Formulario Anualidades

1. Pagan continuamente

1.1 Las anualidades

Vitalicia

$$\bar{a}_x = \int_0^\infty v^t t p_x dt = \int_0^\infty t E_x dt$$

Anualidad temporal

$$\bar{a}_{x:\overline{n}|} = \int_{0}^{n} v^{t}_{t} p_{x} dt$$

Anualidad diferida vitalicia
$$a_n|\bar{a}_x=nE_x\bar{a}_{x+n}=\bar{a}_x-\bar{a}_{x:\overline{n}|}=\int_n^\infty tE_xdt$$

Anualidad Vitalicia con periodo de garantía

$$\bar{a}_{\overline{x:\overline{n}|}} = \bar{a}_{\overline{n}|} + {}_{n|}\bar{a}_x = \bar{a}_{\overline{n}|} + (\bar{a}_x - \bar{a}_{x:\overline{n}|})$$

Acumulado de una anualidad temporal

$$\bar{s}_{x:\overline{n}|} = \frac{a_{x:\overline{n}|}}{nE_x} = \int_0^{\infty} \frac{1}{n-tE_{x+t}} dt$$

Anualidad incremental anual

$$(I\bar{a})_x = \sum_{t=0}^{\infty} t|\bar{a}_x|$$

Anualidad incremental continua

$$(\bar{I}\bar{a})_x = \int_0^\infty tv^t{}_t p_x dt$$

1.2 Anualidades con Conmutados

Vitalicia

$$\bar{a}_x = \frac{\bar{N}_x}{D_x}$$

Anualidad temporal

$$\bar{a}_{x:\overline{n}|} = \frac{\bar{N}_x - \bar{N}_{x+n}}{D_x}$$

Anualidad diferida vitalicia

$$_{n|}\bar{a}_{x} = \frac{\bar{N}_{x+n}}{D_{x}}$$

Anualidad Vitalicia con periodo de garantía

$$\bar{a}_{\overline{x:\overline{n}|}} = \bar{a}_{\overline{n}|} + \frac{\bar{N}_{x+n}}{D_x}$$

Acumulado de una anualidad temporal

$$\bar{s}_{x}\cdot \bar{n} = \frac{N_x - N_{x+1}}{\bar{n}}$$

Anualidad incremental anual

$$(I\bar{a})_x = \frac{\bar{S}_x}{D_x}$$

Anualidad incremental continua

$$(\bar{I}\bar{a})_x = \frac{1}{D_x} \int_0^\infty t D_{x+t} dt$$

2. Pagan Anual

2.1 Anticipadas

Vitalicia

$$\ddot{a}_x = \sum_{k=0}^{\infty} v^k{}_k p_x$$

Temporal

$$\ddot{a}_{x:\overline{n}|} = \sum_{k=0}^{n-1} v^k{}_k p_x$$

Vitalicia diferida n años

$$_{n|}\ddot{a}_{x} = \sum_{k=n} v^{k}{}_{k}p_{x}$$

Anualidad con periodo de garantía n años

$$\ddot{a}_{\overline{x:\overline{n}|}} = \ddot{a}_{\overline{n}|} + \sum_{k=n}^{\infty} v^k{}_k p_x$$

Acumulado de anualidad temporal

$$\ddot{s}_{x:\overline{n}|} = \frac{\ddot{a}_{x\overline{n}|}}{nE_x}$$

Incremental

$$(I\ddot{a})_x = \sum_{k=0}^{\infty} (k+1)v^k{}_k p_x$$

Incremental temporal

$$(I\ddot{a})_{x:\overline{n}|} = \sum_{k=0}^{n-1} (k+1)v^k{}_k p_x$$

$$(I_{\overline{n}} \ddot{a})_x = \sum_{k=0}^{n-1} (k+1) v^k{}_k p_x + n \sum_{k=n}^{\infty} v^k{}_k p_x$$

$$(D\ddot{a})_{x:\overline{n}|} = \sum_{k=0}^{n-1} (n-k)v^k{}_k p_x$$

Anualidades discretas anticipadas con Conmutados

Vitalicia

$$\ddot{a}_x = \frac{N_3}{D_3}$$

$$\ddot{a}_{x:\overline{n}|} = \frac{N_x - N_{x+1}}{D_x}$$

Vitalicia diferida n años

$$_{n|}\ddot{a}_{x} = \frac{N_{x+n}}{D_{x}}$$

Anualidad con periodo de garantía n años

$$\ddot{a}_{\overline{x}:\overline{n}|} = \ddot{a}_{\overline{n}|} + \frac{N_{x+n}}{D_x}$$

Acumulado de anualidad temporal

$$\ddot{s}_{x:\overline{n}|} = \frac{N_x - N_{x+n}}{D_{x+n}}$$

Incremental

$$(I\ddot{a})_x = \frac{S_x}{D_x}$$

Incremental temporal

$$(I\ddot{a})_{x:\overline{n}|} = \frac{S_x - S_{x+n} - nN_{x+n}}{D_x}$$

Incremental n años

$$(I_{\overline{n}}|\ddot{a})_x = \frac{S_x - S_{x+n}}{D_x}$$

Decremental

$$(D\ddot{a})_{x:\overline{n}|} = \frac{nN_x - (S_{x+1} - S_{x+n+1})}{D_x}$$

2.2 Vencidas

Vitalicia

$$a_x = \sum_{k=1}^{\infty} v^k{}_k p_x$$

Temporal

$$a_{x:\overline{n}|} = \sum_{k=1}^{n} v^k{}_k p_x$$

Vitalicia diferida n años

$$a_{n} = \sum_{k=n+1}^{\infty} v^{k}{}_{k} p_{x}$$

Anualidad con periodo de garantía n años

$$a_{\overline{x}:\overline{n}|} = a_{\overline{n}|} + \sum_{k=n+1}^{\infty} v^k{}_k p_x$$

Acumulado de anualidad temporal

$$s_{x:\overline{n}|} = \frac{a_x \overline{n}|}{nE_x}$$

Incremental

$$(Ia)_x = \sum_{k=1}^{\infty} k v^k{}_k p_x$$

Incremental temporal

$$(Ia)_{x:\overline{n}|} = \sum_{k=1}^{n} k v^k{}_k p_x$$

Incremental n años

$$(I_{\overline{n}}|a)_x = \sum_{k=1}^n k v^k{}_k p_x + n \sum_{k=n+1}^\infty v^k{}_k p_x$$

Decremental

$$(Da)_{x:\overline{n}} = \sum_{k=1}^{n} (n+1-k)v^k{}_k p_x$$

Anualidades discretas vencidas con Conmutados

Vitalicia

$$a_x = \frac{N_{x+1}}{D_x}$$

$$\overline{a_{x:\overline{n}|}} = \frac{N_{x+1} - N_{x+n+1}}{D_x}$$

Vitalicia diferida n años

$$a_{n}|a_{x} = \frac{N_{x+n+1}}{D_{x}}$$

Anualidad con periodo de garantia n años

$$a_{\overline{x}:\overline{n}|} = a_{\overline{n}|} + \frac{N_{x+n+1}}{D}$$

Acumulado de anualidad temporal

Acumulado de anualid
$$s_{x:\overline{n}|} = \frac{N_{x+1} - N_{x+n+1}}{D_{x+n}}$$

Incremental

$$(Ia)_x = \frac{S_{x+1}}{D_x}$$

Incremental temporal

$$(Ia)_{x:\overline{n}|} = \frac{S_{x+1} - S_{x+n+1} - nN_{x+n+1}}{D_x}$$

Incremental n años

$$(I_{\overline{n}|}a)_x = \frac{S_{x+1} - S_{x+n+1}}{D_x}$$

$$(Da)_{x:\overline{n}|} = \frac{nN_{x+1} - (S_{x+2} - S_{x+n+2})}{D_x}$$

3. Anualidades Fraccionarias

3.1 Anticipadas

Vitalicia

Vitalicia
$$\ddot{a}_x^{(m)} = \ddot{a}_x - \frac{m-1}{2m}$$

Temporal

$$\ddot{a}_{x:\overline{n}|}^{(m)} = \ddot{a}_{x:\overline{n}|} - \frac{m-1}{2m}(1 - nE_x)$$

Vitalicia diferida n años

$$a_n | \ddot{a}_x^{(m)} = a_n | \ddot{a}_x - \frac{m-1}{2m} n E_x$$

Incremental fraccionaria

$$(I\ddot{a})_{x}^{(m)} = \sum_{t=0}^{\infty} {}_{t} |\ddot{a}_{x}^{(m)}|$$

3.1.1. Con Conmutados

Vitalicia
$$\ddot{a}_x^{(m)} = \frac{N_x - \frac{m-1}{2m}D_x}{D_x}$$

$$\ddot{a}_{x:\overline{n}|}^{(m)} = \frac{N_x - N_{x+n} - \frac{m-1}{2m}(D_x - D_{x+n})}{D_x}$$

Vitalicia diferida n años

$$n \ddot{a}_{x}^{(m)} = \frac{N_{x+n} - \frac{m-1}{2m}D_{x+n}}{D}$$

Incremental fraccionaria

$$(I\ddot{a})_{x}^{(m)} = \frac{S_{x} - \frac{m-1}{2m}N_{x}}{D_{x}}$$

3.2 Vencidas

Vitalicia
$$a_x^{(m)} = a_x + \frac{m-1}{2m}$$

Temporal
$$a_{x:\overline{n}|}^{(m)} = a_{x:\overline{n}|} + \frac{m-1}{2m}(1 - nE_x)$$

Vitalicia diferida n años

$$a_x^{(m)} = {}_{n|}a_x + \frac{m-1}{2m}{}_n E_x$$

Incremental fraccionaria

$$(Ia)_x^{(m)} = \sum_{t=0}^{\infty} t |a_x^{(m)}|$$

3.2.1. Con Conmutados

Vitalicia
$$a_{x}^{(m)} = \frac{N_{x+1} + \frac{m-1}{2m}D_{x}}{2m}$$

Temporal
$$a_{x:\overline{n}|}^{(m)} = \frac{N_{x+1} - N_{x+n+1} + \frac{m-1}{2m}(D_x - D_{x+n})}{D_x}$$

Vitalicia diferida n años

$$a_{n|}^{(m)} = \frac{N_{x+n+1} + \frac{m-1}{2m}D_{x+n}}{D_{x}}$$

Incremental fraccionaria

$$(Ia)_x^{(m)} = \frac{S_{x+1} + \frac{m-1}{2m}N_x}{D_x}$$