2022秋计算方法作业 #5

1. (**10分**)用Doolittle分解法解如下线性方程组(请给出详细的解题过程,包括矩阵分解)

$$\begin{cases} 5x_1 + x_2 + 2x_3 &= 2\\ x_1 + 3x_2 - x_3 &= 4\\ 2x_1 + 2x_2 + 5x_3 &= 6 \end{cases}$$

2. **(10分)** 用 Crout 或追赶法解三对角方程组 Ax = b,其中

$$A = \begin{pmatrix} 4 & -1 & 0 & 0 \\ -1 & 4 & -2 & 0 \\ 0 & -1 & 4 & -2 \\ 0 & 0 & -1 & 4 \end{pmatrix}, \quad b = \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix}$$

3. (6分)设有线性方程组

$$\begin{cases} 7x_1 + 10x_2 = 0.8 \\ 5x_1 + 7x_2 = 0.2 \end{cases}$$

- (a) 试求该方程组系数矩阵 A 的条件数 $cond_1(A)$; (4分)
- (b) 若方程组右端项 $b = (0.8, 0.2)^T$ 有扰动 $\delta b = (-0.01, 0.02)^T$, 试给出此时方程组解的相对误差(在 $\|\cdot\|_1$ 范数下)估计。 (2分)