Tower of Hanoi Runtime

Gerhard Bilek
15 3 2019

Goal

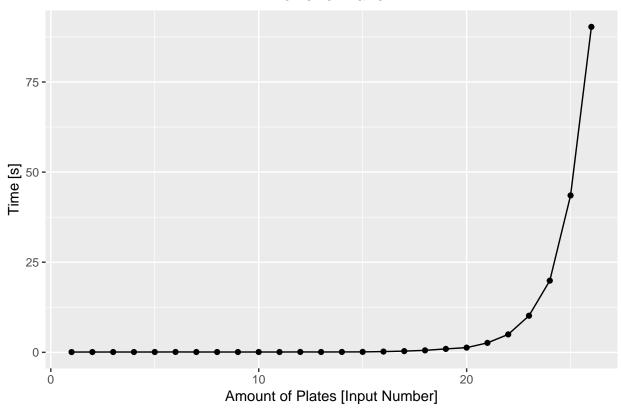
Determine the tuntime for a recursive function which calculates the moves for "Tower of Hanoi" with 26 plates.

Runtime Visualization

```
library(ggplot2)
plates \leftarrow c(seq(1,26,1))
 \texttt{time} \leftarrow \texttt{c}(0.078,\ 0.083,\ 0.088,\ 0.086,\ 0.089,\ 0.104,\ 0.091,\ 0.088,\ 0.087,\ 0.092,\ 0.089,\ 0.110,\ 0.095,\ 0.088,\ 0.087,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.110,\ 0.095,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.089,\ 0.08
df <- data.frame(plates,time)</pre>
##
                       plates
                                                           time
## 1
                                            1
                                                       0.078
## 2
                                           2
                                                       0.083
## 3
                                           3 0.088
## 4
                                           4 0.086
## 5
                                           5 0.089
## 6
                                           6 0.104
## 7
                                           7
                                                      0.091
## 8
                                                       0.088
## 9
                                           9 0.087
## 10
                                       10 0.092
## 11
                                        11 0.089
## 12
                                        12 0.110
## 13
                                        13 0.095
## 14
                                        14 0.110
## 15
                                        15 0.125
## 16
                                        16 0.208
## 17
                                        17
                                                     0.338
## 18
                                        18 0.549
## 19
                                        19 0.952
                                       20 1.306
## 20
## 21
                                       21 2.621
## 22
                                       22 4.975
## 23
                                       23 10.158
## 24
                                       24 19.886
## 25
                                        25 43.529
                                       26 90.291
ggplot(df, aes(x=df$plates, y=df$time))+geom_line()+
       geom_point()+ggtitle("Tower of Hanoi")+
       xlab("Amount of Plates [Input Number]")+
```

```
ylab("Time [s]")+
theme(plot.title = element_text(hjust = 0.5))
```

Tower of Hanoi



As expected, the function shows an exponential increase in time.

CLI commands

The following CLI commands were used for ((i=0; i<=26; i++)) { echo "for \$i plates:" time python3 toh.py -n \$i >plate_moves.txt }