Лабораторная работа № 4 «Интерполяция алгебраическими многочленами»

Срок сдачи: 13.05.2022

На отрезке [a, b] заданы функции $f_1(x)$ и $f_2(x)$. Постройте многочлены степени n = 5, 10, 15, 20, интерполирующие каждую из них

- а) на сетке равноотстоящих узлов;
- б) на сетке чебышёвских узлов.

Постройте графики функции $f_1(x)$ ($f_2(x)$) и интерполяционных многочленов для каждого n. Оцените погрешность интерполирования в узлах сетки $\bar{x}_i = a + i (b-a)/100$, $i = \overline{0,100}$. Сравните полученные результаты. Сделайте выводы о сходимости интерполяционного процесса по равноотстоящим и чебышёвским узлам.

В содержание отчета должна быть включена следующая информация:

- Способ выбора узлов.
- Представление, использованное при построении интерполяционных многочленов.
- Графики функции $f_1(x)$ и интерполяционных многочленов $P_n(x)$ по равноотстоящим узлам. Графики функции $f_1(x)$ и интерполяционных многочленов $P_n^{ch}(x)$ по чебышёвским узлам.
- Графики функции $f_2(x)$ и интерполяционных многочленов $P_n(x)$ по равноотстоящим узлам. Графики функции $f_2(x)$ и интерполяционных многочленов $P_n^{ch}(x)$ по чебышёвским узлам.
- Оценка погрешности интерполирования функции $f_1(x)$, оформленная в виде таблицы 1 (см. ниже).
- Оценка погрешности интерполирования функции $f_2(x)$, оформленная в виде таблицы 2 (см. ниже).
 - Листинг программы с комментариями.

Варианты заданий

| Номер варианта | Функции |
|-------------------|--|
| 1 | $f_1(x) = e^{\cos x}, f_2(x) = x x -1 , [a,b] = [-2,2].$ |
| 2 | $f_1(x) = x^3 \cos(3x-1), f_2(x) = 5\cos 3x + 3 , [a,b] = [-1,1].$ |
| 3 | $f_1(x) = e^{\sin x}, f_2(x) = 2\sin 2x - 1 , [a, b] = [-2, 2].$ |
| 4 | $f_1(x) = \sin x \cos x$, $f_2(x) = \frac{1}{1+12x^4}$, $[a,b] = [-3,3]$. |
| 5 | $f_1(x) = x\cos(x+5), f_2(x) = \frac{1}{1+25x^2}, [a,b] = [-5,5].$ |
| 6 | $f_1(x) = \sin(\cos x), f_2(x) = x - 1 , [a, b] = [-2, 2].$ |
| 7 | $f_1(x) = x^2 \cos 2x$, $f_2(x) = \frac{1}{1+5x^2}$, $[a,b] = [-2,2]$. |
| 8 | $f_1(x) = \sin 2x \ln(x+5), f_2(x) = \sqrt{2 x +x^2}, [a,b] = [-2,2].$ |
| 9 | $f_1(x) = \sin x$, $f_2(x) = \sqrt{ x +4}$, $[a,b] = [-3,3]$. |

| 10 | $f_1(x) = x^2 \sin 2x,$ | $f_2(x) = x - 1,$ | [a,b] = [-2,2]. |
|----|-------------------------|---------------------|-----------------|
|----|-------------------------|---------------------|-----------------|

Структура таблицы 1:

| n | 5 | 10 | 15 | 20 |
|--|---|----|----|----|
| $\max_{i=0,100} \left P_n\left(\overline{x}_i\right) - f_1\left(\overline{x}_i\right) \right $ | | | | |
| $\max_{i=0,100} \left P_n^{ch} \left(\overline{x}_i \right) - f_1 \left(\overline{x}_i \right) \right $ | | | | |

Структура таблицы 2:

| n | 5 | 10 | 15 | 20 |
|--|---|----|----|----|
| $\max_{i=0,100} \left P_n\left(\overline{x}_i\right) - f_2\left(\overline{x}_i\right) \right $ | | | | |
| $\max_{i=0,100} \left P_n^{ch} \left(\overline{x}_i \right) - f_2 \left(\overline{x}_i \right) \right $ | | | | |

По результатам лабораторной работы оформляется отчет. **Отчет** необходимо отправить на *yvolotovskaya@gmail.com*. **Тема письма:** «ЛР4 2к 7гр Фамилия».