

1) Aus  $b_n \in O(a_n)$  folgt  $a_n \in o(b_n)$

diese Behauptung gilt nicht:  $b_n = 9^n$   $a_n = 10^n$

$b_n \in O(a_n)$  stimmt

$a_n \in o(b_n)$  stimmt nicht

2) Wenn  $a_n \in O(b_n)$  und  $b_n \in O(c_n)$ , dann gilt auch  $a_n \in O(c_n)$

Die Aussage stimmt. Beweis: Es gibt ~~e~~  $e_1$  und  $n_{0,1} > 0$  für die

gilt  ~~$\exists n > n_{0,1}$~~   $a_n \leq e_1 \cdot b_n$

(Beweis für  $a_n \in O(b_n)$ ) für  $n > n_{0,1}$

Es gibt ~~e~~  $e_2$  und  $n_{0,2}$  für die gilt  $b_n \leq e_2 \cdot c_n$

Beweis für  $b_n \in O(c_n)$  für alle  $n > n_{0,2}$

3) Wenn  $n_0 = \max(n_{0,1}, n_{0,2})$  und  $e = e_1 \cdot e_2 \Rightarrow$  dann gilt

$n > n_0 : a_n \leq e_1 \cdot b_n \leq e_1 \cdot e_2 \cdot c_n = e \cdot c_n$