Otimização de Sistemas



• Belo Horizonte - 06 de Maio de 2019 •

Gestão de Tarefas

Gabriel Luciano
Geovane Fonseca
Luigi Domenico

Sumário

- Caracterização sobre a Ilha
- Exemplo
- Modelo matemático
- Solução Proposta
- Dualidade
- Desafios encontrados;

1. Contextualização sobre a ilha



Contextualização sobre a ilha

- Desenvolvimento de trabalhos em grupo;
- Distribuição de trabalhos para cada participante;
- Grau de dificuldade de cada trabalho;
- Competência de cada aluno em relação a cada disciplina;
- Maximizar a qualidade dos trabalhos.

O problema identificado

Problema:

Dividir tarefas entre alunos.

Dificuldades:

- Competência de cada aluno;
- Grau de dificuldade de cada tarefa.

2. Exemplo



Exemplo

Tarefas: Foram utilizadas as tarefas em grupo que estão sob demanda no curso de Ciência da Computação do sétimo período da PUC Minas no primeiro semestre de 2019

Alunos: Membros do grupo

Exemplo

Competências

	Tarefa 1	Tarefa 2	Tarefa 3	Tarefa 4	Tarefa 5
Aluno 1	3	5	5	3	8
Aluno 2	8	5	5	2	3
Aluno 3	8	3	3	2	2

Dificuldade

	Dificuldade
Tarefa 1	13
Tarefa 2	8
Tarefa 3	8
Tarefa 4	13
Tarefa 5	5

3. Modelo Matemático



Modelo Matemático (Genérico)

Função Objetivo:

$$F.O \longrightarrow max \ Z = \sum_{a=1}^{n} \sum_{t=1}^{k} c_a^t * x_a^t$$

Modelo Matemático (Genérico)

Restrições:

$$\sum_{t=1}^{\kappa} x_{a_i}^t \ge 1 \ \forall a_i \in A \ (1)$$

$$1 \le \sum_{a=1}^{n} c_a^{t_i} * x_a^{t_i} \ge d_{t_i} \ \forall t_i \in T \ (2)$$

$$x_{a_i}^{t_j} \ge 0 \ \forall a_i \in A, \forall t_j \in T \ (3)$$

Modelo Matemático (Exemplo)

Função Objetivo:

$$\begin{split} F.O \to \max Z &= 3x_{a_1}^{t_1} + 5x_{a_1}^{t_2} + 5x_{a_1}^{t_3} + 3x_{a_1}^{t_4} + 8x_{a_1}^{t_5} + \\ &8x_{b_1}^{t_1} + 5x_{b_1}^{t_2} + 5x_{b_1}^{t_3} + 2x_{b_1}^{t_4} + 3x_{b_1}^{t_5} + \\ &8x_{c_1}^{t_1} + 3x_{c_1}^{t_2} + 3x_{c_1}^{t_3} + 2x_{c_1}^{t_4} + 2x_{c_1}^{t_5} \end{split}$$

Modelo Matemático (Exemplo)

Restrição dos Alunos:

$$x_{a_1}^{t_1} + x_{a_1}^{t_2} + x_{a_1}^{t_3} + x_{a_1}^{t_4} + x_{a_1}^{t_5} \ge 1$$

$$x_{a_2}^{t_1} + x_{a_2}^{t_2} + x_{a_2}^{t_3} + x_{a_2}^{t_4} + x_{a_2}^{t_5} \ge 1$$

$$x_{a_3}^{t_1} + x_{a_3}^{t_2} + x_{a_3}^{t_3} + x_{a_3}^{t_4} + x_{a_3}^{t_5} \ge 1$$

$$(R1)$$

$$(R2)$$

$$(R3)$$

Modelo Matemático (Exemplo)

Restrição dos Trabalhos:

$$1 \leq 3x_{a_1}^{t_1} + 8x_{a_2}^{t_1} + 8x_{a_3}^{t_1} \leq 13$$

$$1 \leq 5x_{a_1}^{t_2} + 5x_{a_2}^{t_2} + 3x_{a_3}^{t_2} \leq 8$$

$$1 \leq 5x_{a_1}^{t_3} + 5x_{a_2}^{t_3} + 3x_{a_3}^{t_3} \leq 8$$

$$1 \leq 3x_{a_1}^{t_4} + 2x_{a_2}^{t_4} + 2x_{a_3}^{t_4} \leq 8$$

$$1 \leq 8x_{a_1}^{t_5} + 3x_{a_2}^{t_5} + 2x_{a_3}^{t_5} \leq 5$$

$$(R4)$$

$$(R5)$$

$$(R6)$$

$$1 \leq 8x_{a_1}^{t_4} + 2x_{a_2}^{t_4} + 2x_{a_3}^{t_5} \leq 5$$

$$(R8)$$

O modelo matemático da solução

Restrição de não negatividade:

$$x_{a_1}^{t_1}, x_{a_1}^{t_2}, x_{a_1}^{t_3}, x_{a_1}^{t_4}, x_{a_1}^{t_5} \ge 0$$

$$x_{a_2}^{t_1}, x_{a_2}^{t_2}, x_{a_2}^{t_3}, x_{a_2}^{t_4}, x_{a_2}^{t_5} \ge 0$$

$$x_{a_3}^{t_1}, x_{a_3}^{t_2}, x_{a_3}^{t_3}, x_{a_3}^{t_4}, x_{a_3}^{t_5} \ge 0$$

4. Solução Proposta

Instrumentos Utilizados

- Back-end:
 - Python
 - API RESTful
 - Flask RESTPlus
 - PulP
 - o GLPK

Instrumentos Utilizados

- Front-end:
 - Android Studio
 - Kotlin
 - Retrofit
 - Requisições HTTP (GET, POST)

Parâmetros da Interface

- Identificador da simulação
- Nome de cada tarefa
- Dificuldade de cada tarefa
- Nome de cada aluno
- Competência de cada aluno em cada tarefa

Exemplo PulP

```
# Create the 'prob' variable to contain the problem data
prob = LpProblem("Group tasks", LpMaximize)
# The 2 variables are created as binaries
x1t1 = LpVariable("Student 1 - Task 1", cat = LpBinary)
x1t2 = LpVariable("Student 1 - Task 2", cat = LpBinary)
# The objective function is added to 'prob' first
prob += 3*x1t1 + 5*x1t2 + 5*x1t3 + 3*x1t4 + 8*x1t5 \
  + 8*x2t1 + 5*x2t2 + 5*x2t3 + 2*x2t4 + 3*x2t5 \
  + 8*x3t1 + 3*x3t2 + 3*x3t3 + 2*x3t4 + 2*x3t5 \
  . "Allocated members"
```

Exemplo PulP

```
# The constraints are entered

prob += x1t1 + x1t2 + x1t3 + x1t4 + x1t5 >= 1, "Min tasks to member A"

prob += 3*x1t1 + 8*x2t1 + 8*x3t1 >= 1, "Min complexity to task 1"

prob += 3*x1t1 + 8*x2t1 + 8*x3t1 <= 13, "Max complexity to task 1"

:
```

Exemplo PulP

```
# The problem is solved using PuLP's GLPK
prob.solve(pulp.GLPK())

# Each of the variables is printed with it's resolved optimum value
for v in prob.variables():
    print(v.name, "=", v.varValue)
```

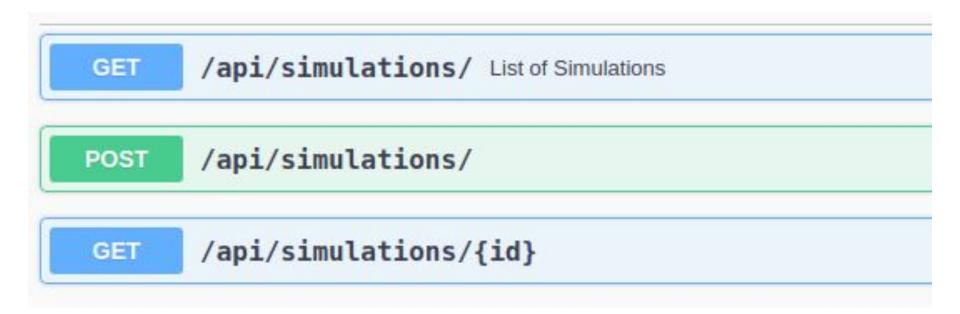
Resposta do Exemplo

Integrantes	Tarefa I	Tarefa II	Tarefa III	Tarefa IV	Tarefa V
1	1	0	1	1	0
2	1	1	0	1	1
3	0	1	1	1	1

4.1 API Restful (Backend)



API Restful

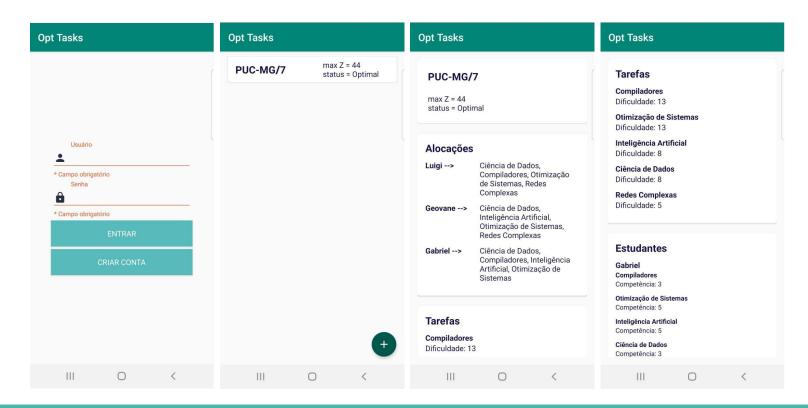


Resultado

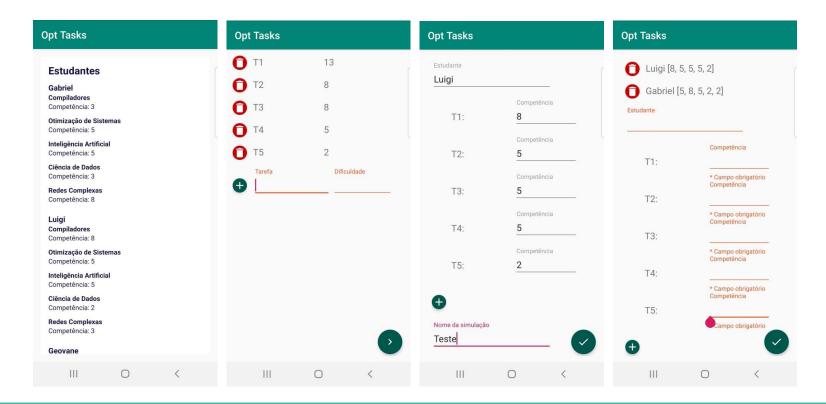
```
Z: 39
allocations: Array
  ∨ 0: Object
       student: "Gabriel"
     ) tasks: Array
  v1: Object
       student: "Luigi"
     > tasks: Array
  v2: Object
       student: "Geovane"
     ) tasks: Array
```

4.2 Aplicação Móvel (Frontend)

Aplicação Móvel



Aplicação Móvel



5. Dualidade



Primal

Função Objetivo:

$$F.O \longrightarrow max \ Z = 3x_{a_1}^{t_1} + 5x_{a_1}^{t_2} + 8x_{a_2}^{t_1} + 5x_{a_2}^{t_2}$$

sujeito à:

$$x_{a_1}^{t_1} + x_{a_1}^{t_2} \ge 1$$

$$x_{a_2}^{t_1} + x_{a_2}^{t_2} \ge 1$$

$$1 \le 3x_{a_1}^{t_1} + 8x_{a_2}^{t_1} \le 13$$

$$1 \le 5x_{a_1}^{t_2} + 5x_{a_2}^{t_2} \le 8$$

$$(R1)$$

$$(R2)$$

$$(R5)$$

Primal

Resultado:

Integrantes	Tarefa I	Tarefa II		
1	1	0		
2	1	1		

Z = 16

Dual

$$F.O \longrightarrow min\ Zy = -y1 - y2 - y3 - y4 + 13y5 + 8y6$$

sujeito à:

$$-y1 - 3y3 + 3y5 \ge 3$$

$$-y1 - 5y4 + 5y6 \ge 5$$

$$-y2 - 8y3 + 8y3 \ge 8$$

$$-y2 - 5y4 + 5y6 \ge 5$$
(R1)
(R2)
(R3)

Dual

Resultado:

Variáveis	Y1	Y2	Y3	Y4	Y5	Y6
Valor	0	0	0	0	1	1

Z = 21

6. Desafios Encontrados



Desafios Encontrados

- Definição da melhor forma de modelar o problema;
- Definição das restrições;
- Modelagem de interface;
- Biblioteca GLPK;
- Implementação GLPK;
- Aplicação móvel;
- Integração banco de dados não relacional;
- Heroku;

Desafios Encontrados

- Modelo dual
- Análise de sensibilidade
 - Programação Inteira

Obrigado!

Alguma dúvida?

