3ο PROJECT ΑΠΟΚΕΝΤΡΩΜΕΝΟΣ ΥΠΟΛΟΓΙΣΜΟΣ & ΜΟΝΤΕΛΟΠΟΙΗΣΗ

ΛΕΚΚΑΣ ΓΕΩΡΓΙΟΣ ΑΜ:1067430 Έτος 5ο

ΠΑΠΑΝΙΚΟΛΑΟΥ ΠΑΝΑΓΙΩΤΗΣ ΑΜ:1067431 Έτος 5ο

Περιεχόμενα

- Α. Θεωρητική Άσκηση 1
- Β. Θεωρητική Άσκηση 2
- Γ. Θεωρητική Άσκηση 3
- $\Delta.$ Προγραμματιστική Άσκηση 1
- Ε. Προγραμματιστική Άσκηση 2

Α.Θεωρητική Άσκηση 1

Οι μεταβλητές του συστήματος είναι οι x1 , x2 και οι οποίες σε μορφή διανύσματος γράφονται ως εξής: $\begin{bmatrix} x1\\x2 \end{bmatrix}.$

1. Οπότε το μητρώο A είναι το εξής : $\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ a & (1-a) \end{bmatrix}$.

Ένα μητρώο είναι στοχαστικό ως προς τις γραμμές όταν το άθροισμα των στοιχείων της κάθε γραμμής είναι ίσο με 1. Πράγματι στο μητρώο A παρατηρούμε πως 1+0=1 και $\alpha+(1-\alpha)=0$. Επομένως το μητρώο A είναι στοχαστικό ως προς τις γραμμές.

2. Για να υπολογίσουμε τις ιδιοτιμές και τα ιδιοδιανύσματα του μητρώου A θα χρησιμοποιήσουμε τους τύπους: $\det(A-\lambda*I)=0$ όπου λ οι ιδιοτιμές και I το ταυτοτικό μητρώο , $(A-\lambda*I)*x=0$.

Συνεπώς έχουμε:
$$(A-\lambda*I)=\begin{bmatrix}1&0\\a&(1-a)\end{bmatrix}$$
 - $\lambda*\begin{bmatrix}1&0\\0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1-\lambda&0\\a&(1-a-\lambda)\end{bmatrix}$.

Η ορίζουσα του Α είναι : $\det(A - \lambda * I) = (1 - \lambda) * (1 - a - \lambda)$, οπότε λύνοντας το $\det(A - \lambda * I) = 0$ οι ιδιοτιμές είναι οι : $\lambda = 1$ και $\lambda = 1 - a$.

Στη συνέχεια για να υπολογίσουμε τα ιδιοδιανύσματα , θα χρησιμοποιήσουμε τον τύπο $(A-\lambda*I)*\begin{bmatrix}x1\\x2\end{bmatrix}$ = $\begin{bmatrix}0\\0\end{bmatrix}$.

$$\Gamma \text{iα } \lambda = 1 \text{ έχουμε}: \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ a & -a \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} x1 \\ x2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} \boldsymbol{x1} \\ \boldsymbol{x2} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{1} \\ \boldsymbol{1} \end{bmatrix} \text{ (10 ιδιοδιάνυσμα) },$$

Για
$$\lambda=1-a$$
 έχουμε :
$$\begin{bmatrix} a & 0 \\ a & 0 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} x1 \\ x2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} \boldsymbol{x1} \\ \boldsymbol{x2} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{0} \\ \boldsymbol{1} \end{bmatrix} \ (20 \ \text{ιδιοδιάνυσμα})$$

3.