

Билет 1.

1. Вычислимый шифр и шифр Шеннона. Понятие абсолютной стойкости
2. CPA стойкость, модель, игры, отличия от одноразовой семантической стойкости.
3. Пусть  $(S, V)$  – стойкий MAC на  $(K, M, T)$ ,  $M = \{0,1\}^n$ ,  $T = \{0,1\}^{128}$ .

Какой из описанных MAC является стойким? Формально докажите или опровергните стойкость.

$S'(k, m) = S(k, m    m), V'(k, m, t) = V(k, m    m, t)$
$S'((k_1, k_2), (a_1, a_2)) = S(k_1, a_1)    S(k_2, a_2)$

Билет 2.

1. Поточные шифры и псевдослучайные генераторы, модель, игры, принципы построения, примеры
2. Режимы шифрования, различия, стойкость в моделях CPA и семантической стойкости.
3. Пусть  $F: K \times X \rightarrow Y$  – стойкая PRF,  $K = X = Y = \{0,1\}^n$ . Какие из следующих алгоритмов являются стойкими PRF? Для каждого алгоритма предоставить доказательство стойкости или атаку.

$F'(k, x) = F(k, x) \oplus 1^n$
$F'(k, x) = F(k, x)    0$

Билет 3.

1. Блочные шифры, PRP, PRF, модель, игры, примеры.
2. Схемы аутентифицированного шифрования. Преимущества и недостатки.
3. Пусть  $H: M \rightarrow T$  – стойкая к коллизиям хэш-функция. Какая из описанных хэш-функций является стойкой? Формально докажите или опровергните стойкость.

$H(m) \oplus H(m)$
$H(m)    H(m)$

Билет 4.

1. Хэш-функции модель, игры, причины появления, понятие стойкости (4 штуки).
2. Построение кодов аутентичности сообщений на основе блочных шифров.
3. Пусть  $(E, D)$  – схема стойкого аутентифицированного симметричного шифрования на  $(K, \{0,1\}^n, \{0,1\}^s)$ . Какие из схем ниже являются стойкими схемами аутентифицированного шифрования (формально докажите или опровергните).

$E'(k, m) = (E(k, m), 0)$
$D'(k, (c, d)) = D(k, c)$
$E'(k, m) = E(k, m \oplus 1^n)$
$D'(k, c) = \begin{cases} D(k, c) \oplus 1^n, & \text{if } D(k, c) \neq \perp \\ \perp, & \text{else} \end{cases}$

Билет 5.

1. Аутентифицированное шифрование, модель, игры, причины появления, понятие стойкости (стойкий аутентифицированный шифр и САА стойкость).
2. Выработка ключей с использованием HKDF.
3. Пусть  $G: \{0,1\}^s \rightarrow \{0,1\}^n$  – стойкий PRG. Какие из следующих алгоритмов является семантически стойкими? Для каждого алгоритма предоставить доказательство стойкости или атаку.

$G'(k) = G(k)    G(k)$
$G'(k, k') = G(k) \vee G(k'), \vee$ - побитовый OR