



|  |                       |       |         |
|--|-----------------------|-------|---------|
| Disciplina                                     | Curso                 | Turno | Período |
| Projeto e Análise de Algoritmos                | Ciência da Computação | Manhã | 5º      |
| Professor<br>Felipe Cunha – felipe@pucminas.br |                       |       |         |

## Trabalho Prático 01 (15pts.)

**Data de Entrega: 16/05/2018**

### 1 Problema

Alfred deseja planejar o que cozinhar nos próximos dias. Ele pode cozinhar vários pratos. Para cada prato, o custo dos ingredientes e o lucro final é conhecido. Se um prato é cozinhado duas vezes seguidas, o valor do lucro na segunda vez é 50 por cento do lucro na primeira vez. Se ele é preparado uma terceira vez ou mais em seguida, o valor do lucro é zero. Por exemplo, se um prato, que gera um lucro  $v$ , é cozinhado três vezes em seguida, o lucro final desses três dias é  $1.5v$ . Ajude-o a construir o cardápio que maximiza o lucro sob a restrição de que seu orçamento não seja excedido.

### 2 Entrada

A entrada consiste de vários casos de teste. Cada caso de teste começa com 3 inteiros em uma linha: O número de dias  $k$  ( $1 \leq k \leq 21$ ) que Alfred quer planejar, o número de pratos  $n$  ( $1 \leq n \leq 50$ ) que ele pode cozinhar e seu orçamento  $m$  ( $0 \leq m \leq 100$ ). As  $n$  próximas linhas descrevem os pratos que Alfred pode cozinhar. A  $i$ -ésima linha contém dois inteiros: o custo  $c$  ( $1 \leq c \leq 50$ ) e o lucro  $v$  ( $1 \leq v \leq 10000$ ) do  $i$ -ésimo prato. O final da entrada é definido pelo caso de teste com  $k = n = m = 0$ . Não é necessário processar esse caso de teste. A entrada não deve ser lida de qualquer arquivo. Ela deve vir da entrada padrão.

### 3 Saída

Para cada saída, imprima o valor máximo do lucro alcançável, com 1 dígito após o ponto decimal. Imprima então  $k$  inteiros com o  $i$ -ésimo inteiro sendo o número do prato a ser cozinhado no dia  $i$ . Pratos são numerados de 1 a  $n$ . Imprima pelo menos um espaço ou caractere de nova linha após cada inteiro. Se existirem vários cardápios possíveis alcançando o lucro máximo, selecione aquele com menor custo. Se existirem dois ou mais com o mesmo custo mínimo, você pode imprimir qualquer um deles. Se todo cardápio exceder o orçamento, imprima apenas o valor 0 como lucro. A saída não deve ser escrita em nenhum arquivo. Ela deve ser escrita na saída padrão.

## 4 Exemplos

### Entrada:

```
2 1 5
3 5
3 5 20
2 5
18 6
1 1
3 3
2 3
0 0 0
```

### Saída:

```
0.0

13.0
1 5 1
```

## O que entregar?

O aluno deve entregar três arquivos apenas. O primeiro arquivo com nome *tp1.{java, c, cpp}* contendo uma solução do problema utilizando uma abordagem gulosa; um outro arquivo *tp1.{java, c, cpp}* com a solução utilizando programação dinâmica. Por fim um arquivo README com uma breve descrição da solução utilizada. Este arquivo deve ser um pdf de, no máximo, cinco páginas.

- Como esse problema pode ser modelado para o paradigma guloso?
- Seu algoritmo guloso dá a solução ótima? Por quê?
- Como esse problema pode ser modelado para o paradigma de programação dinâmica?
- Discuta a sub-estrutura ótima e a sobreposição dos problemas.
- Se algum algoritmo clássico foi adaptado para resolver o problema, qual foi ele?
- Qual o custo assintótico (em Big-O) do tempo de execução e espaço em memória utilizado? Não se esqueça de formular a equação de recorrência da abordagem baseada em programação dinâmica (não é necessário resolver a equação explicitamente).
- Em qual máquina o tp foi testado?
- Como sua implementação se comporta em termos de tempo de execução e memória alocada? Apresente uma variação experimental da solução, com entradas de tamanho diferente tentando, pelo menos, discutir também o melhor e o pior caso.
- Bibliografia?