Práctica de Recursividad - Soluciones

1) Considera la una función que calcula la suma de los primeros *n* números impares (positivos):

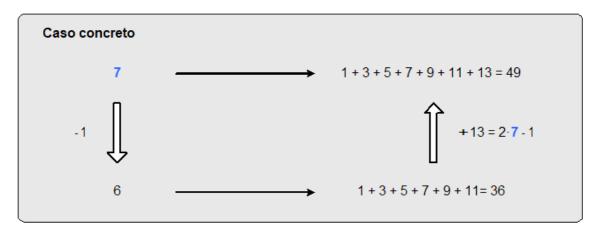
$$S(n) = 1 + 3 + 5 + \cdots + (2n-1)$$

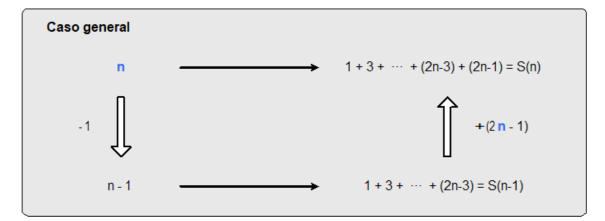
Especifica su caso base, y dibuja diagramas para diseñar la función.

Solución:

El caso base es: S(1) = 1.

Posibles diagramas:



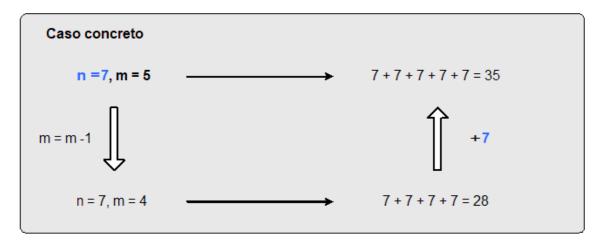


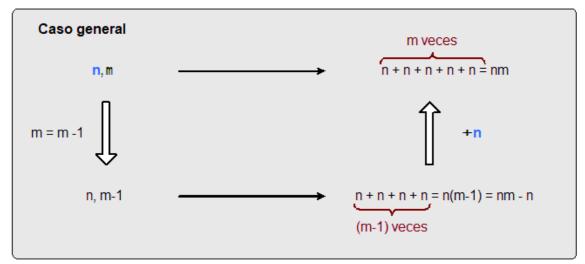
2) Considera una función que calcule, mediante sumas repetidas, el producto de dos números enteros *n* y *m* no negativos. La función se podría llamar "producto lento". Especifica su(s) caso(s) base, y dibuja diagramas para diseñar la función.

Solución:

El caso más sencillo ocurre cuando alguno de los parámetros de entrada es igual a 0. En ese caso la función debe retornar 0. Así que el caso base es f(n,m) = 0, si n=0 o n=1.

Posibles diagramas:



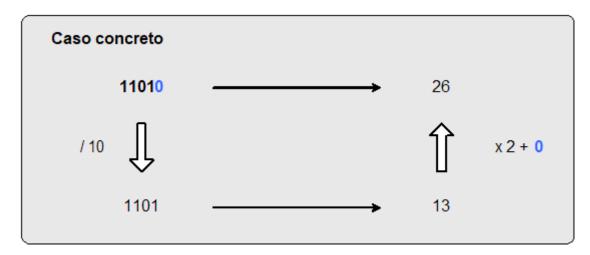


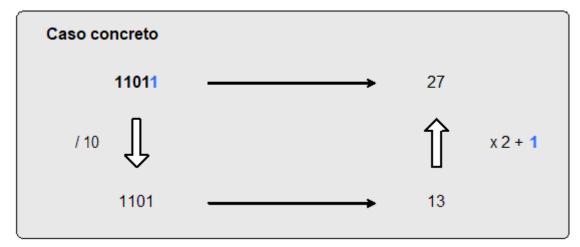
3) Considera una función f que, dado un número entero $n \ge 0$, cuyos dígitos son 0 o 1 necesariamente, calcule el valor del número binario asociado a la secuencia de ceros y unos en n. Es decir, si n = 11010, entonces f(n) = f(11010) = 16 + 8 + 2 = 26. Especifica su(s) caso(s) base, dibuja un diagrama para diseñar la función, halla el/los caso(s) recursivo(s), implementa la función, y comprueba que funciona con varios casos de prueba.

Solución:

El caso base es f(n) = n, si n < 2 (si n=0 o n=1, es decir, si n se puede representar mediante un solo bit).

Posibles diagramas:





Código:

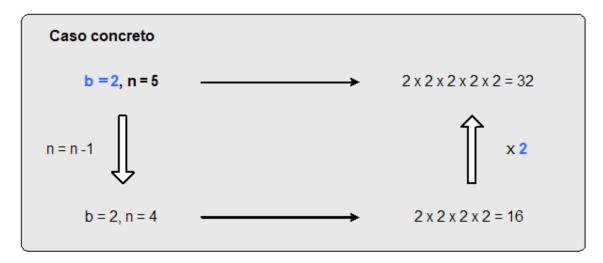
```
public static int binario_a_decimal(int n)
{
   if (n<2)
      return n;
   else
      return 2 * binario_a_decimal(n/10) + (n%10);
}</pre>
```

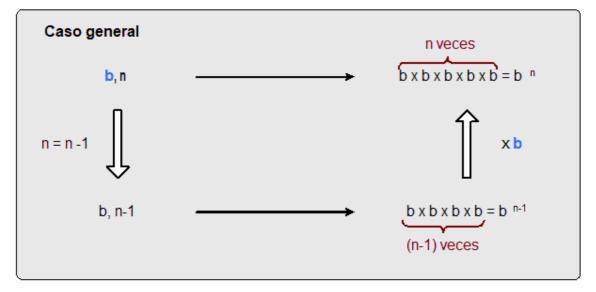
4) Considera una función que calcule la potencia b^n , donde b es un número real, y n es un número entero no negativo. Especifica su(s) caso(s) base, dibuja un diagrama para diseñar la función, halla el/los caso(s) recursivo(s), implementa la función, y comprueba que funciona con varios casos de prueba.

Solución:

El caso más sencillo ocurre cuando n = 0, donde la salida es 1. Por tanto, el caso base es f(b,n) = 1, si n=0.

Posibles diagramas:





Código:

```
public static double potencia(double b, int n)
{
   if (n==0)
      return 1.0;
   else
      return b * potencia(b, n-1);
}
```