Diseño de Algoritmos

El hombre, en el día a día, se enfrenta constantemente a diferentes problemas que debe solucionar y para lograr solucionarlos hace uso de herramientas que le facilitan la tarea. Así, podemos pensar el uso de una calculadora para poder sumar el precio de los productos en un local y así cobrarle al cliente.

Al igual que la calculadora, la computadora también sirve para resolver problemas, pero la diferencia está en la capacidad de procesamiento de las computadoras, que hace que se puedan resolver problemas de gran complejidad, que, si los quisiéramos resolver manualmente, nos llevaría mucho tiempo o ni siquiera podríamos llegar a resolverlos.

Un programador es antes que nada una persona que resuelve problemas; el programador procede a resolver un problema, a partir de la definición de un algoritmo y de la traducción de dicho algoritmo a un programa que ejecutará la computadora.

En la oración anterior se nombran algunos conceptos que debemos profundizar:

Algoritmo: un algoritmo es un método para resolver un problema, que consiste en la realización de un conjunto de pasos lógicamente ordenados tal que, partiendo de ciertos datos de entrada, permite obtener ciertos resultados que conforman la solución del problema. Así, como en la vida real, cuando tenemos que resolver un problema, o lograr un objetivo, por ejemplo: "Tengo que atarme los cordones", para alcanzar la solución de ese problema, realizamos un conjunto de pasos, de manera ordenada y secuencial. Es decir, podríamos definir un algoritmo para atarnos los cordones de la siguiente forma:

- 1. Ponerme las zapatillas.
- 2. Agarrar los cordones con ambas manos.
- 3. Hacer el primer nudo.
- 4. Hacer un bucle con cada uno de los cordones.
- 5. Cruzar los dos bucles y ajustar.
- 6. Corroborar que al caminar los cordones no se sueltan y la zapatilla se encuenta correctamente atada.

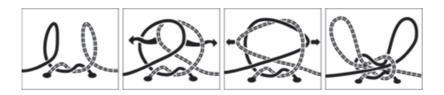


Figura 11: Algoritmo gráfico para atarse los cordones

El concepto de algoritmo es fundamental en el proceso de programación de una computadora, pero si nos detenemos a observar a nuestro alrededor, así como el ejemplo anterior podemos descubrir muchos otros: nos están dando un algoritmo cuando nos indican la forma de llegar a una dirección dada, seguimos algoritmos cuando conducimos un automóvil o cualquier tipo de vehículo. Todos los

procesos de cálculo matemático que normalmente realiza una persona en sus tareas cotidianas, como sumar, restar, multiplicar o dividir, están basados en algoritmos que fueron aprendidos en la escuela primaria. Como se ve, la ejecución de algoritmos forma parte de la vida moderna.

Por otro lado, la complejidad de los distintos problemas que podamos abordar puede variar desde muy sencilla a muy compleja, dependiendo de la situación y la cantidad de elementos que intervienen. En casos de mayor complejidad suele ser una buena solución dividir al problema en diferentes subproblemas que puedan ser resueltos de manera independiente. De esta forma la solución final al problema inicial será determinada por las distintas soluciones de los problemas más pequeños cuya resolución es más sencilla.

Programa: luego de haber definido el algoritmo necesario, se debe traducir dicho algoritmo en un conjunto de instrucciones, entendibles por la computadora, que le indican a la misma lo que debe hacer; este conjunto de instrucciones conforma lo que se denomina, un programa.

Para escribir un programa se utilizan lenguajes de programación, que son lenguajes que pueden ser entendidos y procesados por la computadora. Un lenguaje de programación es tan sólo un medio para expresar un algoritmo y una computadora es sólo un procesador para ejecutarlo. Tanto el lenguaje de programación como la computadora son los medios para obtener un fin: conseguir que el algoritmo se ejecute y se efectúe el proceso correspondiente.

Algoritmos

Concepto

Es un método para resolver un problema, que consiste en la realización de un conjunto de pasos lógicamente ordenados, tal que, partiendo de ciertos datos de entrada, permite obtener ciertos resultados que conforman la solución del problema.

Características de los algoritmos

Las características fundamentales que debe cumplir todo algoritmo son:

- Un algoritmo debe ser preciso e indicar el orden de realización de cada paso.
- Un algoritmo debe estar específicamente definido. Es decir, si se ejecuta un mismo algoritmo dos veces, con los mismos datos de entada, se debe obtener el mismo resultado cada vez.
- Un algoritmo debe ser finito. Si se sigue un algoritmo, se debe terminar en algún momento; o sea, debe tener un número finito de pasos. Debe tener un inicio y un final.
- Un algoritmo debe ser correcto: el resultado del algoritmo debe ser el resultado esperado.
- Un algoritmo es independiente tanto del lenguaje de programación en el que se expresa como de la computadora que lo ejecuta.

Como vimos anteriormente, el programador debe constantemente resolver problemas de manera algorítmica, lo que significa plantear el problema de forma tal que queden indicados los pasos necesarios para obtener los resultados pedidos, a partir de los datos conocidos. Lo anterior implica que un algoritmo básicamente consta de tres elementos: Datos de Entrada, Procesos y la Información de Salida.



Figura 12: Estructura de un programa, datos de entrada y salida

Cuando dicho algoritmo se transforma en un programa de computadora:

- Las entradas se darán por medio de un dispositivo de entrada (como los vistos en el bloque anterior), como pueden ser el teclado, disco duro, teléfono, etc. Este proceso se lo conoce como entrada de datos, operación de lectura o acción de leer.
- Las salidas de datos se presentan en dispositivos periféricos de salida, que pueden ser pantalla, impresora, discos, etc. Este proceso se lo conoce como salida de datos, operación de escritura o acción de escribir.

Dado un problema, para plantear un algoritmo que permita resolverlo, es conveniente entender correctamente la situación problemática y su contexto, tratando de deducir del mismo los elementos ya indicados (entradas, procesos y salida). En este sentido entonces, para crear un algoritmo:

- 1. Comenzar identificando los resultados esperados, porque así quedan claros los objetivos a cumplir.
- 2. Luego, individualizar los datos con que se cuenta y determinar si con estos datos es suficiente para llegar a los resultados esperados. Es decir, definir los datos de entrada con los que se va a trabajar para lograr el resultado.
- 3. Finalmente si los datos son completos y los objetivos claros, se intentan plantear los procesos necesarios para pasar de los datos de entrada a los datos de salida.

Para comprender esto, veamos un ejemplo:

Problema:

Obtención del área de un rectángulo:



1. Resultado esperado: área del rectángulo. Salida: área Fórmula del área: base x altura.

2. Los datos con los que se dispone, es decir las entradas de datos son:

Dato de Entrada 1: altura: 5 cm Dato de Entrada 2: base: 10 cm

3. El proceso para obtener el área del rectángulo es:

área = base * altura ⇒ área = 50

Herramientas para la representación gráfica de los algoritmos

Como se especificó anteriormente, un algoritmo es independiente del lenguaje de programación que se utilice. Es por esto, que existen distintas técnicas de representación de un algoritmo que permiten está diferenciación con el lenguaje de programación elegido. De esta forma el algoritmo puede ser representado en cualquier lenguaje. Existen diversas herramientas para representar gráficamente un algoritmo. En este material presentaremos dos:

- 1. Diagrama de flujo.
- 2. Lenguaje de especificación de algoritmos: pseudocódigo.

Diagramas de Flujo

Un diagrama de flujo hace uso de símbolos estándar que unidos por flechas, indican la secuencia en que se deben ejecutar.

Estos símbolos son, por ejemplo:

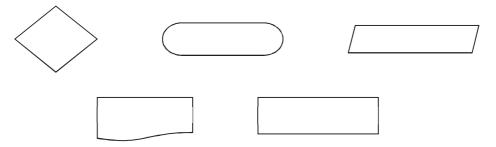


Figura 13: Símbolos utilizados en Diagramas de Flujo

Más adelante, a medida que profundizamos en los temas, retomaremos el uso de esta herramienta y mostraremos algunos ejemplos de su uso.

Pseudocódigo

Conocido como lenguaje de especificación de algoritmos, el pseudocódigo tiene una estructura muy similar al lenguaje natural y sirve para poder expresar algoritmos y programas de forma independiente del lenguaje de programación. Además, es muy utilizado para comunicar y representar ideas que puedan ser entendidas por programadores que conozcan distintos lenguajes. El pseudocódigo luego se traduce a un lenguaje de programación específico ya que la computadora no puede ejecutar el pseudocódigo. Su uso tiene ventajas porque permite al programador una mejor concentración de la lógica y estructuras de control y no preocuparse de las reglas de un lenguaje de programación específico.

Un ejemplo básico de pseudocódigo, considerando el ejemplo utilizado anteriormente, es el siguiente:

INICIO FUNCION CALCULAR_AREA
DEFINIR BASE: 5
DEFINIR ALTURA: 10
DEFINIR AREA: BASE * ALTURA

DEVOLVER AREA

FIN

Lenguajes de Programación

Concepto

Los lenguajes de programación son lenguajes que pueden ser entendidos y procesados por la computadora.

Tipos de Lenguajes de Programación

Los principales tipos de lenguajes utilizados en la actualidad son tres:

- Lenguajes máquina
- Lenguaje de bajo nivel (ensamblador)
- Lenguajes de alto nivel

La elección del lenguaje de programación a utilizar depende mucho del objetivo del software. Por ejemplo, para desarrollar aplicaciones que deben responder en tiempo real como por ejemplo, el control de la velocidad crucero en un sistema de navegación de un auto¹, debemos tener mayor control del hardware disponible, por lo que privilegiaremos lenguajes de más bajo nivel que nos permitan hacer un uso más eficiente de los recursos. En cambio, para aplicaciones de escritorio como sistemas de gestión de productos, calendarios, correo electrónico, entre otras privilegiaremos la elección de lenguajes de más alto nivel que nos permitan ser más eficientes en cuanto a la codificación ya que, en términos generales, es necesario escribir menos líneas de código en los lenguajes de alto nivel, que para su equivalente en bajo nivel.

El lenguaje máquina

Los lenguajes máquina son aquellos que están escritos en lenguajes cuyas instrucciones son cadenas binarias (cadenas o series de caracteres -dígitos- O y 1) que especifican una operación, y las posiciones (dirección) de memoria implicadas en la operación se denominan instrucciones de máquina o código máquina. El código máquina es el conocido código binario.

En los primeros tiempos del desarrollo de los ordenadores era necesario programarlos directamente de esta forma, sin embargo, eran máquinas extraordinariamente limitadas, con muy pocas instrucciones por lo que aún era posible; en la actualidad esto es completamente irrealizable por lo que es necesario utilizar lenguajes más fácilmente comprensibles para los humanos que deben ser traducidos a código máquina para su ejecución.

¹ Control de velocidad crucero: El control de velocidad, también conocido como regulador de velocidad o autocrucero, es un sistema que controla de forma automática el factor de movimiento de un vehículo de motor. El conductor configura la velocidad y el sistema controlará la válvula de aceleración del vehículo para mantener la velocidad de forma continua.

Ejemplo de una instrucción: 1110 0010 0010 0001 0000 0000 0010 0000

El lenguaje de bajo nivel

Los lenguajes de bajo nivel son más fáciles de utilizar que los lenguajes máquina, pero, al igual, que ellos, dependen de la máquina en particular. El lenguaje de bajo nivel por excelencia es el ensamblador o assembler. Las instrucciones en lenguaje ensamblador son instrucciones conocidas como mnemotécnicas (mnemonics). Por ejemplo, nemotécnicos típicos de operaciones aritméticas son: en inglés, ADD, SUB, DIV, etc.; en español, SUM, para sumar, RES, para restar, DIV, para dividir etc.

Lenguajes de alto nivel

Los lenguajes de alto nivel son los más utilizados por los programadores. Están diseñados para que las personas escriban y entiendan los programas de un modo mucho más fácil que los lenguajes máquina y ensambladores. Otra razón es que un programa escrito en lenguaje de alto nivel es independiente de la máquina; esto es, las instrucciones del programa de la computadora no dependen del diseño del hardware o de una computadora en particular. En consecuencia, los programas escritos en lenguaje de alto nivel son portables o transportables, lo que significa la posibilidad de poder ser ejecutados con poca o ninguna modificación en diferentes tipos de computadoras; al contrario que los programas en lenguaje máquina o ensamblador, que sólo se pueden ejecutar en un determinado tipo de computadora. Esto es posible porque los lenguajes de alto nivel son traducidos a lenguaje máquina por un tipo de programa especial denominado "compilador". Un compilador toma como entrada un algoritmo escrito en un lenguaje de alto nivel y lo convierte a instrucciones inteligibles por el ordenador; los compiladores deben estar adaptados a cada tipo de ordenador pues deben generar código máquina específico para el mismo.

Ejemplos de Lenguajes de Alto Nivel:

C, C++, Java, Python, VisualBasic, C#, JavaScript

¿Qué es un Programa?

Es un algoritmo escrito en algún lenguaje de programación de computadoras.

Pasos para la construcción de un programa

DEFINICIÓN DEL PROBLEMA

En este paso se determina la información inicial para la elaboración del programa. Es donde se determina qué es lo que debe resolverse con el computador, el cual requiere una definición clara y precisa.

Es importante que se conozca lo que se desea que realice la computadora; mientras la definición del problema no se conozca del todo, no tiene mucho caso continuar con la siguiente etapa.

ANÁLISIS DEL PROBLEMA

Una vez que se ha comprendido lo que se desea de la computadora, es necesario definir:

- Los datos de entrada.
- Los datos de salida
- Los métodos y fórmulas que se necesitan para procesar los datos.

Una recomendación muy práctica es la de colocarse en el lugar de la computadora y analizar qué es lo que se necesita que se ordene y en qué secuencia para producir los resultados esperados.

DISEÑO DEL ALGORITMO

Se puede utilizar algunas de las herramientas de representación de algoritmos mencionadas anteriormente. Este proceso consiste en definir la secuencia de pasos que se deben llevar a cabo para conseguir la salida identificada en el paso anterior.

CODIFICACIÓN

La codificación es la operación de escribir la solución del problema (de acuerdo a la lógica del diagrama de flujo o pseudocódigo), en una serie de instrucciones detalladas, en un código reconocible por la computadora. La serie de instrucciones detalladas se conoce como código fuente, el cual se escribe en un lenguaje de programación o lenguaje de alto nivel.

PRUEBA Y DEPURACIÓN

Se denomina prueba de escritorio a la comprobación que se hace de un algoritmo para saber si está bien realizado. Esta prueba consiste en tomar datos específicos como entrada y seguir la secuencia indicada en el algoritmo hasta obtener un resultado, el análisis de estos resultados indicará si el algoritmo está correcto o si por el contrario hay necesidad de corregirlo o hacerle ajustes.

Elementos de un Programa

Variables y Constantes

A la hora de elaborar un programa es necesario usar datos; en el caso del ejemplo del cálculo del área del rectángulo, para poder obtener el área del mismo, necesitamos almacenar en la memoria de la computadora el valor de la base y de la altura, para luego poder multiplicar sus valores.

Recordemos que no es lo mismo grabar los datos en memoria que grabarlos en el disco duro. Cuando decimos grabar en memoria nos estaremos refiriendo a grabar esos datos en la RAM. Ahora bien, para grabar esos datos en la RAM podemos hacerlo utilizando dos elementos, llamados: variables y constantes. Los dos elementos funcionan como fuentes de almacenamiento de datos, la gran

diferencia entre los dos es que en el caso de las constantes su valor dado no varía en el transcurso de todo el programa.

Podría decirse que tanto las variables como las constantes, son direcciones de memoria con un valor, ya sea un número, una letra, o valor nulo (cuando no tiene valor alguno, se denomina valor nulo). Estos elementos permiten almacenar temporalmente datos en la computadora para luego poder realizar cálculos y operaciones con los mismos. Al almacenarlos en memoria, podemos nombrarlos en cualquier parte de nuestro programa y obtener el valor del dato almacenado, se dice que la variable nos devuelve el valor almacenado.

A continuación, se muestra un esquema, que representa la memoria RAM, como un conjunto de filas, donde, en este caso, cada fila representa un byte y tiene una dirección asociada.

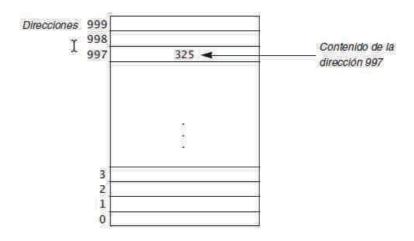


Figura 14: Representación de la memoria RAM

Variables

Son elementos de almacenamiento de datos. Representan una dirección de memoria en donde se almacena un dato, que puede variar en el desarrollo del programa. Una variable es un grupo de bytes asociado a un nombre o identificador, y a través de dicho nombre se puede usar o modificar el contenido de los bytes asociados a esa variable.

En una variable se puede almacenar distintos tipos de datos. De acuerdo al tipo de dato, definido para cada lenguaje de programación, será la cantidad de bytes que ocupa dicha variable en la memoria.

| ze | Range |
|---------------|---|
| byte | -128 to 127 |
| bytes | -32,768 to 32,767 |
| bytes | -2,147,483,648 to 2,147,483,647 |
| bytes | -9,223,372,036,854,775,808 to 9,223,372,036,854,775,807 |
| bytes | $-3.40282347 \times 10^{38}$ to 3.4028347×10^{38} |
| bytes | $-1.79769313486231570 \times 10^{308}$ to $1.79769313486231570 \times 10^{308}$ |
| bytes | one character |
| or more bytes | one or more characters |
| 1 | bytes bytes bytes bytes bytes bytes |

Tabla 1: Tabla de equivalencias de las unidades de memoria

Lo más importante de la definición de las variables y la elección del tipo de datos asociados es el significado de la variable, o su semántica: ya que en base al tipo de datos seleccionado serán las operaciones que podamos realizar con esa variable, por ejemplo: si tenemos la variable edad deberíamos seleccionar un tipo de datos como integer (número entero) ya que las operaciones relacionadas serán de comparación, sumas o restas y no es necesario tener una profundidad de decimales.

A continuación, se listan algunos de los tipos de datos más comunes y sus posibles usos:

| Tipo de Datos | Significado | Ejemplos de uso | |
|---------------|---|---|--|
| Byte | Número entero de 8 bits. Con signo | Temperatura de una habitación en grados Celsius | |
| Short | Número entero de 16 bits. Con signo | Edad de una Persona | |
| Int | Número entero de 32 bits. Con signo | Distancia entre localidades medida en metros | |
| Long | Número entero de 64 bits. Con signo Producto entre dos almacenadas en varia int como la anterior | | |
| Float | Número Real de 32 bits. Altura de algún objeto | | |
| Double | Número Real de 64 bits. Proporción entre magnitudes | | |
| Boolean | Valor lógico: true (verdadero) o false (falso) Almacenar si el usuario aprobado un examen o no | | |

Tabla 2: Tipos de dato

Para algunos lenguajes de programación es posible especificar si las variables numéricas tendrán o no signo (es decir que puedan tomar valores negativos y positivos, o sólo positivos). La elección de tener o no signo (definidas con la palabra reservada unsigned) depende del significado de la variable ya que al no tenerlo podremos almacenar el doble de valores, por ejemplo, una variable short sin signo posee valores desde el 0 al 65535.

Constantes

Elementos de almacenamiento de datos. Representan una dirección de memoria en donde se almacena un dato pero que no varía durante la ejecución del programa. Se podría pensar en un ejemplo de necesitar utilizar en el programa el número pi, como el mismo no varía, se puede definir una constante pi y asignarle el valor 3.14.

Operadores

Los programas de computadoras se apoyan esencialmente en la realización de numerosas operaciones aritméticas y matemáticas de diferente complejidad. Los operadores son símbolos especiales que sirven para ejecutar una determinada operación, devolviendo el resultado de la misma.

Para comprender lo que es un operador, debemos primero introducir el concepto de Expresión. Una expresión es, normalmente, una ecuación matemática, tal como 3 + 5. En esta expresión, el símbolo más (+) es el operador de suma, y los números 3 y 5 se llaman operandos. En síntesis, una expresión es una secuencia de operaciones y operandos que especifica un cálculo.

Existen diferentes tipos de operadores:

Operador de asignación

Es el operador más simple que existe, se utiliza para asignar un valor a una variable o a una constante. El signo que representa la asignación es el = y este operador indica que el valor a la derecha del = será asignado a lo que está a la izquierda del mismo.

Ejemplo en pseudocódigo:

Entero edad = 20

Decimal precio = 25.45

Operadores aritméticos

Son operadores binarios (requieren siempre dos operandos) que realizan las operaciones aritméticas habituales: suma (+), resta (-), multiplicación (*), división (/) y resto de la división entera (%), por ejemplo 50%8=2 porque necesitamos obtener un número entero que queda luego de determinar la cantidad de veces que 8 entra en 50.

Ejemplo:

| Expresión | Operador | Operandos | Resultado arrojado |
|-----------|----------|-----------|--------------------|
| 5 * 7 | * | 5,7 | 35 |
| 6 + 3 | + | 6,3 | 9 |
| 20 - 4 | - | 20,4 | 16 |
| 50 % 8 | % | 50,8 | 2 |
| 45/5 | / | 45,5 | 9 |

Tabla Resumen Operadores Aritméticos:

| Operador | Significado |
|----------|-----------------------------|
| + | Suma |
| - | Resta |
| * | Producto |
| / | División |
| % | Resto de la división entera |

Los operadores unitarios

Los operadores unitarios requieren sólo un operando; que llevan a cabo diversas operaciones, tales como incrementar/decrementar un valor de a uno, negar una expresión, o invertir el valor de un booleano.

| Operador | Descripción | Ejemplo | Resultado |
|----------|---|-----------------------------------|-----------|
| ++ | operador de incremento; incrementa un valor de a 1 | int suma=20; suma++; | suma=21 |
| | operador de decremento; Reduce un valor de a 1 | int resta=20; resta; | resta=19 |
| ! | operador de complemento lógico; invierte el valor de un valor booleano | boolean a=true; boolean b= !a; | b=false |

Operadores Condicionales

Son aquellos operadores que sirven para comparar valores. Siempre devuelven valores booleanos: TRUE O FALSE. Pueden ser Relacionales o Lógicos.

Operadores relacionales

Los operadores relacionales sirven para realizar comparaciones de igualdad, desigualdad y relación de menor o mayor.

Los operadores relacionales determinan si un operando es mayor que, menor que, igual a, o no igual a otro operando. La mayoría de estos operadores probablemente le resultará familiar. Tenga en cuenta que debe utilizar " == ", no " = ", al probar si dos valores primitivos son iguales.

| Operador | Significado | |
|----------|-------------------|--|
| == | Igual a | |
| != | No igual a | |
| > | Mayor que | |
| >= | Mayor o igual que | |
| < | Menor que | |
| <= | Menor o igual que | |

| Expresión | Operador | Resultado |
|-----------|----------|---|
| a > b | > | true: si a es mayor que b false: si a es menor que b |
| a >= b | >= | true:si a es mayor o igual que b false: si a es menor que b |
| a < b | < | true: si a es menor que b false: si a es mayor que b |
| a <= b | <= | true: si a es menor o igual que b false: si a es mayor que b. |
| a == b | == | true: si a y b son iguales. false: si a y b son diferentes. |
| a != b | != | true: si a y b son diferentes false: si a y b son iguales. |

Operadores lógicos

Los operadores lógicos (AND, OR y NOT), sirven para evaluar condiciones complejas. Se utilizan para construir expresiones lógicas, combinando valores lógicos (true y/o false) o los resultados de los operadores relacionales.

| Expresión | Nombre Operador | Operador | Resultado |
|-----------|-----------------|----------|--|
| a && b | AND | && | true: si a y b son verdaderos. false: si a es falso, o si b es falso, o si a y b son falsos |
| a b | OR | II | true: si a es verdadero, o si b es verdadero, o si a y b son verdaderos. false: si a y b son falsos. |

Debe notarse que en ciertos casos el segundo operando no se evalúa porque no es necesario (si ambos tienen que ser true y el primero es false ya se sabe que la condición de que ambos sean true no se va a cumplir).

Rutinas

Las rutinas son uno de los recursos más valiosos cuando se trabaja en programación ya que permiten que los programas sean más simples, debido a que el programa principal se compone de diferentes rutinas donde cada una de ellas realiza una tarea determinada.

Una rutina se define como un bloque, formado por un conjunto de instrucciones que realizan una tarea específica y a la cual se la puede llamar desde cualquier parte del programa principal. Además, una rutina puede opcionalmente tener un valor de retorno y parámetros. El valor de retorno puede entenderse como el resultado de las instrucciones llevadas a cabo por la rutina, por ejemplo si para una rutina llamada sumar(a, b) podríamos esperar que su valor de retorno sea la suma de los números a y b. En el caso anterior, a y b son los datos de entrada de la rutina necesarios para realizar los cálculos correspondientes. A estos datos de entrada los denominamos parámetros y a las rutinas que reciben parámetros las denominamos funciones, procedimientos o métodos, dependiendo del lenguaje de programación.

Ejemplos de rutinas:

SumarPrecioProductos(precioProducto1, precioProducto2)

Rutina que realiza la suma de los precios de los productos comprados por un cliente y devuelve el monto total conseguido.

AplicarDescuento(montoTotal)

Rutina que a partir de un monto total aplica un descuento de 10% y devuelve el monto total con el descuento aplicado.

Entonces nuestro programa puede hacer uso de dichas rutinas cuando lo necesite. Por ejemplo cuando un cliente realice una compra determinada, podemos llamar a la rutina *sumarPrecioProductos* y cobrarle el monto devuelto por la misma. En el caso que el cliente abonara con un cupón de descuento, podemos entonces llamar a la rutina *aplicarDescuento* y así obtener el nuevo monto con el 10% aplicado.