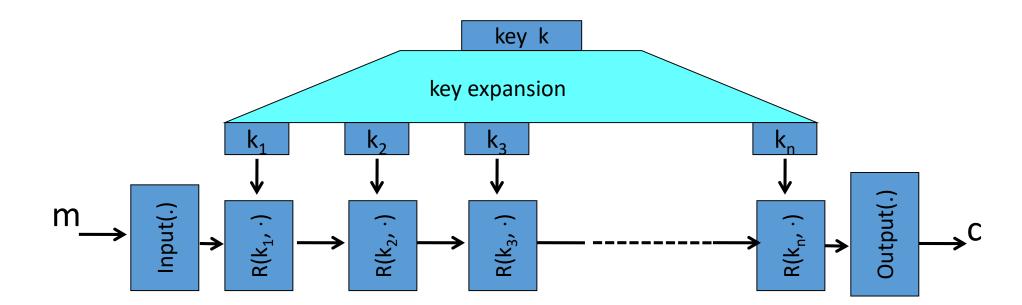
# Прикладная Криптография: Симметричные криптосистемы Блочные шифры

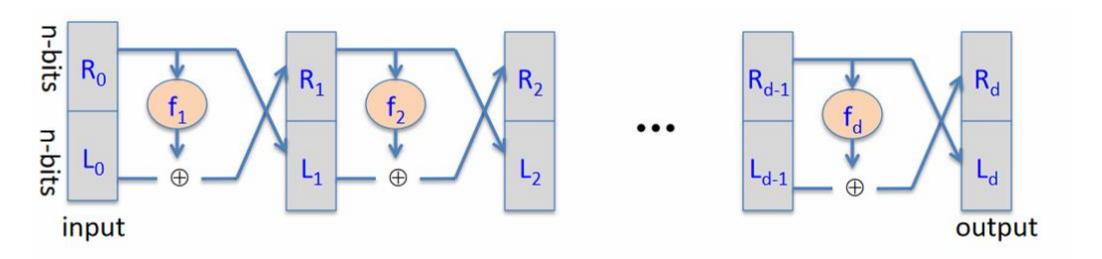
Макаров Артём МИФИ 2018

### Построение блочных шифров

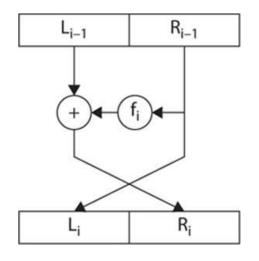
- Блочные шифры часто строятся с использованием итеративных (раундовых) функций и функции расширения ключей (см. прошлую лекцию)
- Сами по себе итеративные функции и функции расширения ключей могут быть не стойкими

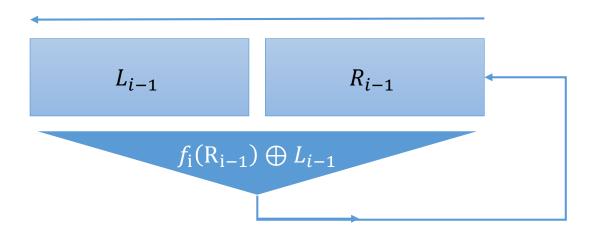


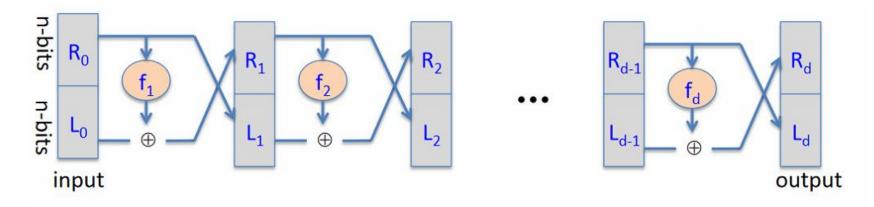
- Пусть  $f_1, ..., f_d: \{0,1\}^n \to \{0,1\}^n$
- Построим функцию  $F: \{0,1\}^{2n} \to \{0,1\}^{2n}$ :
  - $R_i = f_i(R_{i-1}) \oplus L_{i-1}$
  - $L_i = R_{i-1}, (L_i, R_i) \in \{0,1\}^{2n}$



• Фактически сеть Фейстеля есть линейный двухблочный регистр сдвига:

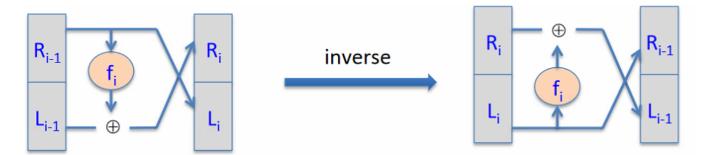




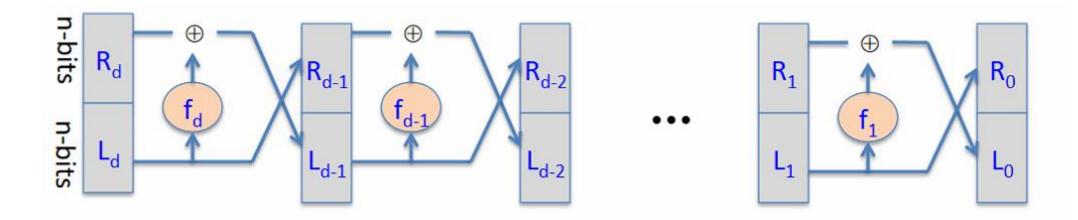


**Теорема 5.1** Для любых функций  $f_1, \dots, f_d \colon \{0,1\} \to \{0,1\}^n$  сеть Фейстеля обратима

$$ho R_{i-1} = L_i, L_{i-1} = f_i(L_i) \oplus R_i 
ightharpoons R_i$$



• Обратное преобразование сети Фейстеля – сеть Фейстеля с обратным порядком следования функций  $f_1, \dots f_d$ :

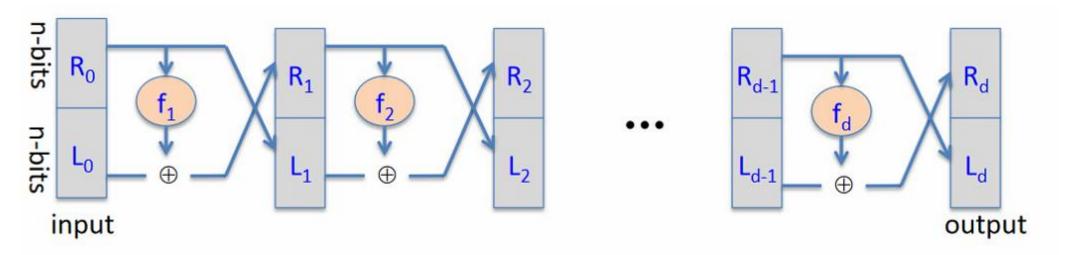


#### **Теорема 5.1.** (Luby-Rackoff)

Пусть  $f: \{0,1\}^n \to \{0,1\}^n$  стойкая PRF.

Тогда трехраундовая сеть Фейстеля (d=3)  $F=K^3 imes\{0,1\}^{2n} o\{0,1\}^{2n}$  - стойкая PRP.

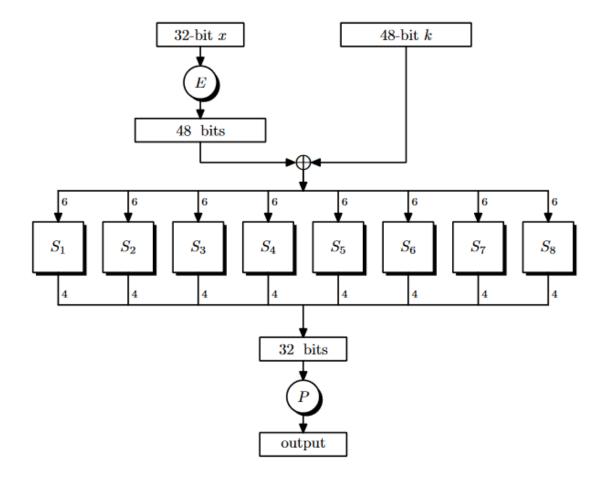
#### ! Используются 3 независимых, случайный ключа!



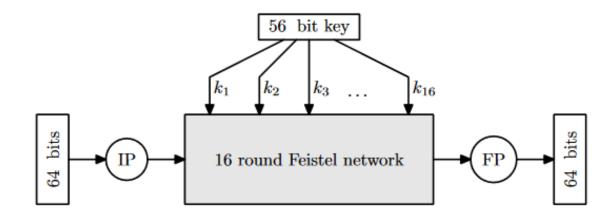
- 16 раундовая сеть Фейстеля
- Размер ключей 56 бит
- Размер блока 64 бита
- Производительность 80 MB/sec (OpenSSL 1.0.1e on Intel(R) Xeon(R) CPU E5-2698 v3 @ 2.30GHz (Haswell))
- Сломан, не использовать на практике, включая вариации (например 3DES)
- Практическая атака  $2^{43}$ , 3DES  $2^{113}$ .

- $f_i(x) = F(k_i, x), k_i \in \{0,1\}^{48}, x \in \{0,1\}^{32}$  раундовая функция в сети Фейстеля.
- $E: \{0,1\}^{32} \to \{0,1\}^{48}$  функция расширения
- $P: \{0,1\}^{32} \to \{0,1\}^{32}$  перемешивающая перестановка
- Функции  $S_1, \dots, S_8$ :  $\{0,1\}^6 \to \{0,1\}^4$  S боксы, фиксировано заданные таблично.

- $f_i(x) = F(k_i, x), k_i \in \{0,1\}^{48}, x \in \{0,1\}^{32}$  раундовая функция сети Фейстеля.
- $E:\{0,1\}^{32} \to \{0,1\}^{48}$  функция расширения блока
- $P: \{0,1\}^{32} \to \{0,1\}^{32}$  фиксированная перестановка
- Функции  $S_1, \dots, S_8$ :  $\{0,1\}^6 \to \{0,1\}^4$  S боксы, фиксировано заданные таблично.



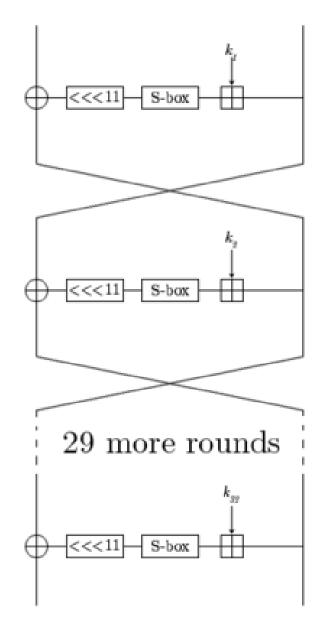
- $G: \{0,1\}^{56} \to (\{0,1\}^{48})^{16}$  функция расширения ключей (ключевого расписания), получает 16 раундовых (итеративных) 48 битных ключей, используя различные конкатенации подвекторов исходного ключа.
- IP, FP:  $\{0,1\}^{64} \to \{0,1\}^{64}$  входные и выходные преобразования, неизвестного назначения (возможно для замедления программной реализации, не влияют на стойкость)



- ... он же ГОСТ Р 34.12-2015 «Магма»
- 32 раундовая сеть Фейстеля
- Размер ключа 256 бит
- Размер блока 64 бит
- Основной алгоритм шифрования для людей обременённых приказом ФСБ

- $f_i(x) = F(k_i, x), k_i \in \{0,1\}^{32}, x \in \{0,1\}^{32}$  раундовая функция в сети Фейстеля.
- Ключ складывается по модулю  $2^{32}$
- Функции  $S_1, \dots, S_8$ :  $\{0,1\}^4 \to \{0,1\}^4$  S боксы, фиксировано заданные таблично.
- Циклический сдвиг на 11

- $f_i(x) = F(k_i, x), k_i \in \{0,1\}^{32}, x \in \{0,1\}^{32}$  раундовая функция в сети Фейстеля.
- Ключ складывается по модулю  $2^{32}$
- Функции  $S_1, ..., S_8$ :  $\{0,1\}^4 \to \{0,1\}^4$  S боксы, фиксировано заданные таблично.
- Циклический сдвиг на 11



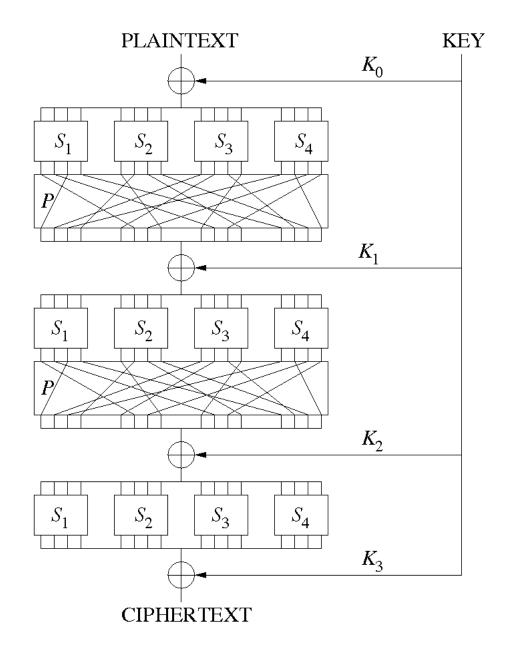
- $G: \{0,1\}^{256} \to (\{0,1\}^{32})^8$  функция расширения ключей (ключевого расписания), получает 8 раундовых (итеративных) 32 битных ключей, путём разбиения исходного ключа на блоки.
- При шифровании ключи используются в порядке 0..7, 0..7, 0..7, 7..0

#### AES

- Наиболее распространённый алгоритм шифрования
- Размер ключа 128, 192, 256 бит
- Размер блока 128 бит
- Перестановочно-подстановочная сеть (Substitution —Permutation network)

#### SP сеть

- Предложена Фейстелем
- Основная идея использования «двухслойной» итеративной функции.
- Слой P перестановка блока
- Слой *S* фиксированная подстановка, выполняемая поблочно с использованием фиксированных подстановок (S-Box'oв)



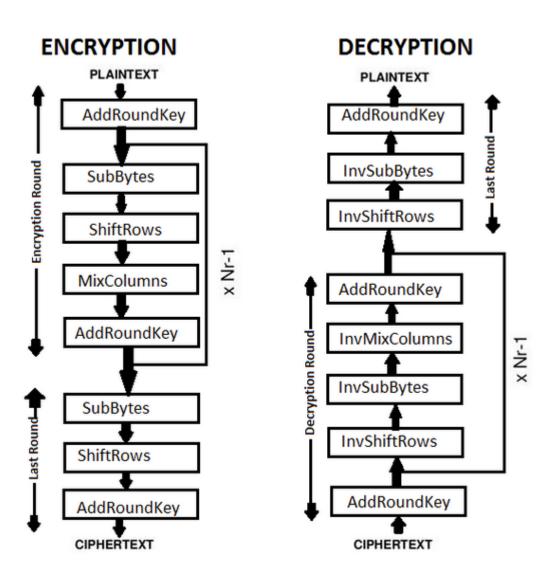
#### **AES**

- Раундовая функция итерация SP сети
- Раундовая функция последовательное применение 3х функций и сложение с ключом
- SubBytes: пусть  $S: \{0,1\}^8 \to \{0,1\}^8$  фиксированная подстановка. Подстановка применяется для каждого из 16 подблоков входного блока.
- ShiftRows: циклический сдвиг столбцов  $4 \times 4$  матрицы: i-й столбец сдвигается на i позиций, i=0,1,2,3.

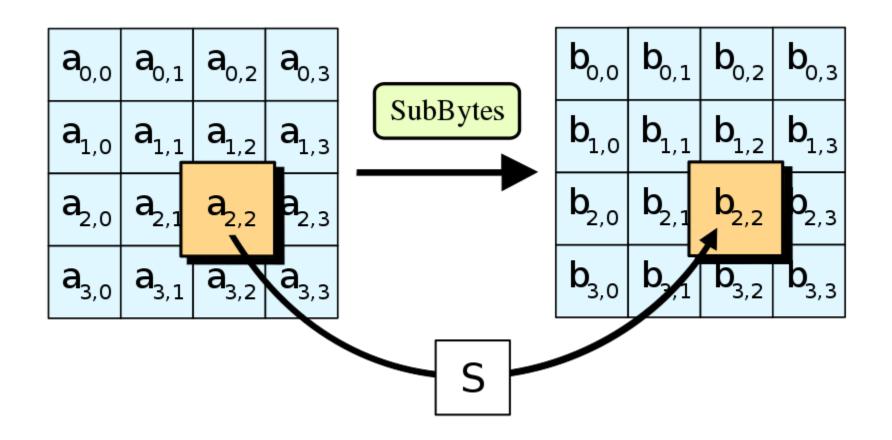
$$\begin{pmatrix} a_0 & a_1 & a_2 & a_3 \\ a_4 & a_5 & a_6 & a_7 \\ a_8 & a_9 & a_{10} & a_{11} \\ a_{12} & a_{13} & a_{14} & a_{15} \end{pmatrix} \Longrightarrow \begin{pmatrix} a_0 & a_1 & a_2 & a_3 \\ a_5 & a_6 & a_7 & a_4 \\ a_{10} & a_{11} & a_8 & a_9 \\ a_{15} & a_{12} & a_{13} & a_{14} \end{pmatrix}$$

#### **AES**

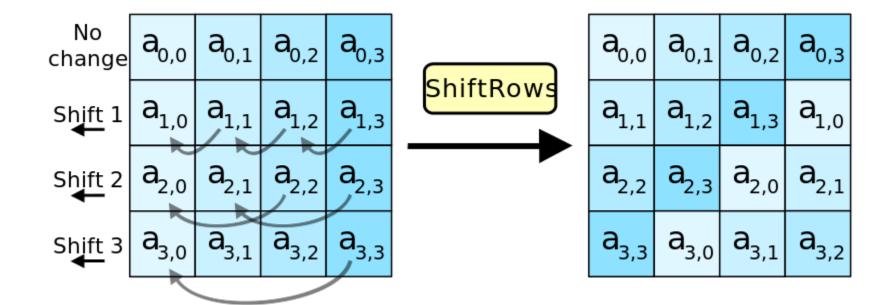
- MixColumns: умножение  $4 \times 4$  матрицы на фиксированную обратимую матрицу в  $GF(2^8)$ .
- AddRoundKey: Сложение с ключом побитное
- Все описанные выше преобразования обратимы.
- В последнем раунде не выполняется MixColums
- $G: \{0,1\}^{128} \to (\{0,1\}^{128})^{11}$



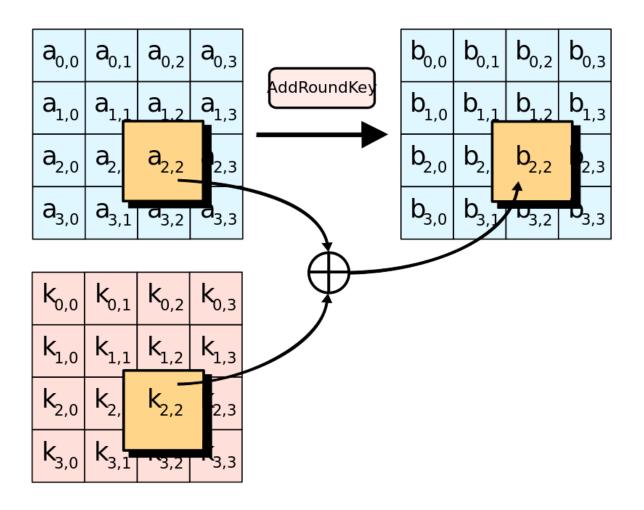
### SubBytes



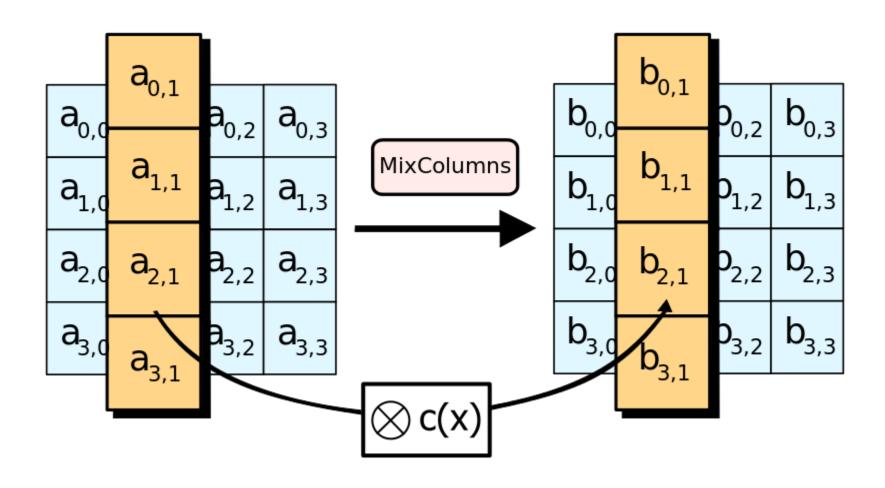
## ShiftRows



# AddRoundKey

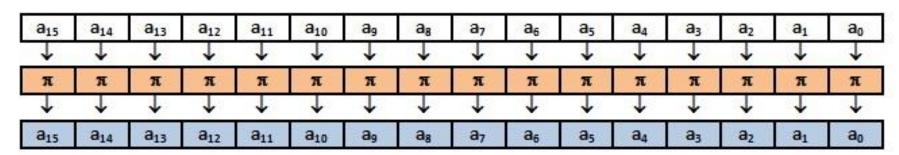


### MixColumns



- Новый алгоритм в замену 28147-89
- SP сеть (с регистром сдвига), сеть Фейстеля для генерации раундовых ключей
- Размер блока 128 бит
- Длина ключа 256 бит
- 10 раундов

- Раундовая функция итерация SP сети
- Раундовая функция последовательное применение 2х функций и сложение с ключом (побитово)
- S: нелинейное биективное преобразование, реализуется с помощью S-box



Преобразование S

- MUL: линейное преобразование, умножение в конечном поле над полиномом
- R: линейный регистр сдвига с функцией обратной связи, в виде умножения (MUL) байтов на коэфициенты (148, 32, 133, 16, 194, 192, 1, 251, 1, 192, 194, 16, 133, 32, 148, 1), и сложение по модулю 2.

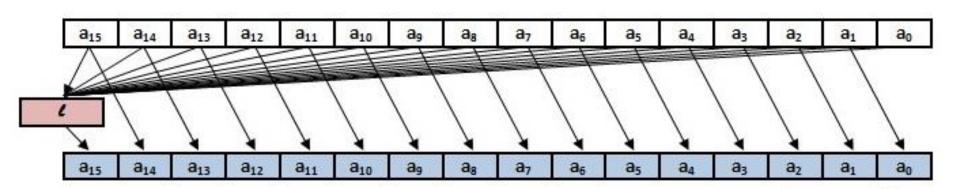
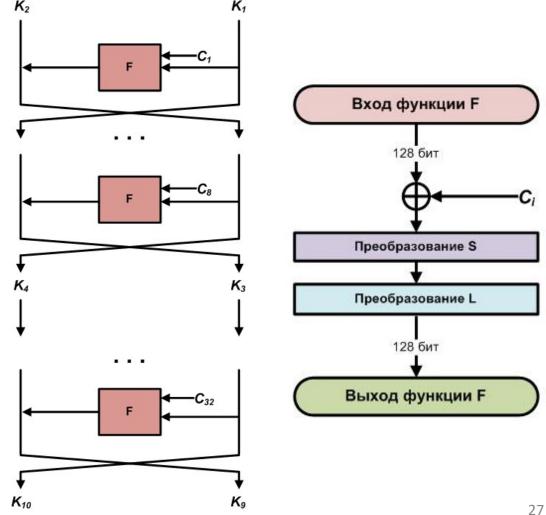


Схема преобразования R

- Линейное преобразование L: 16 кратное повторение R
- Генерация раундовых ключей  $G: \{0,1\}^{256} \to (\{0,1\}^{128})^{10} \text{сеть}$ Фейстеля с ипользованием функции F, в виде итерации SP сети.
- Ключ разбивается на 2 части  $K_1, K_2$ , затем для получения следующего раундового ключа выполняется 8 итераций сети Фейстеля,  $C_i$  - констранты



- Зашифрование 10 итераций SP сети (функций S, L) и сложения с раундовым ключом.
- Расшифрование обратный порядок ключей и преобразований.

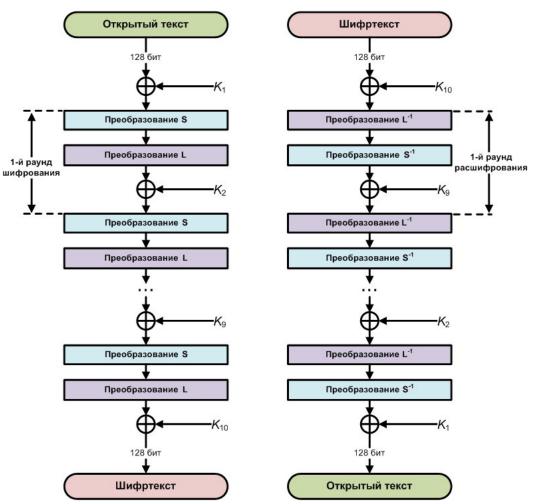


Схема работы алгоритма при зашифровании и при расшифровании