

a) zu zeigen: $\underbrace{(n+1000)}_f \in \underbrace{O(n^2)}_g$ $f \in O(g)$

$\exists c, n_0: n+1000 \leq c \cdot n^2$ für alle $n \geq n_0$

$c=5, n_0=1000$

IA:

$1000 + 1000 \leq 5 \cdot (1000)^2$ Aussage stimmt

IV:

Für n gelte: $n+1000 \leq 5n^2$

IS:

$n \rightarrow n+1$

zu zeigen: $(n+1)+1000 \leq 5(n+1)^2$ $5(n+1)^2 = 5n^2 + 10n + 5$

$$\begin{aligned}(n+1)+1000 &= (n+1000)+1 \\ &\leq 5(n)^2 + 1 \\ &\leq 5n^2 + 1n \\ &\leq 5n^2 + 10n + 5\end{aligned}$$

Beweis ~~da~~ da: $5n^2 + n \leq 5n^2 + 10n + 5$ gilt ~~und~~

b) zu zeigen: $\underbrace{n^3}_f \notin \underbrace{O(n^2+n+4)}_g$

$$\frac{f}{g} = \frac{n^3}{n^2+n+4}$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{f}{g} \right) = \frac{n^3}{n^2+n+4} \stackrel{n = \infty \text{ da } (n \rightarrow \infty)}{=} \underbrace{\infty}_{\text{daraus folgt } f_n \notin O(g_n)}$$

c) zu zeigen: $\underbrace{n^2}_f \in \underbrace{O(e^n)}_g$

$$\frac{f}{g} = \frac{n^2}{e^n} \xrightarrow{n \rightarrow \infty} \frac{\infty}{\infty} = 0$$