Απλοποίηση Λογικών Κυκλωμάτων, Συνδυαστικά Κυκλώματα

1. Να απλοποιήσετε με χάρτη Karnaugh τις παρακάτω συναρτήσεις (η απλοποίηση πρέπει να είναι τέλεια)

1.1 $F(A,B,C,D) = \Sigma(0,1,3,5,6,12)$

	CD				
AB		00	01	11	10
	00	1			
	01		1/		(1)
	11	(1)			
	10				

5 ομάδες:

- Δυάδες:

1. 0000, 0001: Α΄ Β΄ Ϲ΄ (το D αλλάζει από 0 σε 1 οπότε φεύγει)

2. 0001, 0011: Α΄ Β΄ D (το C αλλάζει από 0 σε 1 οπότε φεύγει)

3. 0001, 0101: Α΄ Ϲ΄ D (το Β αλλάζει από 0 σε 1 οπότε φεύγει)

- Μονάδες:

1. 1100: A B C' D'

2. 0110: A' B C D'

Άρα η συνάρτηση θα γίνει:

F(A,B,C,D) = A' B' C' + A' B' D + A' C' D + A B C' D' + A' B C D'

1.2 $F(A,B,C,D) = \Sigma(4,5,12,13,15)$

	CD				
AB		00	01	11	10
	00				
	01	$\sqrt{1}$	1		
	11	1	1	1)	
	10				

2 ομάδες:

- Τετράδα:

0100, 0101, 1101, 1100: B C'

(το Α αλλάζει από 0 σε 1 οπότε φεύγει, το D αλλάζει από από 0 σε 1 οπότε φεύγει)

- Δυάδα

1101, 1111: A B D

(το C αλλάζει από 0 σε 1 οπότε φεύγει)

Άρα η συνάρτηση θα γίνει:

F(A,B,C,D) = B C' + A B D

1.3 $F(A,B,C,D) = \Sigma(0,1,2,3,8,9,10,11)$

	CD					
AB		00	01	_11	10	
	00	1	1	1		
	01					
	11					
	10	1	1	1		

1 ομάδα:

Οκτάδα:

0000, 0001, 0011, 0010, 1010, 1011, 1001, 1000: B'

(το Α αλλάζει από 0 σε 1 άρα φεύγει, το C αλλάζει από 0 σε 1 άρα φεύγει, το D αλλάζει από 0 σε 1 και πάλι σε 0 άρα φεύγει)

Άρα η συνάρτηση θα γίνει:

F(A,B,C,D) = B'

1.4 $F(A,B,C,D,E) = \Sigma(0,1,3,5,6,12,13,16,17,20,22,28,29)$

A=0

A=1

	DE						DE				
BC		00	01	_11	10	ВС		00 /	01	11	10
	00	\bigcup		1			00				
	01		1		(1)		01	1			1
	11	1					11	1	_1>		
	10						10				

6 ομάδες:

- Τετράδες:
- 1. 00000, 00001, 10001, 10000: B' C' D'

(το Α αλλάζει από 0 σε 1 οπότε φεύγει, το Ε αλλάζει από 0 σε 1 οπότε φεύγει)

2. 01100, 01101, 11101, 11100: B C D'

(το Α αλλάζει από 0 σε 1 οπότε φεύγει, το Ε αλλάζει από 0 σε 1 οπότε φεύγει)

- Δυάδες:
- 1. 00001, 00011: A' B' C' E

(το D αλλάζει από 0 σε 1 οπότε φεύγει)

2. 00001, 00101: A' B' D' E

(το C αλλάζει από 0 σε 1 οπότε φεύγει)

3. 10000, 10100: A B' D' E'

(το C αλλάζει από 0 σε 1 οπότε φεύγει)

4. 00110, 10110: B' C D E'

(το Α αλλάζει από 0 σε 1 οπότε φεύγει)

Άρα η συνάρτηση θα γίνει:

F(A,B,C,D,E) = B'C'D' + BCD' + A'B'C'E + A'B'D'E + AB'D'E' + B'CDE'

1.5 $F(A,B,C,D,E) = \Sigma(0,1,2,3,8,9,10,11,16,17,18,19,24,25,26,27)$

		11 0						-		
	DE	1]	DE				
BC	00	01	11	10		BC	00	01	11	10
	00 1	1	1	1		00	1	1	1	
	01					01				
	11					11				
	10 1	1	1	1		10	$\bigcirc 1$	1	1	1)-

A=1

1 ομάδα:

. Δεκαεξάδα

 $10000,\,10001,\,00011,\,00010,\,10010,\,10011,\,10001,\,10000,\,11000,\,11001,\,11011,\,11010,\,01010,\,01011,\,01001,\,01000$

- το Α αλλάζει από 0 σε 1 οπότε φεύγει

A=0

- το Β αλλάζει από 0 σε 1 οπότε φεύγει
- το D αλλάζει από 0 σε 1 οπότε φεύγει
- το Ε αλλάζει από 0 σε 1 και μετά σε 0 οπότε φεύγει

Μένει μόνο το C που επειδή είναι 0, η συνάρτηση θα γίνει F(A,B,C,D,E) = C'

2. Να δώσετε την αλγεβρική έκφραση των συναρτήσεων 1.1-1.5 χωρίς απλοποίηση

2.1 $F(A,B,C,D) = \Sigma(0,1,3,5,6,12)$

Α	В	C	D	F	
0	0	0	0	1	A' B' C' D'
0	0	0	1	1	A' B' C' D
0	0	1	0	0	
0	0	1	1	1	A' B' C D
0	1	0	0	0	
0	1	0	1	1	A' B C' D
0	1	1	0	1	A' B C D'
0	1	1	1	0	
1	0	0	0	0	
1	0	0	1	0	
1	0	1	0	0	
1	0	1	1	0	
1	1	0	0	1	ABC'D'
1	1	0	1	0	
1	1	1	0	0	
1	1	1	1	0	

Άρα η συνάρτηση θα γίνει:

F(A,B,C,D) = A' B' C' D' + A' B' C' D + A' B' C D + A' B C' D + A' B C D' + A B C' D'

2.2 $F(A,B,C,D) = \Sigma(4,5,12,13,15)$

```
В
      C D
            F
Α
0
   0
      0
         0
            0
0
   0
      0
        1
            0
      1
         0
0
   0
            0
0
   0
      1 1
            0
           1 A' B C' D'
        0
0
   1
      0
   1
      0 1
            1 A' B C' D
0
      1 0
0
   1
            0
0
   1
      1
            0
1
   0
      0
        0
            0
1
   0
      0 1
            0
1
   0
      1 0
            0
1
   0
      1 1 0
    0 0 1 ABC'D'
0 1 1 ABCD'
1
  1
1
1
  1
     1 0 0
1
   1
      1 1 1 ABCD
```

Άρα η συνάρτηση θα γίνει:

F(A,B,C,D) = A' B C' D' + A' B C' D + A B C' D' + A B C D' + A B C D

2.3 $F(A,B,C,D) = \Sigma(0,1,2,3,8,9,10,11)$

Α	В	C	D	F	
0	0	0	0	1	A' B' C' D'
0	0	0	1	1	A' B' C' D
0	0	1	0	1	A' B' C D'
0	0	1	1	1	A' B' C D
0	1	0	0	0	
0	1	0	1	0	
0	1	1	0	0	
0	1	1	1	0	
1	0	0	0	1	A B' C' D'
1	0	0	1	1	A B' C' D
1	0	1	0	1	A B' C D'
1	0	1	1	1	AB'CD
1	1	0	0	0	
1	1	0	1	0	
1	1	1	0	0	
1	1	1	1	0	

Άρα η συνάρτηση θα γίνει:

F(A,B,C,D) = A' B' C' D' + A' B' C' D + A' B' C D' + A' B' C D + A B' C' D' + A B' C' D + A B' C D' + A B' C D

2.4 $F(A,B,C,D,E) = \Sigma(0,1,3,5,6,12,13,16,17,20,22,28,29)$

Α	В	С	D	Ε	F	
0	0	0	0	0	1	A' B' C' D' E'
0	0	0	0	1	1	A' B' C' D' E
0	0	0	1	0	0	
0	0	0	1	1	1	A' B' C' D E
0	0	1	0	0	0	
0	0	1	0	1	1	A' B' C D' E
0	0	1	1	0	1	
0	0	1	1	1	0	
0	1	0	0	0	0	
0	1	0	0	1	0	
0	1	0	1	0	0	
0	1	0	1	1	0	
0	1	1	0	0	1	A' B C D' E'
0	1	1	0	1	1	A' B C D E'
0	1	1	1	0	0	
0	1	1	1	1	0	
1	0	0	0	0	1	A B' C' D' E'
1	0	0	0	1	1	A B' C' D' E
1	0	0	1	0	0	
1	0	0	1	1	0	
1	0	1	0	0	1	A B' C D' E'
1	0	1	0	1	0	
1	0	1	1	0	1	A B' C D E'
1	0	1	1	1	0	
1	1	0	0	0	0	
1	1	0	0	1	0	
1	1	0	1	0	0	
1	1	0	1	1	0	
1	1	1	0	0	1	A B C D' E'
1	1	1	0	1	1	ABCD'E
1	1	1	1	0	0	
1	1	1	1	1	0	

Άρα η συνάρτηση θα γίνει:

F(A,B,C,D,E) = A'B'C'D'E' + A'B'C'D'E + A'B'C'D E + A'B'C D'E + A'BC D'E' + A'B C D E' + A'B'C'D'E' + AB'C'D'E + A B' C D' E' + A B' C D E' + A B C D' E' + A B C D' E

Ευστάθιος Ιωσηφίδης, DVM

2.5 F(A,B,C,D,E)= Σ (0,1,2,3,8,9,10,11, 16,17,18,19,24,25,26,27)

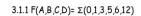
A 0 0 0 0	B 0 0 0 0	C 0 0 0 0	D 0 0 1 1	E 0 1 0 1	F 1 1 1 0	A' B' C' D' E' A' B C D E' A B C D' E A B C D' E'
0 0 0 0	0 0 0 1	1 1 1 0	0 1 1 0	1 0 1 0	0 0 0 1	A' B C' D' E'
0	1 1 1	0	0	1	1 1 1	A'BC'D'E A'BC'DE'
0	1	0 1	1	1	1	A'BC'DE
0	1	1	0	1	0	
0 1 1	1 0 0	1 0 0	1 0 0	1 0 1	0 1 1	A B' C' D' E' A B' C' D' E
1 1	0	0	1	0	1 1	AB'C'DE' AB'C'DE
1 1	0	1 1	0	0 1	0 0	
1 1 1	0 0 1	1 1 0	1 1 0	0 1 0	0 0 1	۸
1 1 1	1 1 1	0	0	1	1 1 1	ABC'D'E' ABC'D'E ABC'DE'
1 1	1 1	0	1	1	1 0	ABC'DE
1	1	1	0	1	0	
1	1	1	1	1	0	

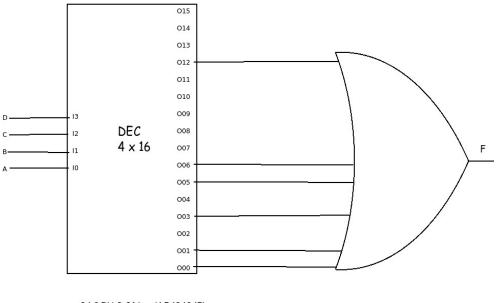
Άρα η συνάρτηση θα γίνει:

F(A,B,C,D,E) = A' B' C' D' E' + A' B C D E' + A B C D' E + A B C D' E' + A' B C' D' E' + A' B C' D' E + A' B C' D E' + A' B C' D E + A B' C' D' E' + A B' C' D' E + A B' C' D E' + A B' C' D E + A B C' D'E' + A B C' D' E + A B C' D E' + A B C' D E

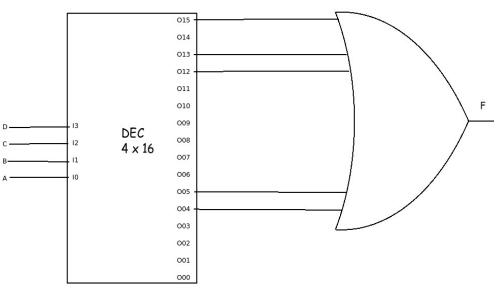
3. Να υλοποιήσετε τις 1.1-1.3 (χωρίς απλοποίηση)

3.1 Με αποκωδικοποιητή 4x16

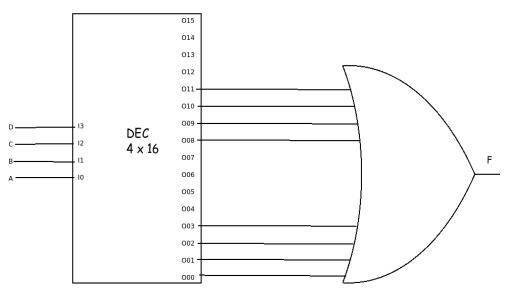




 $3.1.2 F(A,B,C,D) = \Sigma(4,5,12,13,15)$



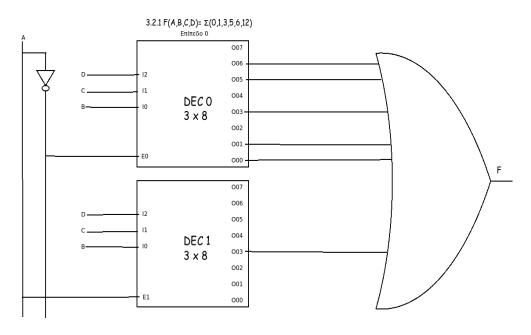
 $3.1.3 F(A,B,C,D) = \Sigma(0,1,2,3,8,9,10,11)$



3.2 Με αποκωδικοποιητές 3x8 και ότι άλλο υλικό χρειαστεί

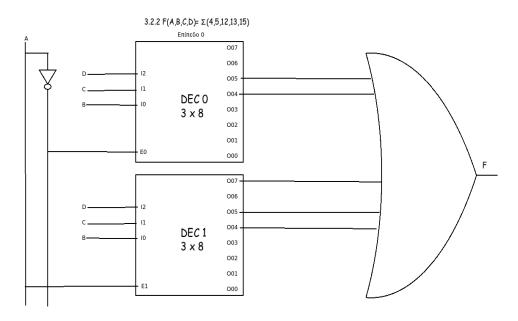
3.2.1 $F(A,B,C,D) = \Sigma(0,1,3,5,6,12)$

Χρησιμοποιούμε δυο αποκωδικοποιητές 3x8 συνδεδεμένους σε ένα επίπεδο 0. Τον ρόλο του σήματος επίτρεψης θα παίξει το A. Όταν A=0, τότε ανάλογα με τις τιμές των B, C, D (πίνακας αληθείας), μία έξοδος του DEC0 από τις εξόδους $O_{00} - O_{07}$ θα είναι ίση με 1. Όταν A=1, τότε ανάλογα με τις τιμές του πίνακα αληθείας (στην περίπτωσή μας B=1, C=0, D=0), η έξοδος O_{03} (τοπική) του αποκωδικοποιητή DEC1, θα είναι ίση με 1



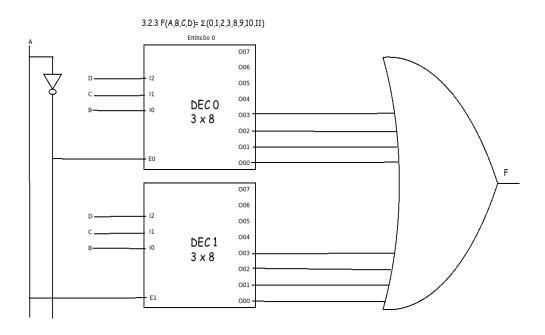
3.2.2 $F(A,B,C,D) = \Sigma(4,5,12,13,15)$

Χρησιμοποιούμε δυο αποκωδικοποιητές 3x8 συνδεδεμένους σε ένα επίπεδο 0. Τον ρόλο του σήματος επίτρεψης θα παίξει το A. Όταν A=0, τότε ανάλογα με τις τιμές των B, C, D (πίνακας αληθείας), μία έξοδος του DEC0 από τις εξόδους $O_{00} - O_{07}$ θα είναι ίση με 1. Όταν A=1, τότε ανάλογα με τις τιμές των B, C, D (πίνακας αληθείας), μία έξοδος του DEC01 από τις εξόδους $O_{00} - O_{07}$ θα είναι ίση με 1.



3.2.3 $F(A,B,C,D) = \Sigma(0,1,2,3,8,9,10,11)$

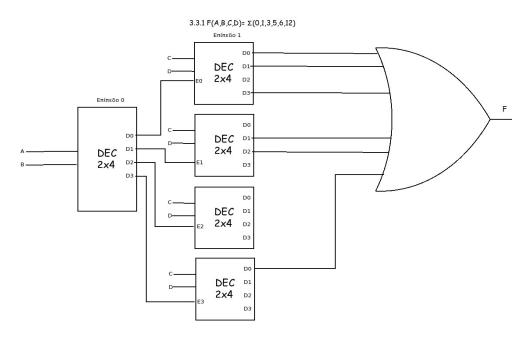
Χρησιμοποιούμε δυο αποκωδικοποιητές 3x8 συνδεδεμένους σε ένα επίπεδο 0. Τον ρόλο του σήματος επίτρεψης θα παίξει το A. Όταν A=0, τότε ανάλογα με τις τιμές των B, C, D (πίνακας αληθείας), μία έξοδος του DEC0 από τις εξόδους $O_{00} - O_{07}$ θα είναι ίση με 1. Όταν A=1, τότε ανάλογα με τις τιμές των B, C, D (πίνακας αληθείας), μία έξοδος του DEC01 από τις εξόδους $O_{00} - O_{07}$ θα είναι ίση με 1.



3.3 Με αποκωδικοποιητές 2x4 και ότι άλλο υλικό χρειαστεί

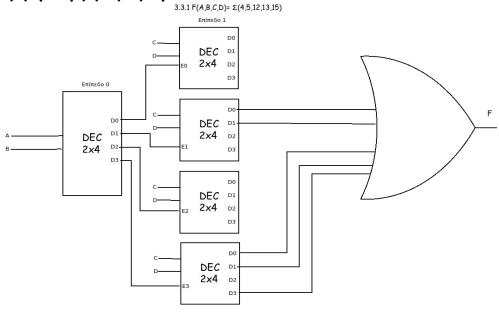
Έχουμε 4 μεταβλητές, άρα χρειάζεται 4/2= 2 επίπεδα. Έχουμε16 εξόδους (2⁴), άρα θα έχουμε 16 εξόδους / 4 εξόδους ο κάθε αποκωδικοποιητής= 4 αποκωδικοποιητές 2χ4. Τα Α,Β είναι είσοδοι στον DEC του επιπέδου 0, του οποίου οι έξοδοι παίζουν το ρόλο του σήματος επίτρεψης στους DEC του επιπέδου 1, επιλέγοντας έτσι ποιος θα είναι ενεργός.

3.3.1 $F(A,B,C,D) = \Sigma(0,1,3,5,6,12)$

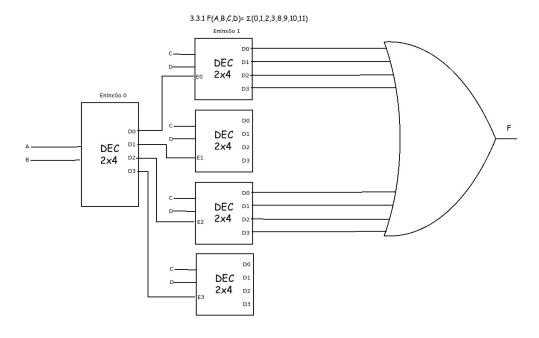


http://iosifidis.gr | http://github.com/iosifidis

3.3.2 $F(A,B,C,D) = \Sigma(4,5,12,13,15)$



3.3.3 $F(A,B,C,D) = \Sigma(0,1,2,3,8,9,10,11)$



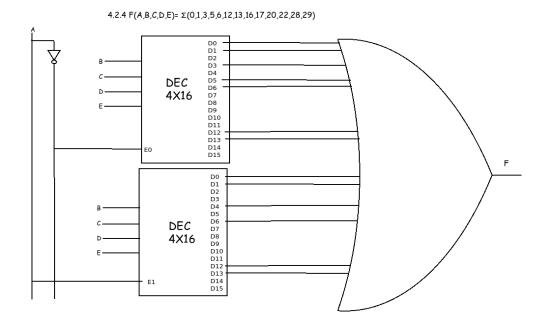
4. Να υλοποιήσετε τις 1.4-1.5 (χωρίς απλοποίηση)

4.1 Με αποκωδικοποιητή 5x32

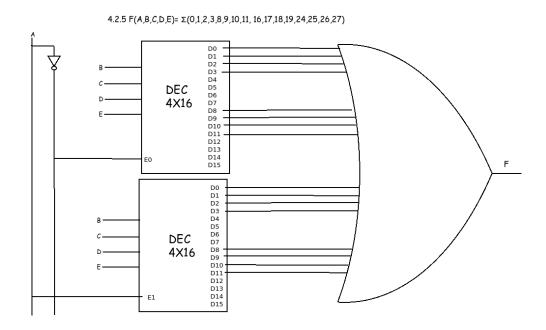
4.2 Με αποκωδικοποιητές 4x16 και ότι άλλο υλικό χρειαστεί

Έχουμε 5 μεταβλητές ($2^5 = 32$ εξόδους), άρα χρειαζόμαστε 32 εξόδους / 16 εξόδους ο κάθε αποκωδικοποιητής = 2 αποκωδικοποιητές 4X16 όπου το A θα είναι το σήμα επίτρεψης και B, C, D, E είναι είσοδοι στους αποκωδικοποιητές.

4.2.4 $F(A,B,C,D,E) = \Sigma(0,1,3,5,6,12,13,16,17,20,22,28,29)$



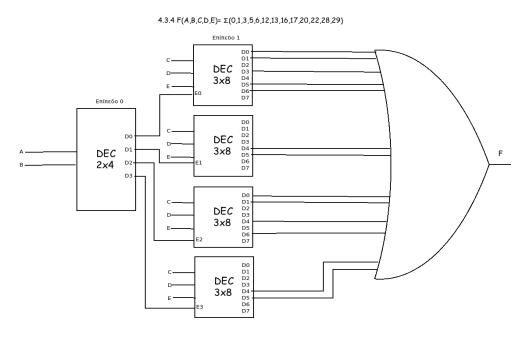
4.2.5 $F(A,B,C,D,E) = \Sigma(0,1,2,3,8,9,10,11,16,17,18,19,24,25,26,27)$



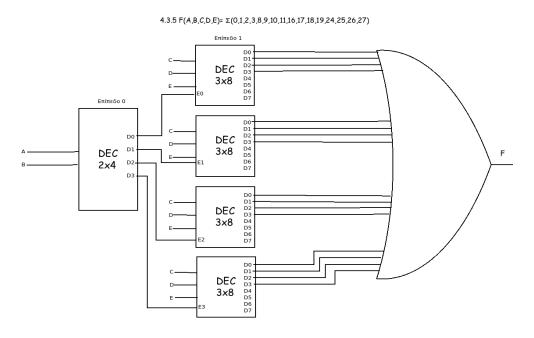
4.3 Με αποκωδικοποιητές 3x8 και ότι άλλο υλικό χρειαστεί

Έχουμε 5 μεταβλητές Έχουμε 32 εξόδους (2⁵), άρα θα έχουμε 32 εξόδους / 8 εξόδους ο κάθε αποκωδικοποιητής= 4 αποκωδικοποιητές 3x8. Τα A,B θα είναι είναι μέσω ενός αποκωδικοποιητή 2x4 το σήμα επίτρεψης στον αποκωδικοποιητή 3x8 του επιπέδου 1, επιλέγοντας έτσι ποιος θα είναι ενεργός.

4.3.4 $F(A,B,C,D,E) = \Sigma(0,1,3,5,6,12,13,16,17,20,22,28,29)$



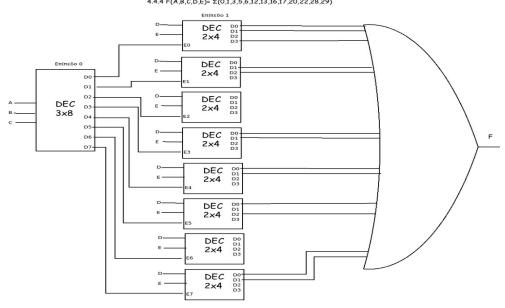
4.3.5 $F(A,B,C,D,E) = \Sigma(0,1,2,3,8,9,10,11,16,17,18,19,24,25,26,27)$



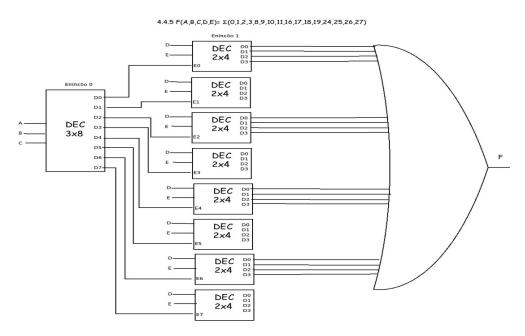
4.4 Με αποκωδικοποιητές 2x4 και ότι άλλο υλικό χρειαστεί

Έχουμε 5 μεταβλητές Έχουμε 32 εξόδους (2⁵), άρα θα έχουμε 32 εξόδους / 4 εξόδους ο κάθε αποκωδικοποιητής= 8 αποκωδικοποιητές 2χ4. Τα Α,Β,C θα είναι είναι μέσω ενός αποκωδικοποιητή 3χ8 το σήμα επίτρεψης στον αποκωδικοποιητή 2χ4 του επιπέδου 1, επιλέγοντας έτσι ποιος θα είναι ενεργός.

4.4.4 $F(A,B,C,D,E) = \Sigma(0,1,3,5,6,12,13,16,17,20,22,28,29)$



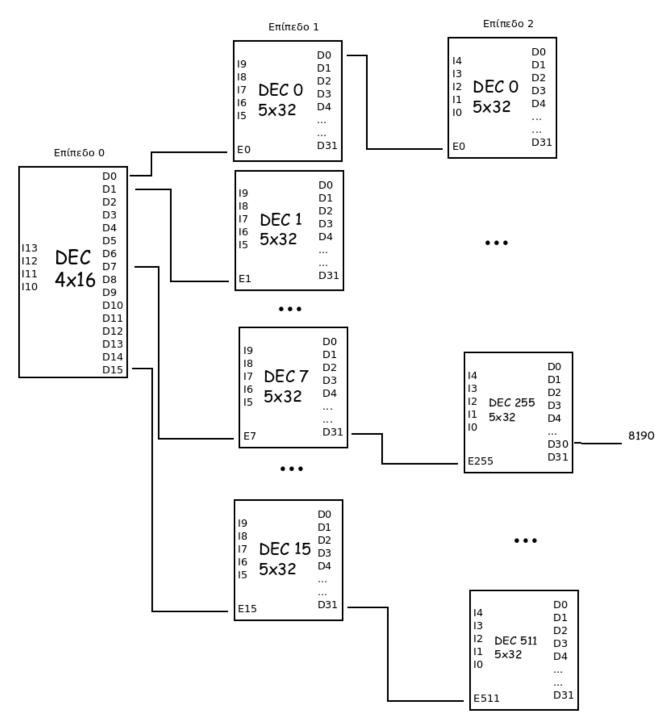
4.4.5 $F(A,B,C,D,E) = \Sigma(0,1,2,3,8,9,10,11,16,17,18,19,24,25,26,27)$



5. Να υλοποιήσετε έναν αποκωδικοποιητή 14x2¹⁴ με αποκωδικοποιητές 5x32 και 4x16 και να δείξετε πως θα αποκωδικοποιηθεί η έξοδος 8190.

14 είσοδοι = 4x16 + 5x32 + 5x32 (3 επίπεδα)

5. Αποκωδικοποιητής 14χ2^14 με αποκωδικοποιητές 5χ32 και 4χ16 και να αποκωδικοποιηθεί η έξοδος 8190



8190 = 0111 11111 11110

Επίπεδο 0: 0111 άρα D₇ δηλαδή DEC 7 (D₂₂₄ - D₂₅₅)

Επίπεδο 1: 11111 άρα D₂₅₅ δηλαδή DEC 255 (D₈₁₆₀ - D₈₁₉₁)

Επίπεδο 2: 11111 άρα D_{30} ή D_{8190}

Ευστάθιος Ιωσηφίδης, DVM

6. Να επαναλάβετε την Άσκηση 5, για έναν αποκωδικοποιητή 16 x2¹⁶ με αποκωδικοποιητές 4x16, δείχνοντας ξανά την αποκωδικοποίηση της εξόδου 8190.

16 εισόδους / 4 εισόδους κάθε αποκωδικοποιητής = 4 επίπεδα $2^{16} / 2^4 = 2^{12} = 4096$ αποκωδικοποιητές 4x16 στο επίπεδο 3 $2^{12}/2^4=2^8=256$ αποκωδικοποιητές 4x16 στο επίπεδο 2 $2^{8}/2^{4}=2^{4}=16$ αποκωδικοποιητές 4x16 στο επίπεδο 3 $2^4/2^4$ = 1 αποκωδικοποιητή 4x16 στο επίπεδο 0

8190 = 0001 1111 1111 1110

Επίπεδο 0: 0001=1 άρα D_1 δηλαδή DEC 1 (D_{16} - D_{31}) Επίπεδο 1: 1111=15 άρα D₃₁ δηλαδή DEC 31 (D₄₉₆ - D₅₁₁)

Επίπεδο 2: 1111=15 άρα D_{511} επιλέγεται ο DEC511 ($D_{8176} - D_{8191}$)

Επίπεδο 3: 1110=14 άρα αποκωδικοποιείται 8176+14=8190

7. Να υλοποιήσετε έναν αποκωδικοποιητή 15 x 32K (2¹⁵) χρησιμοποιώντας τρία επίπεδα διασύνδεσης (άρα θα σκεφτείτε το κατάλληλο μέγεθος αποκωδικοποιητών που θα χρησιμοποιήσετε, ΔΕΝ ΥΠΑΡΧΕΙ ΜΟΝΟ ΕΝΑΣ ΤΡΟΠΟΣ).

Με αποκωδικοποιητές 5x32: $2^{15} / 2^5 = 2^{10} = 1024$ αποκωδικοποιητές 5x32 επιπέδου 2 $2^{10} / 2^5 = 2^5 = 32$ αποκωδικοποιητές 5x32 επιπέδου 1 $2^5 / 2^5 = 1$ αποκωδικοποιητής 5x32 επιπέδου 0

8. Να επαναλάβετε την Άσκηση 7, με διαφορετικά μεγέθη αποκωδικοποιητών από αυτά που χρησιμοποιήσατε στην Άσκηση 7.

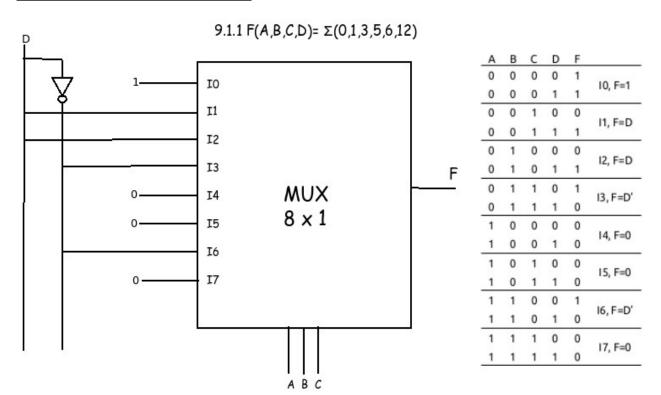
Με αποκωδικοποιητές 6x64: $2^{15} / 2^6 = 2^9 = 512$ αποκωδικοποιητές 6x64 επιπέδου 2 $2^9 / 2^6 = 2^3 = 8$ αποκωδικοποιητές 6x64 επιπέδου 1 1 αποκωδικοποιητής 3x8 επιπέδου 0

9. Να υλοποιήσετε τις 1.1-1.3

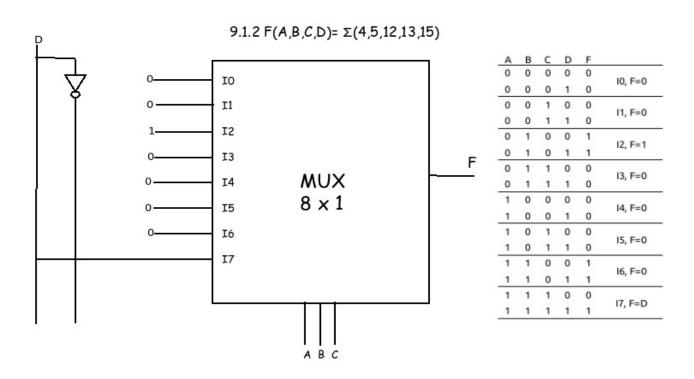
9.1 Με πολυπλέκτη 8x1, όπου τα Α,Β,C συνδέονται με τις γραμμές επιλογής και το D με τις γραμμές εισόδου.

9.1.1 $F(A,B,C,D) = \Sigma(0,1,3,5,6,12)$

_A	В	С	D	F	
0	0	0	0	1	I0, F=1
0	0	0	1	1	10, 1 – 1
0	0	1	0	0	11 F_D
0	0	1	1	1	I1, F=D
0	1	0	0	0	וז ד-ר
0	1	0	1	1	12, F=D
0	1	1	0	1	12 F D'
0	1	1	1	0	13, F=D'
1	0	0	0	0	14.5.0
1	0	0	1	0	14, F=0
1	0	1	0	0	IF F 0
1	0	1	1	0	15, F=0
1	1	0	0	1	14 E D/
1	1	0	1	0	I6, F=D'
1	1	1	0	0	17.5.0
1	1	1	1	0	17, F=0

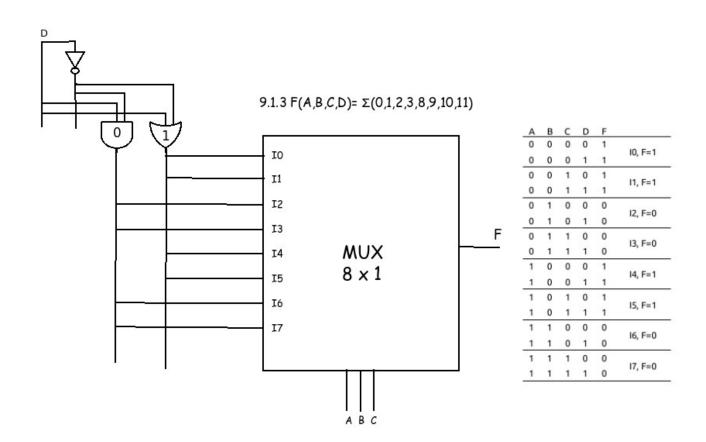


_A	В	C	Ď	F	
0	0	0	0	0	I0, F=0
0	0	0	1	0	10, F=0
0	0	1	0	0	I1 E-0
0	0	1	1	0	I1, F=0
0	1	0	0	1	I2 E_1
0	1	0	1	1	I2, F=1
0	1	1	0	0	12 F_0
0	1	1	1	0	13, F=0
1	0	0	0	0	I4 E-0
1	0	0	1	0	14, F=0
1	0	1	0	0	IE E-0
1	0	1	1	0	15, F=0
1	1	0	0	1	I6 F_1
1	1	0	1	1	I6, F=1
1	1	1	0	0	17 F-D
1	1	1	1	1	17, F=D



9.1.3 $F(A,B,C,D) = \Sigma(0,1,2,3,8,9,10,11)$

_A	В	С	D	F	
0	0	0	0	1	IO E-1
0	0	0	1	1	I0, F=1
0	0	1	0	1	I1 C _1
0	0	1	1	1	I1, F=1
0	1	0	0	0	12 5 0
0	1	0	1	0	12, F=0
0	1	1	0	0	12.5.0
0	1	1	1	0	13, F=0
1	0	0	0	1	I4, F=1
1	0	0	1	1	
1	0	1	0	1	
1	0	1	1	1	I5, F=1
1	1	0	0	0	16.5.0
1	1	0	1	0	16, F=0
1	1	1	0	0	17
1	1	1	1	0	17, F=0

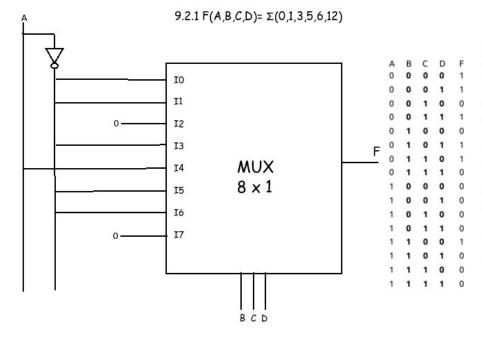


9.2 Με πολυπλέκτη 8x1, όπου τα B,C, D συνδέονται με τις γραμμές επιλογής και το Α με τις γραμμές εισόδου.

9.2.1 $F(A,B,C,D) = \Sigma(0,1,3,5,6,12)$

Θα ομαδοποιήσουμε τις γραμμές επιλογής BCD ώστε διευκολυνθούμε κατά τη σχεδίαση του πολυπλέκτη.

BCD = 000	A=0, F=1 A=1, F=0	F=A' → I0
BCD = 001	A=0, F=1 A=1, F=0	F=A' → I1
BCD = 010	A=0, F=0 A=1, F=0	F=0 → I2
BCD = 011	A=0, F=1 A=1, F=0	F=A' → I3
BCD = 100	A=0, F=0 A=1, F=1	F=A → I4
BCD = 101	A=0, F=1 A=1, F=0	F=A' → I5
BCD = 110	A=0, F=1 A=1, F=0	F=A' → I6
BCD = 111	A=0, F=0 A=1, F=0	F=0 → I7
<u> </u>	·	



Θα ομαδοποιήσουμε τις γραμμές επιλογής BCD ώστε διευκολυνθούμε κατά τη σχεδίαση του πολυπλέκτη.

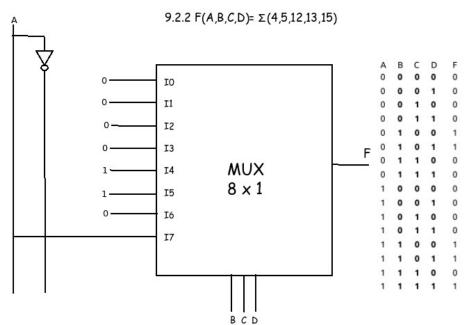
A=0, F=1 A=1, F=0	F=A' → 10
A=0, F=1 A=1, F=0	F=A' → I1
A=0, F=0 A=1, F=0	F=0 → I2
A=0, F=1 A=1, F=0	F=A' → I3
A=0, F=0 A=1, F=1	F=A → I4
A=0, F=1 A=1, F=0	F=A' → I5
A=0, F=1 A=1, F=0	F=A' → I6
A=0, F=0 A=1, F=0	F=0 → 17
	A=1, F=0 A=0, F=1 A=1, F=0 A=0, F=0 A=1, F=0 A=0, F=1 A=1, F=0 A=0, F=1 A=1, F=1 A=0, F=1 A=1, F=0 A=0, F=1 A=1, F=0 A=0, F=1 A=1, F=0 A=0, F=1 A=1, F=0 A=0, F=1 A=1, F=0

9.2.2 $F(A,B,C,D) = \Sigma(4,5,12,13,15)$

Α	В	C	D	F
0	0	0	0	0
0	0	0	1	0
0	0	1	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	0	1
0	1	0	1	1
0	1	1	0	0
0	1	1	1	0
1	0	0	0	0
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0
1	0	1	1	0

Θα ομαδοποιήσουμε τις γραμμές επιλογής BCD ώστε διευκολυνθούμε κατά τη σχεδίαση του πολυπλέκτη.

BCD = 000	A=0, F=0 A=1, F=0	F=0 → I0
BCD = 001	A=0, F=0 A=1, F=0	F=0 → I1
BCD = 010	A=0, F=0 A=1, F=0	F=0 → I2
BCD = 011	A=0, F=0 A=1, F=0	F=0 → I3
BCD = 100	A=0, F=1 A=1, F=1	F=1 → I4
BCD = 101	A=0, F=1 A=1, F=1	F=1 → I5
BCD = 110	A=0, F=0 A=1, F=0	F=0 → I6
BCD = 111	A=0, F=0 A=1, F=1	F=A → I7



Θα ομαδοποιήσουμε τις γραμμές επιλογής BCD ώστε διευκολυνθούμε κατά τη σχεδίαση του πολυπλέκτη.

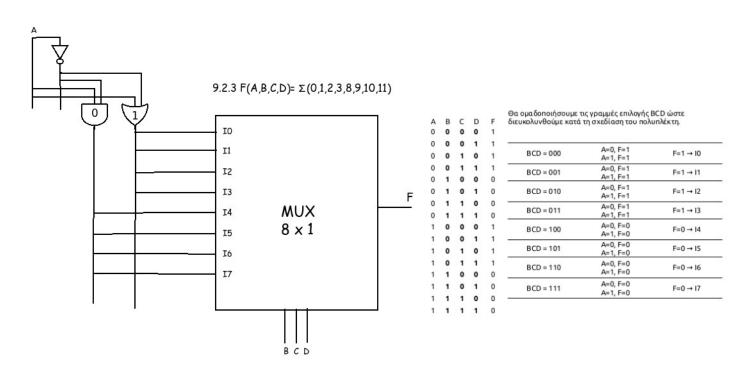
BCD = 000	A=0, F=0 A=1, F=0	F=0 → 10
BCD = 001	A=0, F=0 A=1, F=0	F=0 → I1
BCD = 010	A=0, F=0 A=1, F=0	F=0 → I2
BCD = 011	A=0, F=0 A=1, F=0	F=0 → I3
BCD = 100	A=0, F=1 A=1, F=1	F=1 → I4
BCD = 101	A=0, F=1 A=1, F=1	F=1 → I5
BCD = 110	A=0, F=0 A=1, F=0	F=0 → 16
BCD = 111	A=0, F=0 A=1, F=1	F=A → 17

9.2.3 $F(A,B,C,D) = \Sigma(0,1,2,3,8,9,10,11)$

Α	В	C	D	F
0	0	0	0	1
0	0	0	1	1
0	0	1	0	1
0	0	1	1	1
0	1	0	0	0
0	1	0	1	0
0	1	1	0	0
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	0	1	1
1	0	1	0	1
1	0	1	1	1
1	1	0	0	0
1	1	0	1	0
1	1	1	0	0
1	1	1	1	0

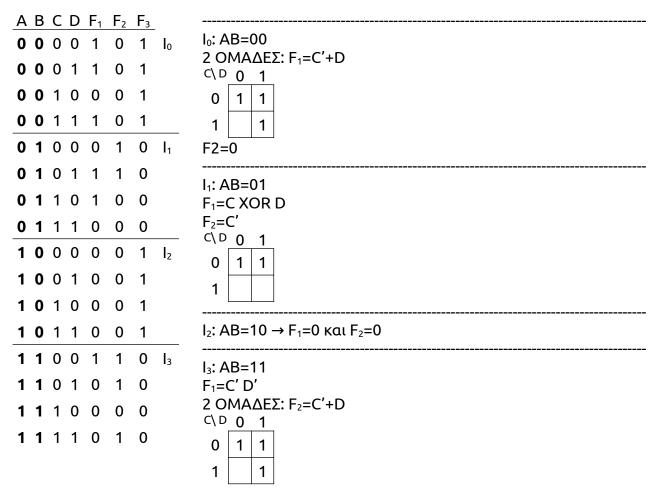
Θα ομαδοποιήσουμε τις γραμμές επιλογής BCD ώστε διευκολυνθούμε κατά τη σχεδίαση του πολυπλέκτη.

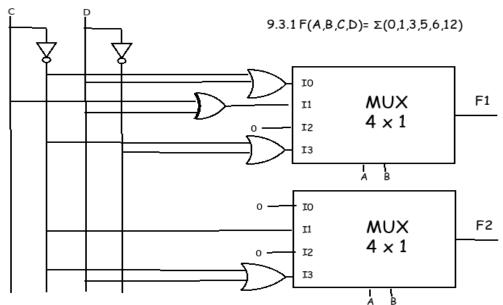
BCD = 000	A=0, F=1 A=1, F=1	F=1 → I0
BCD = 001	A=0, F=1 A=1, F=1	F=1 → I1
BCD = 010	A=0, F=1 A=1, F=1	F=1 → I2
BCD = 011	A=0, F=1 A=1, F=1	F=1 → I3
BCD = 100	A=0, F=0 A=1, F=0	F=0 → I4
BCD = 101	A=0, F=0 A=1, F=0	F=0 → I5
BCD = 110	A=0, F=0 A=1, F=0	F=0 → I6
BCD = 111	A=0, F=0 A=1, F=0	F=0 → I7



9.3 Με πολυπλέκτη 4x1, όπου τα Α,Β συνδέονται με τις γραμμές επιλογής και τα C, D με τις γραμμές εισόδου.

9.3.1 $F(A,B,C,D) = \Sigma(0,1,3,5,6,12)$





9.3.2 $F(A,B,C,D) = \Sigma(4,5,12,13,15)$

Α	В	C	D	F
0	0	0	0	0
0	0	0	1	0
0	0	1	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	0	1
0	1	0	1	1
0	1	1	0	0
0	1	1	1	0
1	0	0	0	0
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0
1	0	1	1	0
1	1	0	0	1
1	1	0	1	1
1	1	1	0	0
1	1	1	1	1

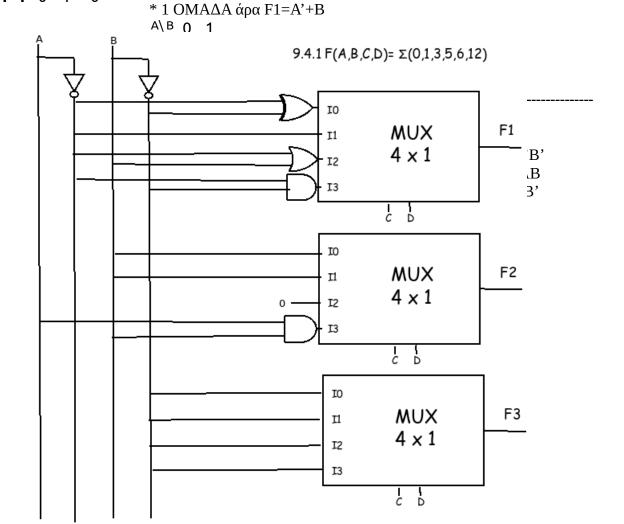
9.3.3 $F(A,B,C,D) = \Sigma(0,1,2,3,8,9,10,11)$

Α	В	C	D	F
0	0	0	0	1
0	0	0	1	1
0	0	1	0	1
0	0	1	1	1
0	1	0	0	0
0	1	0	1	0
0	1	1	0	0
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	0	1	1
1	0	1	0	1
1	0	1	1	1
1	1	0	0	0
1	1	0	1	0
1	1	1	0	0
1	1	1	1	0

9.4 Με πολυπλέκτη 4x1, όπου τα C,D συνδέονται με τις γραμμές επιλογής και τα A, B με τις γραμμές εισόδου.

9.3.1 $F(A,B,C,D) = \Sigma(0,1,3,5,6,12)$

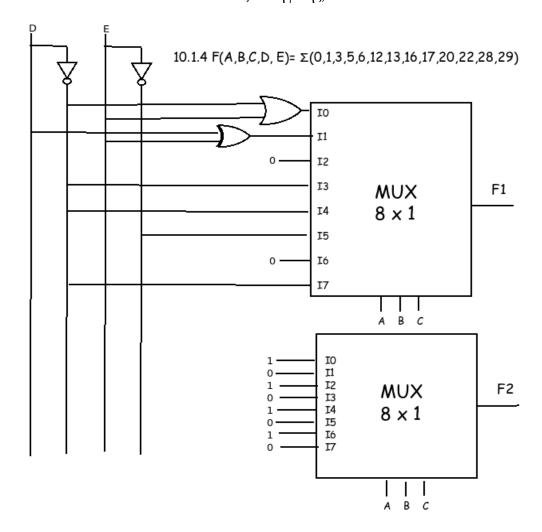
ABCDF ₁ F ₂ F ₃		
0 0 0 0 1 0 1	I ₀ : CD=00	
	AB=00 AB=01 AB=10 AB=11	
0 0 0 1 1 0 1	$F_1=1$ $F_1=0$ $F_1=0$ $F_1=1$	Άρα F1 = A' XOR B'
0 0 1 0 0 0 1	$F_2=0$ $F_2=1$ $F_2=0$ $F_2=1$	A ρ α $F2 = B$
0 0 1 1 1 0 1	F ₃ =1 F ₃ =0 F ₃ =1 F ₃ =0	Άρα F3 = Β'
0 1 0 0 0 1 0	I₁: CD=01	
0 1 0 1 1 1 0	AB=00 AB=01 AB=10 AB=11	
0 1 1 0 1 0 0	$F_1=1$ $F_1=1$ $F_1=0$ $F_1=0$	Aρα $F1 = A' *$
	$F_2=0$ $F_2=1$ $F_2=0$ $F_2=1$	$A\rho\alpha F2 = B$
0 1 1 1 0 0 0	$F_3=1$ $F_3=0$ $F_3=1$ $F_3=0$	Άρα F3 = Β'
1 0 0 0 0 0 1	* 1 ΟΜΑΔΑ άρα F1=A' Α\Β 0 1	
1 0 0 1 0 0 1	0 1 1	
1 0 1 0 0 0 1	1	
1 0 1 1 0 0 1		
1 1 0 0 1 1 0	I ₂ : CD=10	
1 1 0 1 0 1 0	AB=00 AB=01 AB=10 AB=11	4 - T4 - A1 - D4
	$F_1=0$ $F_1=1$ $F_1=0$ $F_1=0$	Aρα $F1 = A' + B*$
1 1 1 0 0 0 0	$F_2=0$ $F_2=0$ $F_2=0$ $F_2=1$	Aρα $F2 = 0$
1 1 1 1 0 1 0	$F_3=1$ $F_3=0$ $F_3=1$ $F_3=0$	Aρα F3 = B'



10. Να υλοποιήσετε τις 1.4-1.5 10.1 Με πολυπλέκτη 8x1, όπου τα Α,Β,C συνδέονται με τις γραμμές επιλογής και τα D,Ε με τις γραμμές εισόδου.

10.1.4 $F(A,B,C,D,E) = \Sigma(0,1,3,5,6,12,13,16,17,20,22,28,29)$

```
ABCDEF<sub>1</sub>F<sub>2</sub>
000011
0000111
              F_1 = D' + E
0001001
              F_2 = 1
0001111
0010000
0010110
               F_1 = D XOR E
               F_2 = 0
0011010
0011100
0100001
0100101
               F_1 = 0
            I_2 F_2 = 1
0101001
0 1 0 1 1 0 1
0110010
0110110
               F_1 = D'
               F_2 = 0
0 1 1 1 0 0 0
0 1 1 1 1 0 0
1000011
1000111
               F_1 = D'
               F_2 = 1
1001001
1001101
1010010
1010100
               F_1 = E
               F_2 = 0
1011010
1011100
1100001
1100101
               F_1 = 0
               F_2 = 1
1101001
1101101
1110010
1110110
               F_1 = D'
            F_2 = 0
1111000
1111100
```



- 10.2 Με πολυπλέκτη 8x1, όπου τα,C, D,E συνδέονται με τις γραμμές επιλογής και τα A, B με τις γραμμές εισόδου.
- 10.3 Με πολυπλέκτη 4x1, όπου τα A,B συνδέονται με τις γραμμές επιλογής και τα C, D, E με τις γραμμές εισόδου.
- 10.4 Με πολυπλέκτη 4x1, όπου τα D,E συνδέονται με τις γραμμές επιλογής και τα A, B ,C με τις γραμμές εισόδου.
- 10.5 Με πολυπλέκτη 16x1, όπου τα Α-D συνδέονται με τις γραμμές επιλογής και το Ε με τις γραμμές εισόδου.
- 10.6 Με πολυπλέκτη 16x1, όπου τα Β-Ε συνδέονται με τις γραμμές επιλογής και το Α με τις γραμμές εισόδου.