#### Разложение чисел на множители

Гердт Ольга НФИмд-02-21 17 декабря, 2021, Москва, Россия

Российский Университет Дружбы Народов

Цели и задачи

# Цель лабораторной работы

Изучение задачи разложения на множители, изучение р-алгоритма Поллрада.

# \_\_\_\_

Выполнение лабораторной

работы

### Задача разложения на простые множители

Разложение на множители — предмет непрерывного исследования в прошлом; и такие же исследования, вероятно, продолжатся в будущем. Разложение на множители играет очень важную роль в безопасности некоторых криптосистем с открытым ключом.

### р-алгоритм Поллрада

- Вход. Число n, начальное значение c, функция f, обладающая сжимающими свойствами.
- Выход. Нетривиальный делитель числа n.
- 1. Положить a = c, b = c
- 2. Вычислить a = f(a)(modn), b = f(b)(modn)
- 3. Найти d = GCD(a b, n)
- 4. Если 1 < d < n, то положить p = d и результат: p. При d = n результат: ДЕЛИТЕЛЬ НЕ НАЙДЕН. При d = 1 вернуться на шаг 2.

Сложность. Заметим, что этот метод требует сделать B-1операций возведения в степень  $a = a^e mod n$ . Есть быстрый алгоритм возведения в степень, который выполняет это за  $2 * 10q_2 B$  операций. Метод также использует вычисления НОД, который требует  $n^3$  операций. Мы можем сказать, что сложность — так или иначе больше, чем O(B) или  $O(2^n)$ , где  $n_b$  — число битов в B. Другая проблема – этот алгоритм может заканчиваться сигналом об ошибке. Вероятность успеха очень мала, если B имеет значение, не очень близкое к величине  $\sqrt{n}$ .

# Пример работы алгоритма

```
25 def main():
                n = 1359331
        28
        29
        30
                a = f(a, n) % n
                b = f(a,n) % n
        32
               d = gcd(a-b, n)
               if 1cdcn:
        34
                   p - d
                   print(p)
        36
                   exit()
                if d == n:
        38
        39
                if d -- 1:
                   fu(n, a, b, d)
In [2]: 1 main()
        1181
```

Figure 1: Работа алгоритма

# Выводы

# Результаты выполнения лабораторной работы

Изучили задачу разложения на множители и р-алгоритм Поллрада.