 \end{bmatrix} \right\} = 3 + (-1)7 = -4.$$

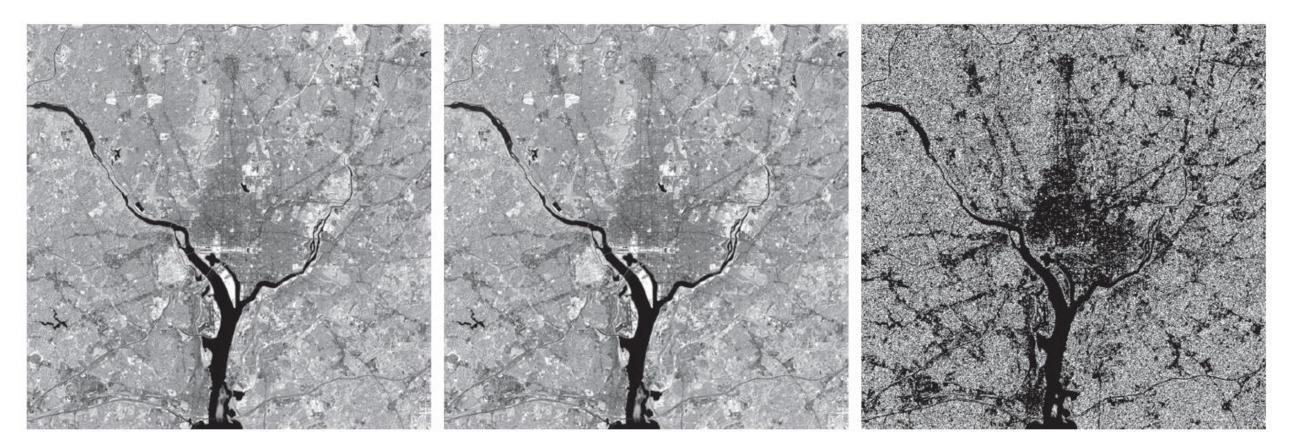


# Математический аппарат Арифметические операции

Результаты усреднения 5, 10, 20, 50 и 100 зашумленных изображений



Результат разности изображений 1 и 2



Применение маски путем перемножения





### Математический аппарат Пространственные операции

простра	анствен	іные опе	рации
Название преобразования	Аффинная матрица <b>Т</b>	Преобразование координат	Пример
Тождественное преобразование	$   \begin{bmatrix}     1 & 0 & 0 \\     0 & 1 & 0 \\     0 & 0 & 1   \end{bmatrix} $	x = v $y = w$	y x
Изменение масштаба	$\begin{bmatrix} c_x & 0 & 0 \\ 0 & c_y & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	$x = c_x v$ $y = c_y w$	
Поворот	$\begin{bmatrix} \cos\theta & \sin\theta & 0 \\ -\sin\theta & \cos\theta & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	$x = v\cos\theta - w\sin\theta$ $y = v\sin\theta + w\cos\theta$	
Параллельный перенос (сдвиг)	$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ t_x & t_y & 1 \end{bmatrix}$	$x = v + t_x$ $y = w + t_y$	
Вертикальный скос	$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ s_{\nu} & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	$x = v + s_v w$ $y = w$	
Горизонтальный	$\begin{bmatrix} 1 & s_h & 0 \end{bmatrix}$	x = v	

 $y = S_h v + w$ 

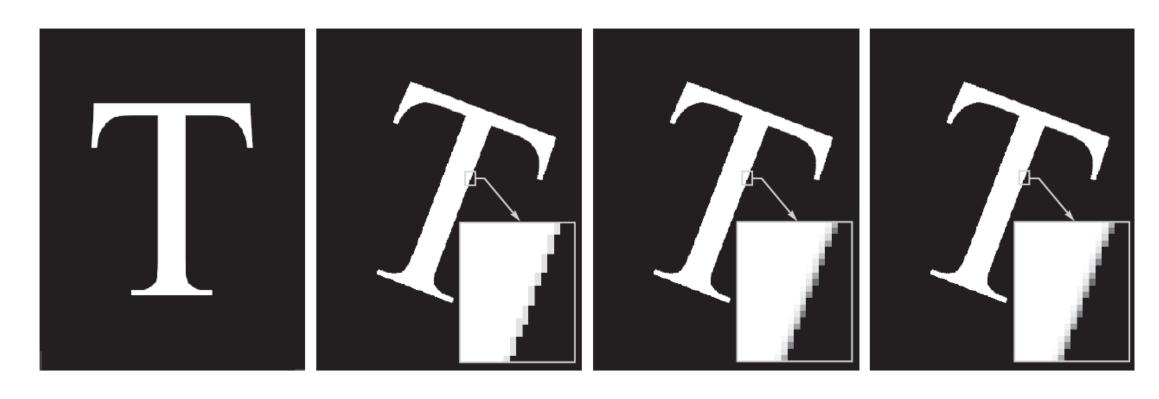
CKOC

Аффинное преобразование

$$[x \ y \ 1] = [v \ w \ 1] \mathbf{T} = [v \ w \ 1] \begin{bmatrix} t_{11} & t_{12} & 0 \\ t_{21} & t_{22} & 0 \\ t_{31} & t_{32} & 1 \end{bmatrix}.$$

Результат поворота на 21°:

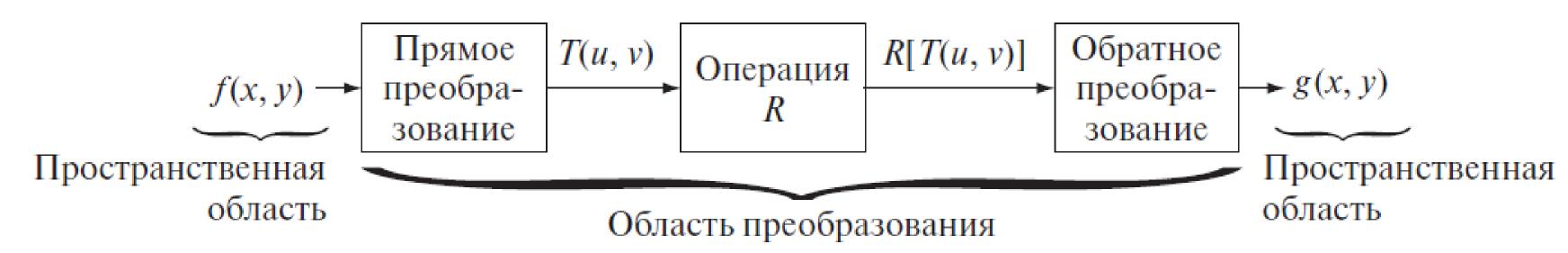
Разные виды интерполяции





### Математический аппарат Преобразования изображений

Общий подход к обработке в области линейных преобразований



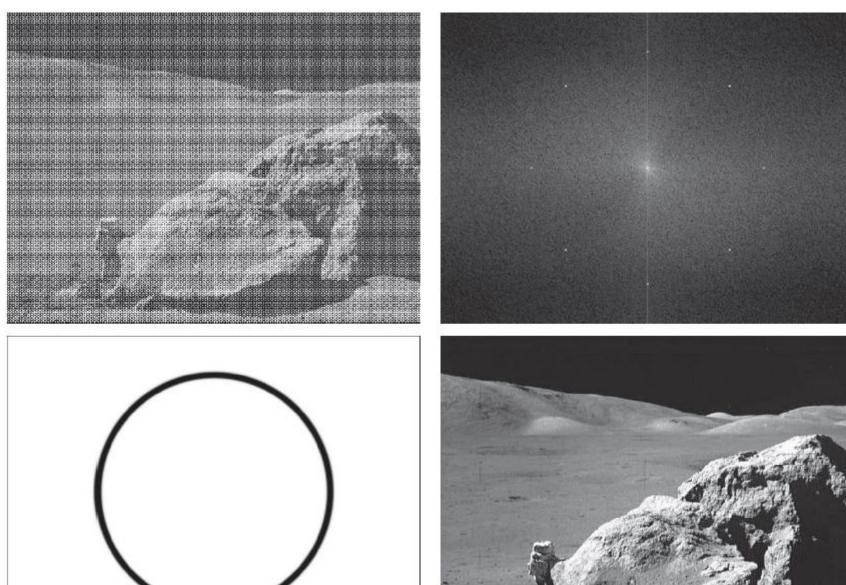
Устранение синусоидальных помех в частотной области

Общий вид класса двумерных линейных преобразований:

$$T(u,v) = \sum_{x=0}^{M-1} \sum_{y=0}^{N-1} f(x,y) r(x,y,u,v),$$

где f(x, y) – исходное изображение,

r(x, y, u, v) – ядро прямого преобразования





### Математический аппарат Вероятностные методы

#### Вероятностные параметры:

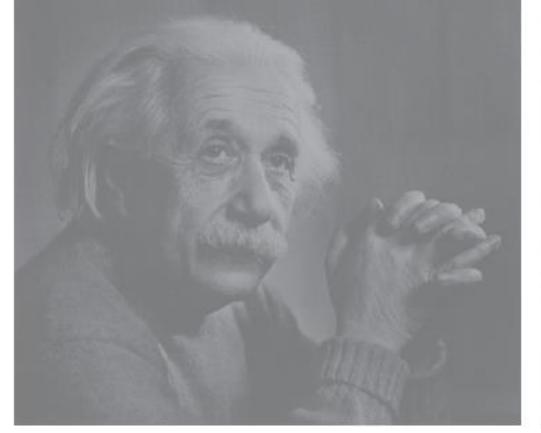
 $\triangleright$  Вероятность встретить уровень яркости  $z_k$ :  $p(z_k) = \frac{n_k}{MN}$ ,  $\sum_{k=0}^{L-1} p(z_k) = 1$ .

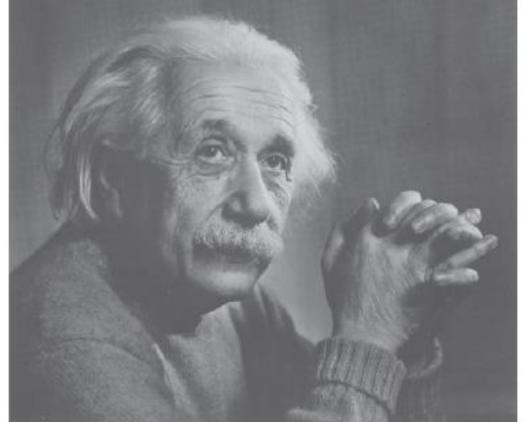
$$ightharpoonup$$
 Среднее значение яркости:  $m = \sum_{k=0}^{L-1} z_k p(z_k)$ .

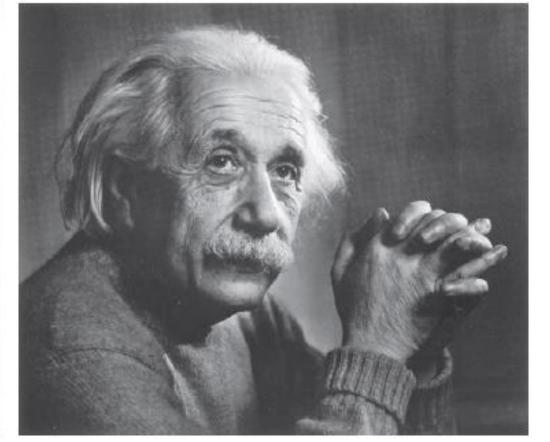
> Дисперсия яркости:

$$\sigma^2 = \sum_{k=0}^{L-1} (z_k - m)^2 p(z_k).$$

Изменение контраста изображения с ростом значения дисперсии яркости









# Обработка в пространственной области Введение

Классы пространственной обработки:

 Яркостные преобразования – оперируют отдельными пикселями с целью управления контрастом и пороговыми операциями над изображением  Пространственная фильтрация – оперирует над окрестностью каждой точки изображения с целью повышения резкости и выделения границ

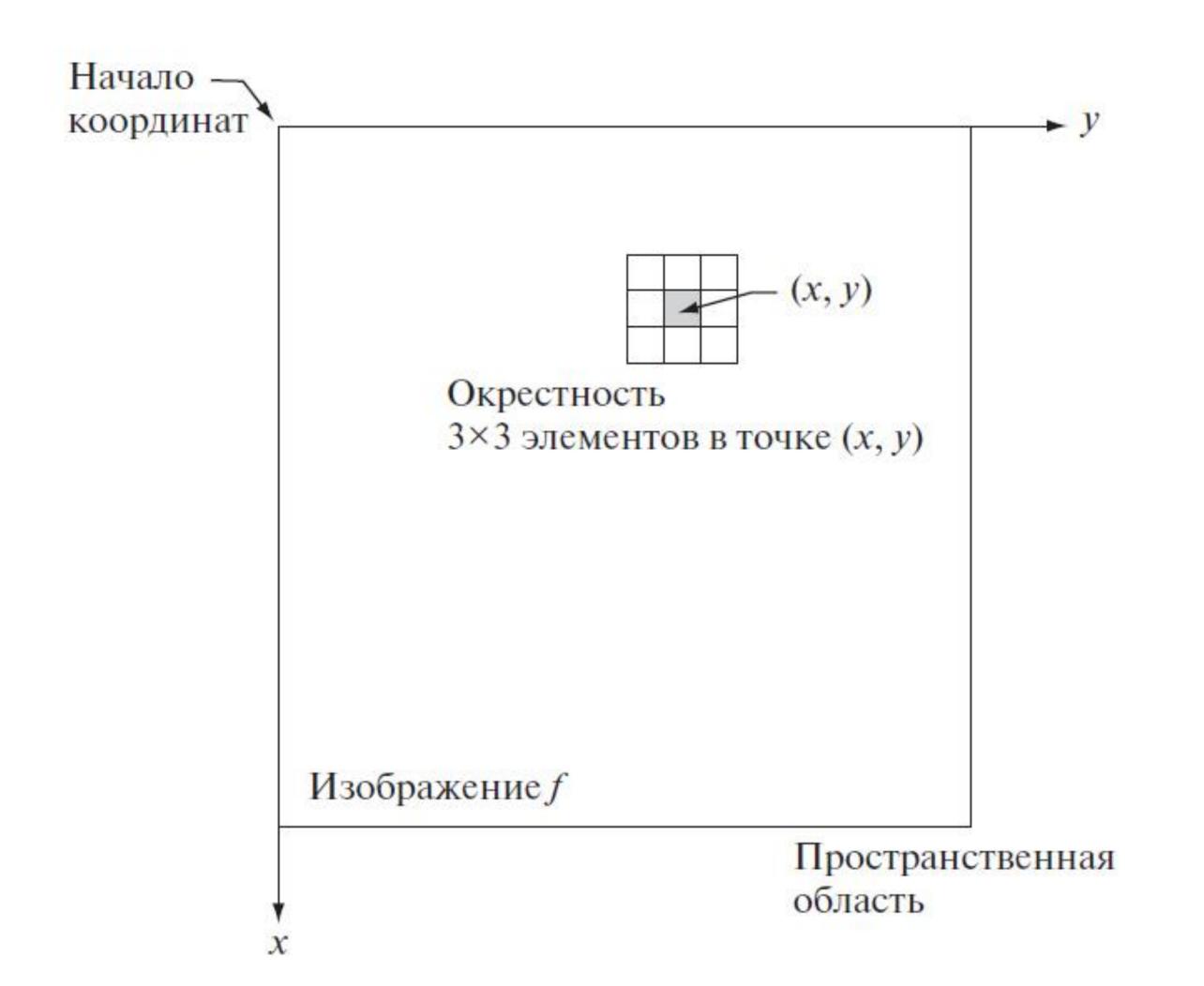


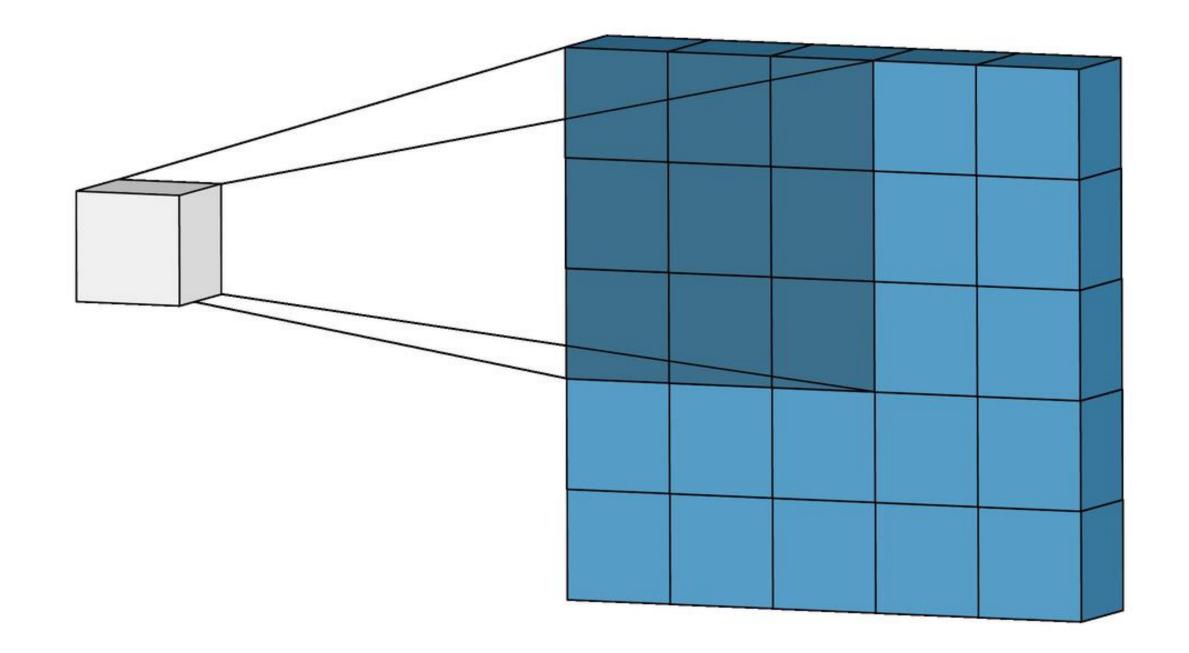


# **Яркостные преобразования** Основы пространственной фильтрации

Окрестность 3х3 вокруг точки (х,у) – ядро фильтра

Иллюстрация процесса свертки





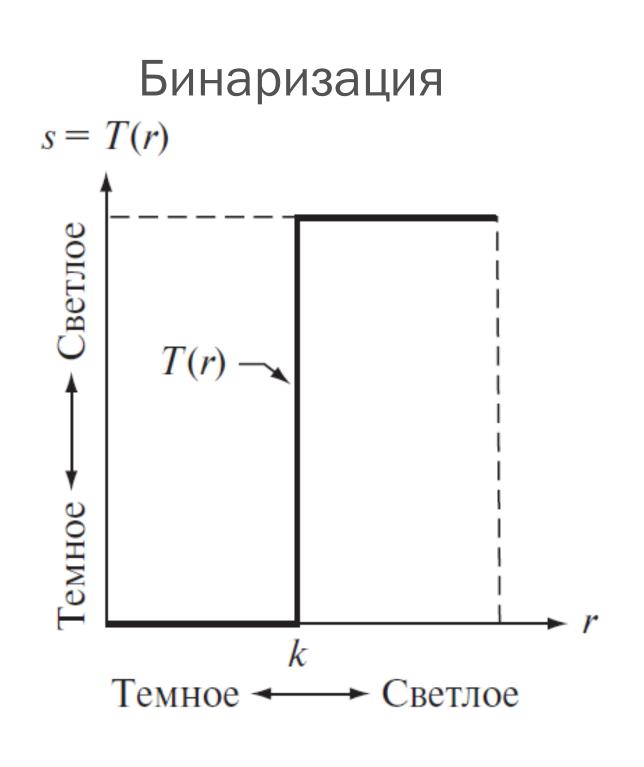


## **Яркостные преобразования** Виды

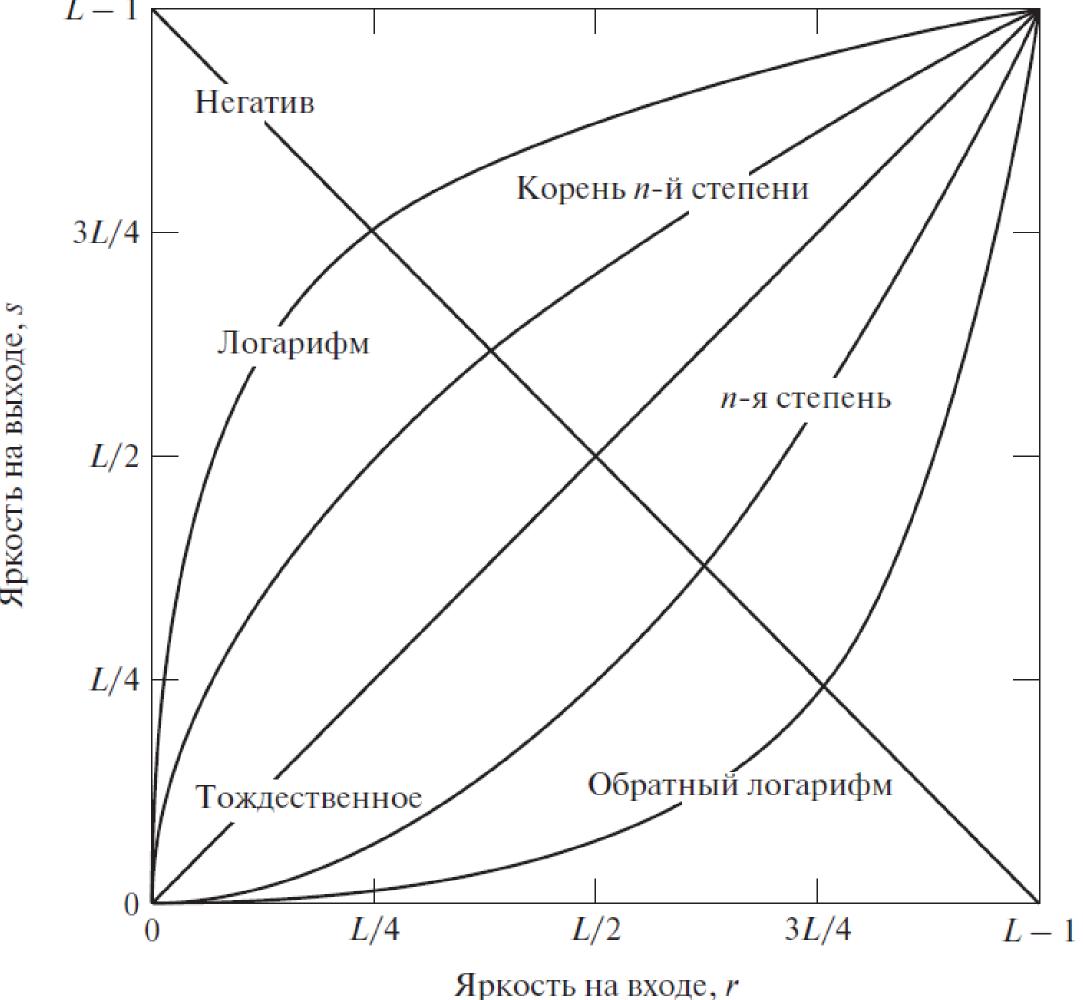
Предельный случай преобразования: g(x,y) = T[f(x,y)],

➤ Ядро преобразования 1х1 ⇔ оператор Т() реализует градационное (яркостное) преобразование

## 







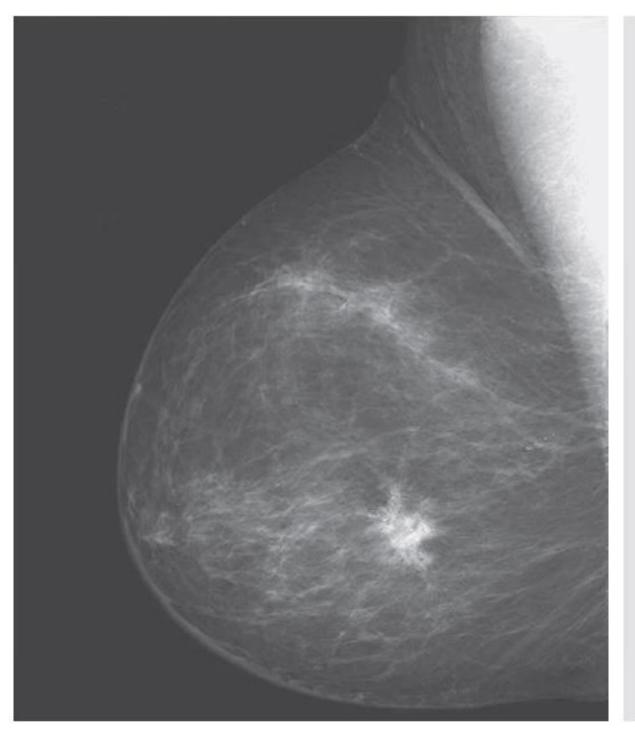


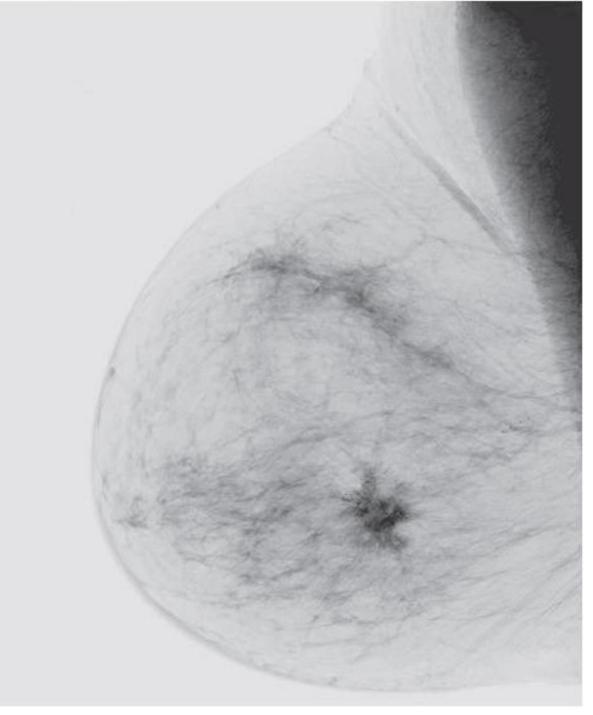
## **Яркостные преобразования** Преобразование в негатив

Пусть исходное изображение обладает диапазоном яркости [0, L - 1]

Преобразование изображения в негатив: s = L - 1 - r.

Исходный вид цифровой маммограммы





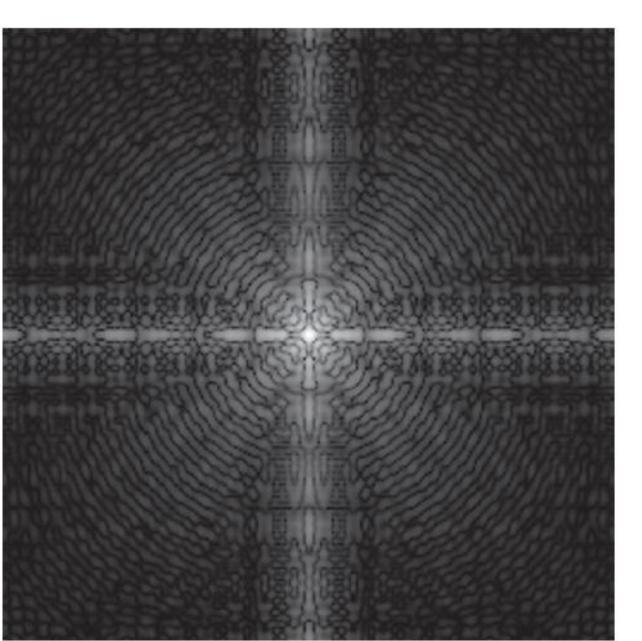
Негативное изображение маммограммы



## **Яркостные преобразования Логарифмическое преобразование**

Общий вид логарифмического преобразования:  $s = c \lg (1 + r)$ ,

- c константа, r >= 0
- отображает узкий диапазон малых значений яркостей в более широкий диапазон выходных значений
- Для растяжения диапазона темных пикселей с одновременных сжатием диапазона ярких



Результат применения логарифмического преобразования

Спектр Фурье



### **Яркостные преобразования Степенное преобразование**

Общий вид степенного преобразования:  $s = cr^{\gamma}$ ,

с, у – положительные константы

- При малых γ отображает узкий диапазон малых входных значений в широкий диапазон выходных
- Для корректировки яркостного отображения объектов на устройствах с различных амплитудных характеристик

ЯМР-снимок позвоночника человека с переломом

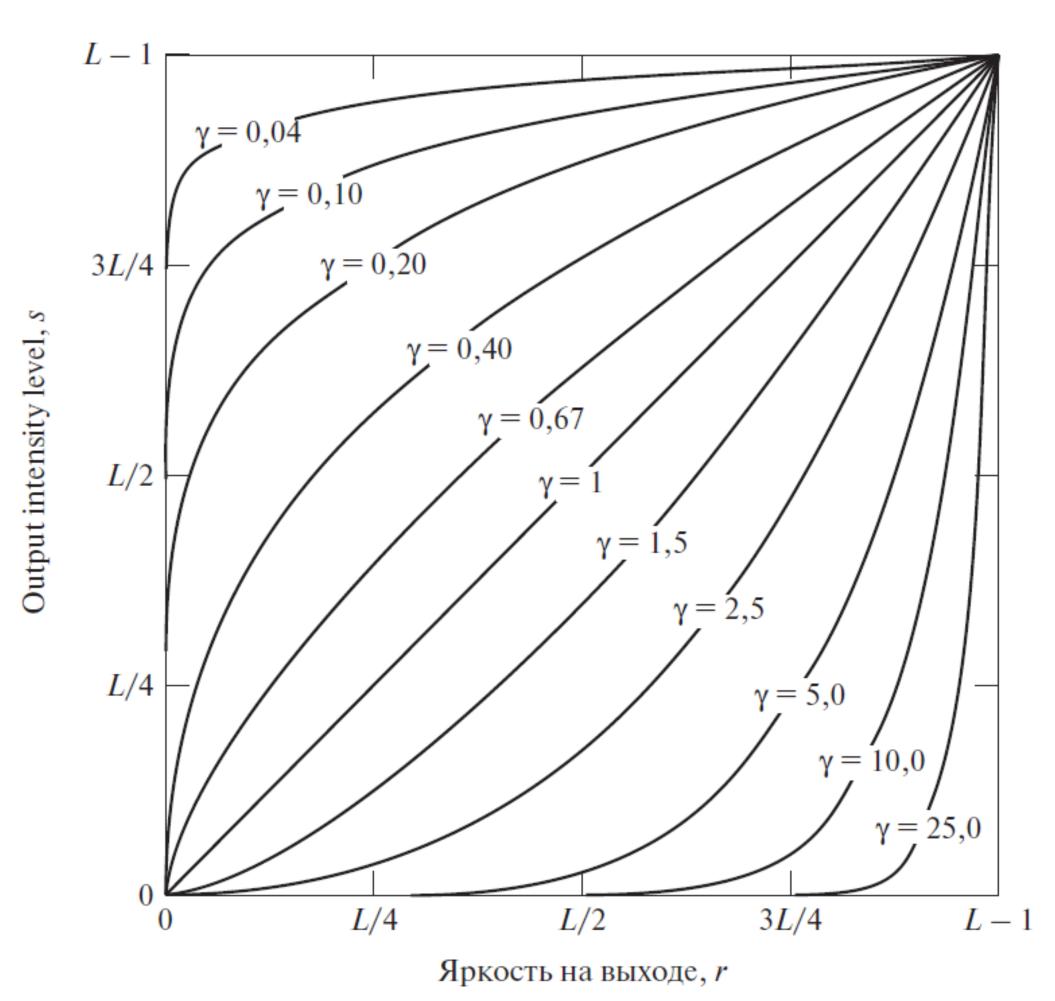








#### Семейство кривых гамма-коррекции





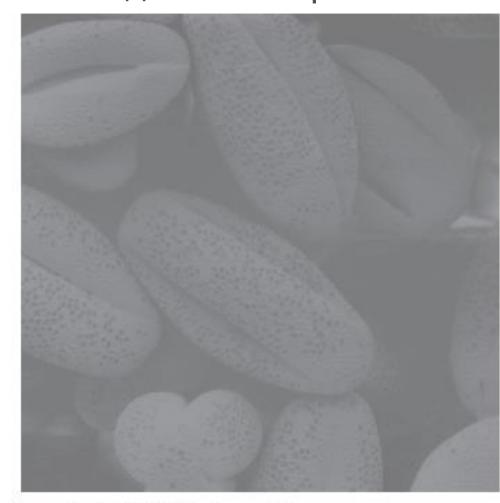
### **Яркостные преобразования** Кусочно-линейные преобразования

Вид функции преобразования L-1  $(r_2, s_2)$   $(r_2, s_2)$  L/2 L/4 L/2 3L/4 L-1 Яркость на входе, r



Усиленный контраст

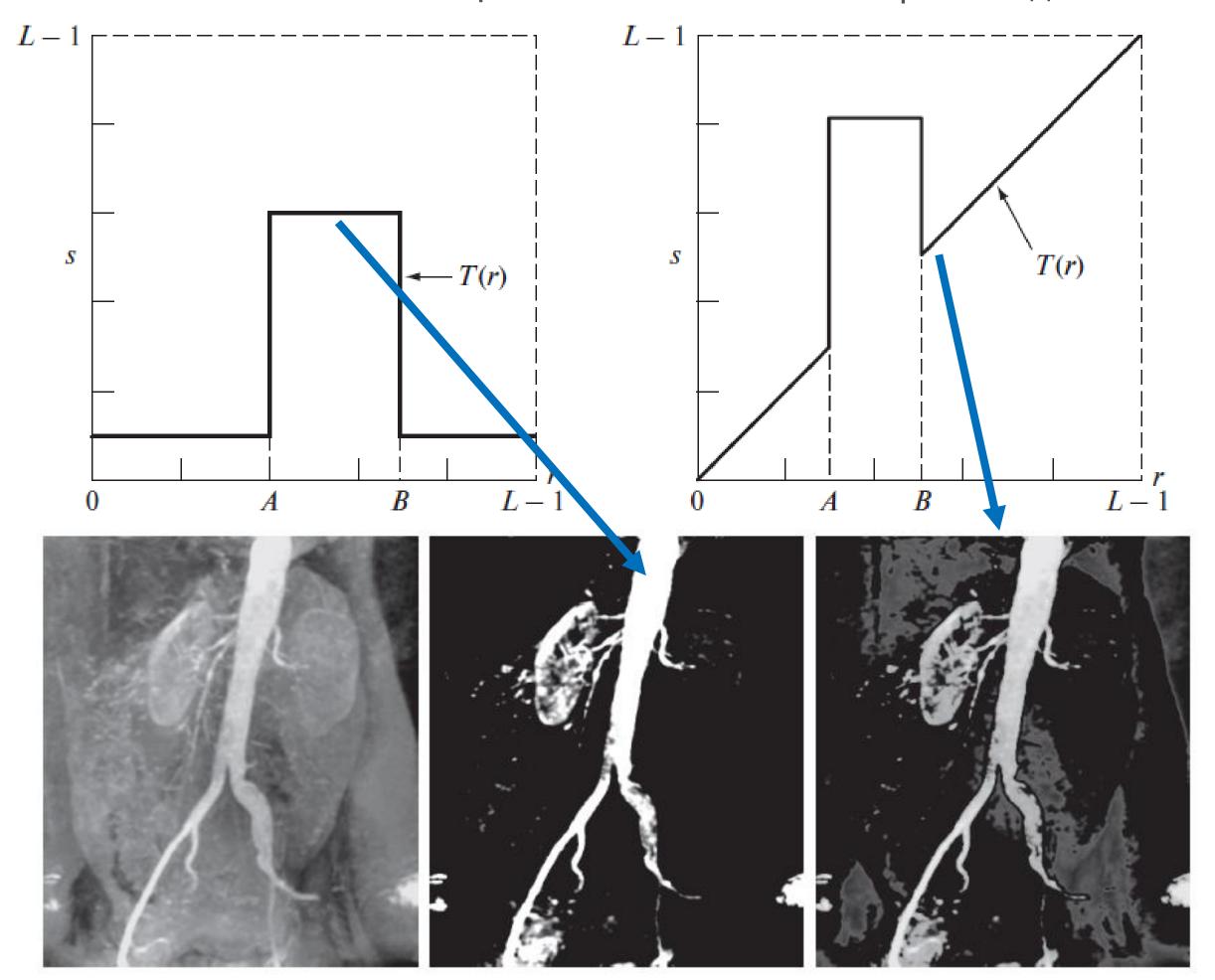
Исходное изображение





Пороговое преобразование

Выделение диапазона яркостей Повышение яркости диапазона



Ангиограмма аорты

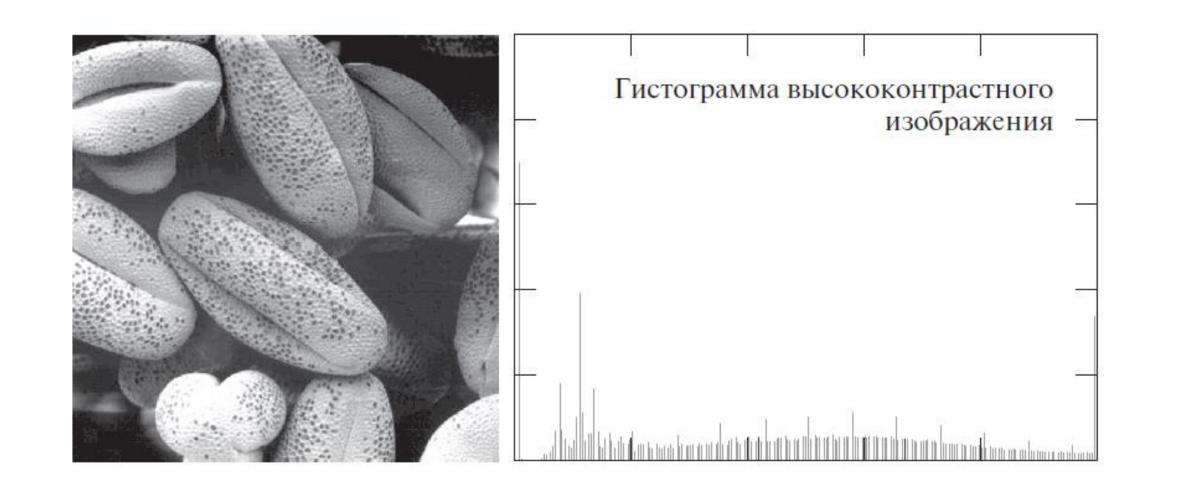


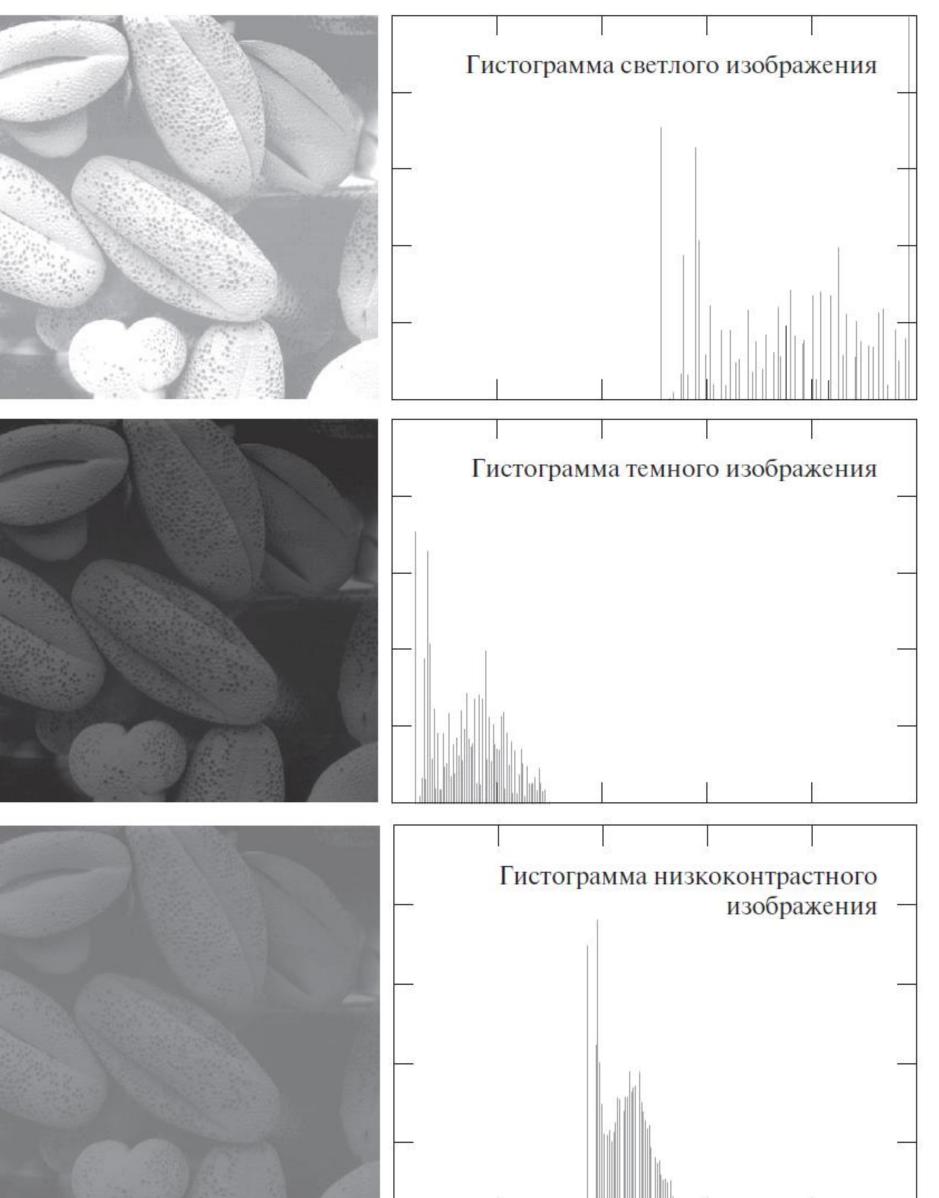
### Преобразование гистограммы

Введение

Гистограмма цифрового изображения с уровнями яркости [0, L – 1]:

- ightharpoonup Дискретная функция  $h(r_k) = n_k$ , где  $r_k k$ -й уровень яркости, а  $n_k$  число пикселей на изображении с яркостью  $r_k$ .
- > Принята нормировка гистограммы
- ightharpoonup Описание вероятности появления пикселя со значением яркости  $r_k$ .



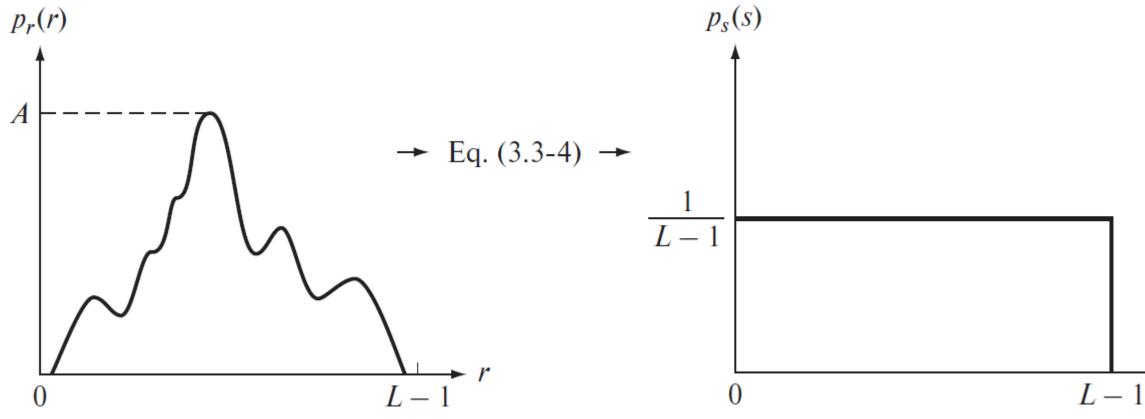




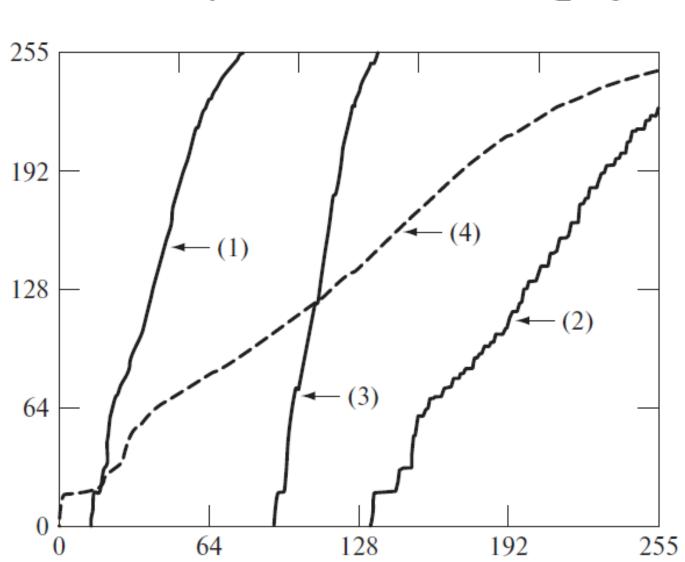
### Преобразование гистограммы

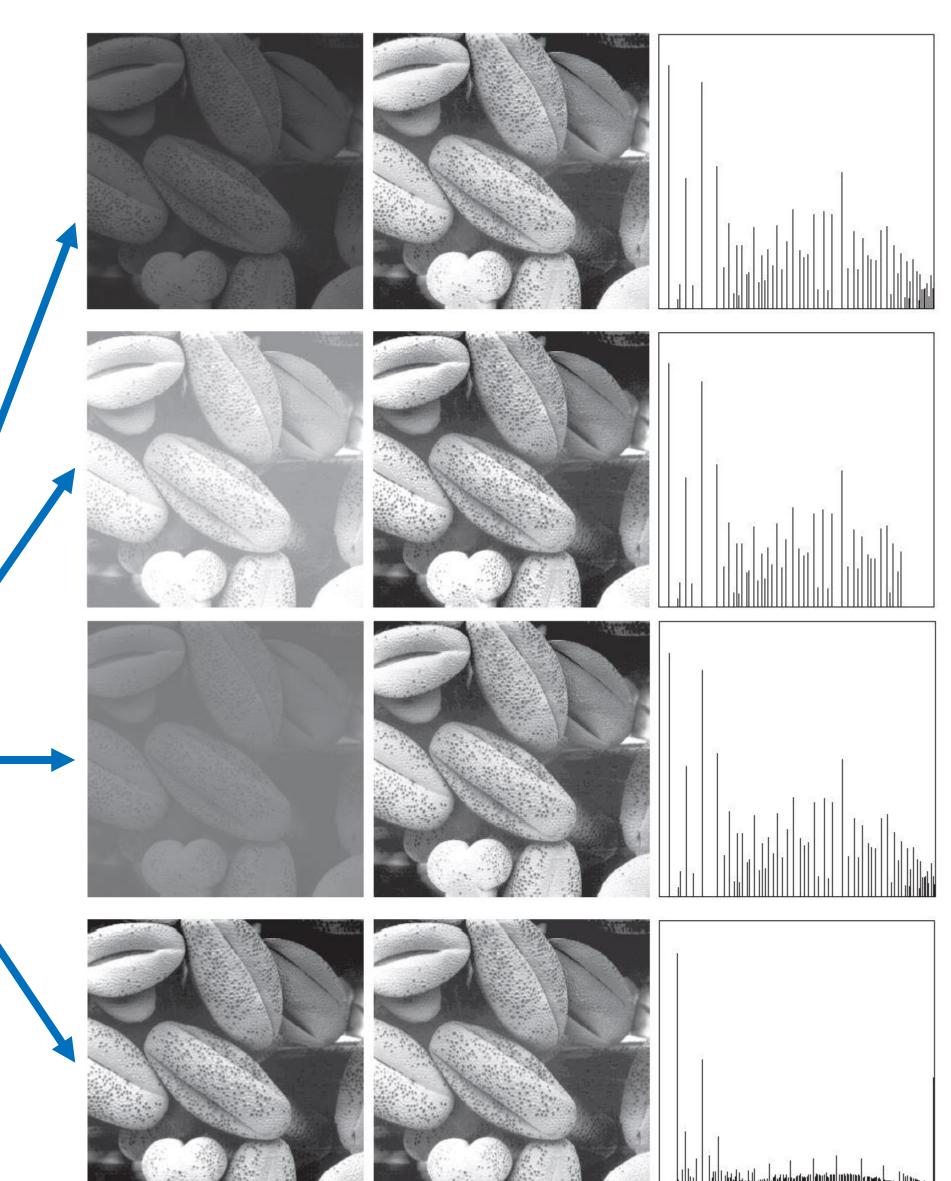
Эквализация гистограммы

Преобразование плотности распределения вероятностей значений яркостей пикселей с целью эквализации



Функции преобразования для эквализации гистограмм каждого исходного изображения



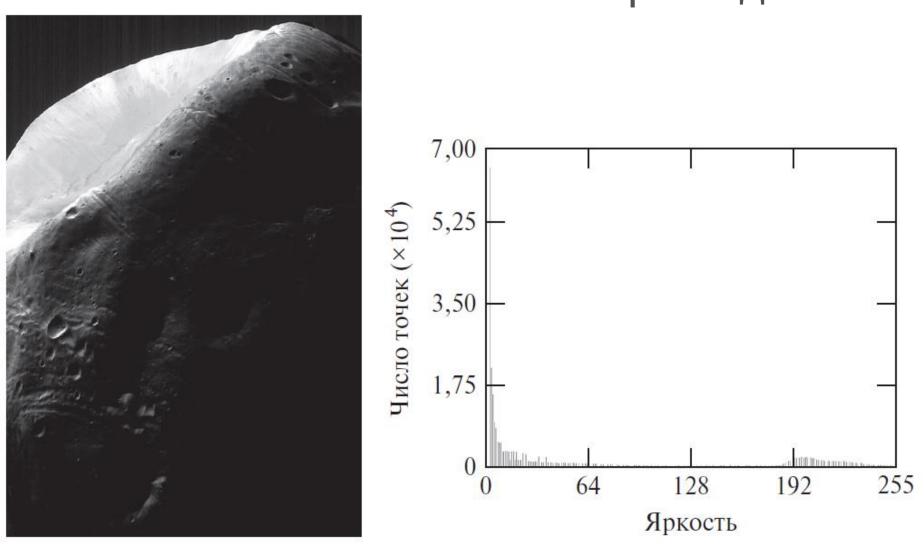




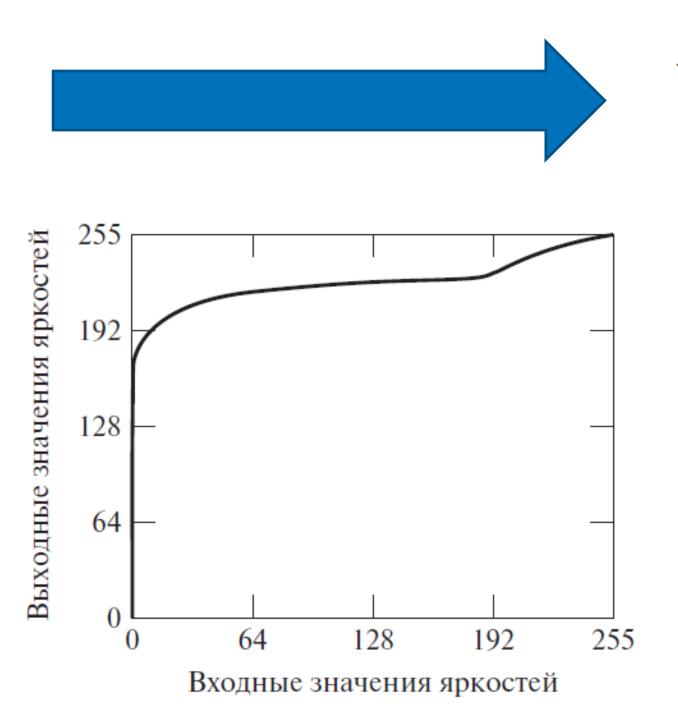
# Преобразование гистограммы Приведение гистограммы

Модификация исходной гистограммы изображения для приведения к заданной форме: перенос темных пикселей

в яркую область



Исходное изображение



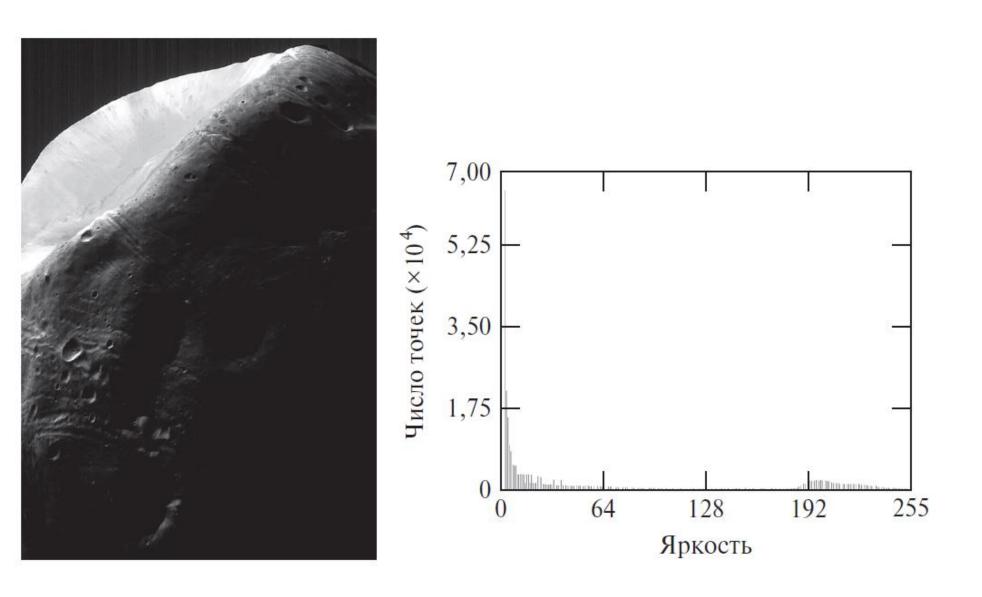


Полученное изображение

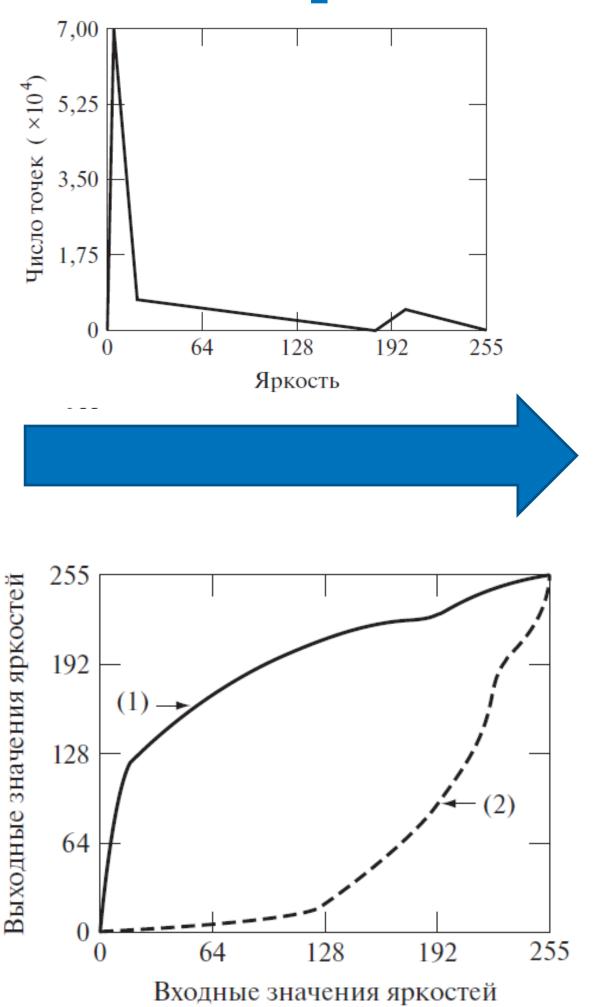


## Преобразование гистограммы Локальная гистограммная обработка

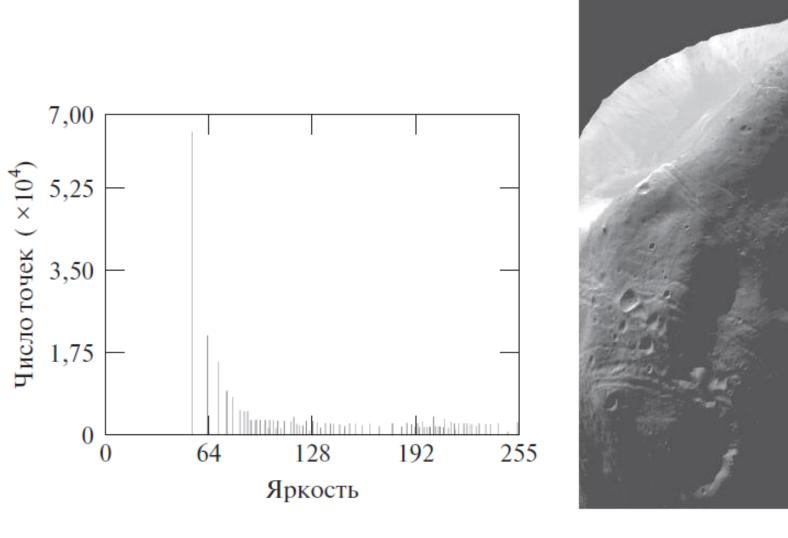
Требуемая форма гистограммы



Исходное изображение



Локальные преобразования яркости



Полученное изображение



### Преобразование гистограммы Использование гистограммных статистик

Статистики, получаемые из гистограммы:

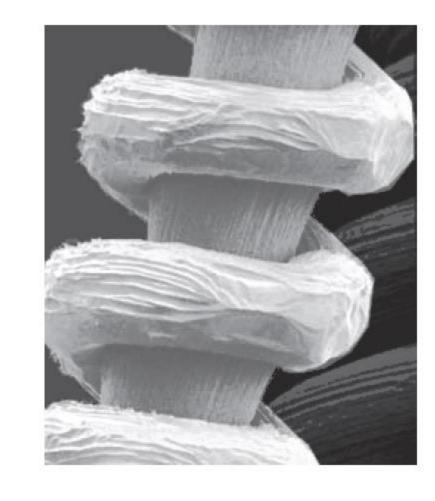
- $\triangleright$  Центральный момент порядка n  $\mu_n(r) = \sum_{i=0}^{L-1} (r_i m)^n \, p(r_i),$
- ightharpoonup Средний уровень яркости пикселей  $m = \sum_{i=1}^{p-1} r_i p(r_i)$ .
- $\triangleright$  Второй момент == дисперсия значений  $\mu_2(r) = \sum_{i=0}^{L-1} (r_i m)^2 p(r_i)$ . яркости

Непосредственная оценка по значениям отсчетов:

- ightharpoonupВыборочное среднее  $m = \frac{1}{MN} \sum_{x=0}^{M-1} \sum_{y=0}^{N-1} f(x,y)$
- Выборочная дисперсия

$$\sigma^2 = \frac{1}{MN} \sum_{x=0}^{M-1} \sum_{y=0}^{N-1} [f(x,y) - m]^2$$

Исходное изображение



Преобразование на основе статистик гистограммы



Глобальная эквализация гистограммы







- > Обзор методов получения изображений
- Рассмотрение процесса дискретизации и квантования изображений
- Определение фундаментальных отношений между пикселями
- > Рассмотрение математического аппарата
- Обзор примеров применения математического аппарата к обработке изображение
- > Рассмотрение основ пространственных преобразований
- > Определены яркостные преобразования
- > Обзор методов видоизменения гистограммы



### Спасибо за внимание!

### Колокольников Георгий Андреевич

Telegram: @Georg\_Bell

E-mail: geokolok5@gmail.com

Caйт: <a href="https://github.com/GeorgBell">https://github.com/GeorgBell</a>

### Использованные материалы:

- ▶ Гонсалес Р., Вудс Р. Цифровая обработка изображений. М.: Техносфера, 2012. 1104 с. ISBN 978-5-94836-331-8.2.
- > Kypc лекций cs231n «Convolutional Neural Networks for Visual Recognition» (http://cs231n.stanford.edu).
- > Kypc лекций HSE «Deep Learning in Computer Vision» (https://www.coursera.org/learn/deep-learning-in-computer-vision)