

# 《电磁场与电磁波》第二次小测验

课程名称： 电磁场与电磁波 ； 课程编码： 85120060 ；

试卷编号： A ( ) B (✓) ； 考试形式： 开卷 ； 考试时间： 100 分钟。

考试日期： 2023 年 5 月 30 日 ；

诚信考试，沉着应考，杜绝违纪。

| 题 号 | 一 | 二 | 三 | 四 | 总分  |
|-----|---|---|---|---|-----|
| 应得分 |   |   |   |   | 100 |
| 实得分 |   |   |   |   |     |
| 评卷人 |   |   |   |   |     |

## 一、选择题（每题 4 分，共 40 分）

1. 微波传输线是一种（ B ）电路。

A. 集总常数 B. 分布参数 C. 纯阻 D. 无耗

2. 在矩形波导中，模式越高，即  $m$  和  $n$  越大，相应的截止频率\_\_，截止波长 \_\_\_\_（ A ）

A. 越大，越小 B. 越小，越大 C. 越大，越大 D. 越小，越小

3. 截面尺寸为  $a \times b$  ( $b < a/2$ ) 的矩形波导， $TE_{10}$  波在其中单模传播的条件为（ C ）。（注： $\lambda$  为工作波长）

A.  $0 < \lambda < a$  B.  $2b < \lambda < 2a$  C.  $a < \lambda < 2a$  D.  $2a < \lambda$

4. 圆极化的均匀平面波从  $\epsilon_r=3$ ， $\mu_r=1$  的理想介质斜入射到与空气的分界面，下列可能发生的现象有（ B ）

A. 可能全反射，也可能全透射 B. 可能全反射，不可能全透射

C. 不可能全反射，可能全透射 D. 不可能全反射，也不可能全透射

5. 关于理想导体表面上的垂直入射，下列描述不正确的是：（ D ）

A. 在理想导体表面上，垂直入射波发生全反射现象

B. 合成波的电场和磁场均为驻波

C. 导体表面上有表面电流存在

D. 反射波电场和磁场在反射面上均有  $\pi$  相移

6. 在传播  $TE_{10}$  模的矩形波导中，当填充介质 ( $\epsilon_r \epsilon_0$ ,  $\mu_0$ ) 后 ( $\epsilon_r > 1$ )，设工作频率不变，则其特征阻抗将（ B ）

A. 变大 B. 变小 C. 不变 D. 取决于波导尺寸而变大或变小

专业班级：

学号：

姓名：

7. 一矩形波导，传输  $TE_{10}$  模式，波导的截止波长  $\lambda_c$ 、波导波长  $\lambda_g$ 、传播常数  $k_z$ 。若工作频率及窄边不变，使宽边增加一倍，上述各参量的变化是(C)

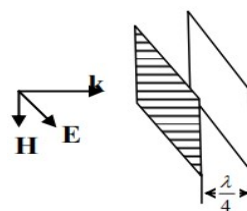
- A. 都不变  
B.  $\lambda_c$ 、 $\lambda_g$  都变大一倍,  $kz$  变小一倍  
C.  $\lambda_c$  变大一倍,  $\lambda_g$  变小,  $kz$  变大  
D.  $\lambda_c$  变大一倍,  $\lambda_g$  变大,  $kz$  变小

8. 下列说法错误的是 ( C )

- A. 圆波导中 TE 模表示为  $TE_{mn}$  时,  $m$  表示场沿圆周分布的驻波数,  $n$  表示场沿半径分布的半驻波数或场的最大值个数
- B. 汽车在隧道中接收不到电台信号, 是因为隧道可等效成圆波导, 而信号频率在此圆波导截止频率以下
- C. 圆波导的  $TE_{11}$  模和矩形波导的  $TE_{10}$  模场分布类似, 因而可直接将两者连接并且无反射
- D. 圆波导不适合用来做传输系统

9. 如右图所示, 一理想导体平板前入/4 处放置一个与水平方向成  $45^\circ$  的金属栅, 若一水平极化的平面波入射, 则反射波为 ( B )

- A. 水平极化波      B. 垂直极化波  
C. 右旋圆极化波      D. 左旋圆极化波



10. 平面波以某不为零的角度  $\theta$  由介质 1 (折射率为  $n_1$ ) 入射到介质 2 (折射率为  $n_2$ ) 表面上, ( **AD** ) 是反射波为零的必要条件。

- A.  $n_1 > n_2$   
B.  $n_1 < n_2$   
C. 入射波垂直极化波  
D. 入射波平行极化波

二、填空题 (每空 2 分, 共 20 分)

1. 在理想导体的表面上，磁感应强度（ $B$ ）矢量总是平行于导体表面，电场强度（ $E$ ）矢量总是垂直于导体表面。
2. 电磁波从一种媒质入射到理想导体表面时，电磁波将发生全反射。
3. 均匀平面电磁波由空气中垂直入射到与无损耗介质( $\epsilon=6.25\epsilon_0$ 、 $\mu=\mu_0$ 、 $\sigma=0$ )的分界平面上时，反射系数  $T=-3/7$ ，折射（透射）系数  $T=4/7$ 。
4. 对于圆波导中  $TE_{23}$  模，其场沿圆周方向分布有 2 个驻波，沿半径方向分布有 3 个最大数值。
5. 波导中的场结构可以分为 TE 模和 TM 模，其中 TE 模电场没有纵向分量，TM 模磁场没有纵向分量。
6. 矩形波导可看成一个高通滤波器。

---

### 三、计算题（每道 10 分，共 30 分）

1. 一矩形波导内充空气，横截面尺寸为：，当工作波长为 1.8cm 时，问：

(1) (6 分)波导可能传输的模式？

(2) (4 分)为保证此波导只能传输 TE<sub>10</sub> 模式，工作波段范围为最高波长比 TE<sub>10</sub> 模式的临界波长低 10%，最低波长比 TE<sub>20</sub> 模式的临界波长高 10%，求其可工作的波段范围？

解：(1) 应用公式  $\lambda_c = \frac{2}{\sqrt{\left(\frac{m}{a}\right)^2 + \left(\frac{n}{b}\right)^2}}$  求出各种不同模式的临界波长为：

$$(\lambda_c)_{TE_{10}} = 2a = 2 \times 2.3 = 4.6 \text{ (厘米)} \quad (\lambda_c)_{TE_{20}} = a = 2.3 \text{ (厘米)}$$

$$(\lambda_c)_{TE_{01}} = 2b = 2 \times 1 = 2 \text{ (厘米)} \quad (\lambda_c)_{TE_{02}} = b = 1 \text{ (厘米)}$$

$$(\lambda_c)_{TE_{30}} = 1.53 \text{ (厘米)} \quad (\lambda_c)_{TE_{11}} = (\lambda_c)_{TM_{11}} = 1.85 \text{ (厘米)}$$

$$(\lambda_c)_{TE_{21}} = (\lambda_c)_{TM_{21}} = 1.52 \text{ (厘米)}$$

由此可见，当工作波长  $\lambda = 1.8$  厘米时，波导可能传播模式为 TE<sub>10</sub>、TE<sub>01</sub>、TE<sub>20</sub>、TE<sub>11</sub>、TM<sub>11</sub> 模式；

$$(2) \text{ 由前面计算结果得知 } (\lambda_c)_{TE_{10}} = 4.6 \text{ (厘米)} \quad (\lambda_c)_{TE_{20}} = 2.3 \text{ (厘米)}$$

所以波段范围为  $(4.6 - 4.6 \times 10\%) \sim (2.3 + 2.3 \times 10\%) = 4.14 \sim 2.53 \text{ (厘米)}$ 。

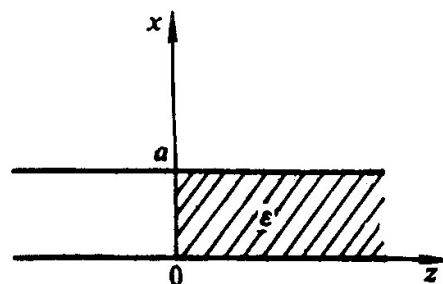
2. 如图所示, 一平行板波导相距为  $a$ ,  $z < 0$  区域是自由空间( $\mu_0, \epsilon_0$ ),  $z > 0$  区域充满( $\mu_0, \epsilon$ )的介质, 假设波矢  $k$  在  $x-z$  平面, 可知, 波在  $x$  方向谐振, 沿  $z$  方向传播,

(1) (3 分) 由横向谐振原理, 求  $x$  方向的波矢  $k_x$ 。

(2) (3 分) 分别求出  $z < 0$  区域和  $z > 0$  区域中  $z$  方向的波矢  $k_z$ 。

(3) (2 分) 画出  $z$  方向的传输线模型, 求出  $z < 0$  区域和  $z > 0$  区域中 TE 波和 TM 波的特征阻抗

(4) (2 分) 当 TM 波从  $z < 0$  区域投射介质分界面时, 求出交界面无反射波时的频率。



解: (1) 横向谐振原理,  $x$  方向的波矢  $k_x = \frac{m\pi}{a}$

(2)  $z < 0$  区域,  $k_{0z} = \sqrt{\omega^2 \mu_0 \epsilon_0 - (m\pi/a)^2}$ ;  $z > 0$  区域,  $k_z = \sqrt{\omega^2 \mu_0 \epsilon - (m\pi/a)^2}$

(3)  $z < 0$  区域 特征阻抗  $Z_1 = \begin{cases} \frac{\omega \mu_0}{k_{0z}} & TE \\ \frac{k_{0z}}{\omega \epsilon_0} & TM \end{cases}$ ;  $z > 0$  区域 特征阻抗  $Z_2 = \begin{cases} \frac{\omega \mu_0}{k_z} & TE \\ \frac{k_z}{\omega \epsilon} & TM \end{cases}$

(4) 要使得 TM 波无反射波,  $\Gamma = \frac{Z_2 - Z_1}{Z_2 + Z_1} = 0$ , 即  $\epsilon k_{0z} = \epsilon_0 k_z$  可得当  $f/f_c = (1 + \epsilon_0/\epsilon)^{1/2}$  时, 式中

$$f_c = m / (2a \sqrt{\mu_0 \epsilon_0})$$

3. 在自由空间传播的均匀平面波的电场强度复矢量为

$$\mathbf{E} = \mathbf{x}_0 10^{-4} e^{j(\omega t - 20\pi z)} + \mathbf{y}_0 10^{-4} e^{j\left(\omega t - 20\pi z + \frac{\pi}{2}\right)} \text{ V/m}$$

试求：

- (1) (2 分) 平面波的传播方向；
- (2) (2 分) 平面波的频率；
- (3) (2 分) 波的极化方式；
- (4) (2 分) 与  $\mathbf{E}$  相伴的磁场  $\mathbf{H}$ ；
- (5) (2 分) 平面波流过与传播方向垂直的单位面积的平均功率。

解：(1) 从  $\mathbf{E}$  的表示式可看出，随着  $z$  的增加，相位连续滞后，表明该波沿  $+z$  方向的传播。

(2) 由  $\mathbf{E}$  的表示式知波数  $k = 20\pi \text{ rad/m}$ ，而  $k = \omega \sqrt{\mu_0 \epsilon_0}$ ，故

$$\omega = \frac{k}{\sqrt{\mu_0 \epsilon_0}} = \frac{20\pi}{\sqrt{\mu_0 \epsilon_0}} = 20\pi \times 3 \times 10^8 \text{ rad/s}$$

$$f = \frac{\omega}{2\pi} = 3 \times 10^9 \text{ Hz} = 3 \text{ GHz}$$

(3)  $\mathbf{E}$  的两个分量的振幅相等，相位相差  $\frac{\pi}{2}$ ，故  $\mathbf{E}$  表示一个圆极化波。由于  $\phi_y = -\frac{\pi}{2}$ ， $\phi_x = 0$ ，故  $\mathbf{E}$  表示一个沿  $+z$  方向传播的左旋圆极化波。

(4) 由  $\nabla \times \mathbf{E} = -j\omega\mu_0 \mathbf{H}$  求，得

$$\begin{aligned} \mathbf{H} &= -\frac{1}{j\omega\mu_0} \nabla \times \mathbf{E} = -\frac{1}{j\omega\mu_0} \left[ -\mathbf{x}_0 \frac{\partial E_y}{\partial z} + \mathbf{y}_0 \frac{\partial E_x}{\partial z} \right] \\ &= -\frac{1}{j\omega\mu_0} \left[ \mathbf{x}_0 10^{-4} \times j20\pi e^{j\left(\omega t - 20\pi z + \frac{\pi}{2}\right)} - \mathbf{y}_0 10^{-4} \times j20\pi e^{j(\omega t - 20\pi z)} \right] \\ &= \frac{20\pi}{\omega\mu_0} \left[ -\mathbf{x}_0 10^{-4} e^{j\left(\omega t - 20\pi z + \frac{\pi}{2}\right)} + \mathbf{y}_0 10^{-4} e^{j(\omega t - 20\pi z)} \right] \\ &= \frac{1}{120\pi} \left[ -\mathbf{x}_0 10^{-4} e^{j\left(\omega t - 20\pi z + \frac{\pi}{2}\right)} + \mathbf{y}_0 10^{-4} e^{j(\omega t - 20\pi z)} \right] \text{ A/m} \\ &= \left[ -\mathbf{x}_0 2.65 \times 10^{-7} e^{j\left(\omega t - 20\pi z + \frac{\pi}{2}\right)} + \mathbf{y}_0 2.65 \times 10^{-7} e^{j(\omega t - 20\pi z)} \right] \text{ A/m} \end{aligned}$$

(5) 平均功率密度为

$$\begin{aligned} \mathbf{S}_{av} &= \frac{1}{2} \text{Re} [\mathbf{E} \times \mathbf{H}^*] \\ &= \frac{1}{2} \text{Re} \left\{ \left[ \mathbf{x}_0 10^{-4} e^{-j20\pi z} + \mathbf{y}_0 10^{-4} e^{-j\left(20\pi z - \frac{\pi}{2}\right)} \right] \times \left[ -\mathbf{x}_0 2.65 \times 10^{-7} e^{j\left(20\pi z - \frac{\pi}{2}\right)} + \mathbf{y}_0 2.65 \times 10^{-7} e^{j20\pi z} \right] \right\} \\ &= \mathbf{z}_0 2.65 \times 10^{-11} \text{ W/m}^2 \end{aligned}$$

故流过垂直于传播方向的单位面积的平均功率为

$$P_{av} = \int \mathbf{S}_{av} \cdot d\mathbf{S} = 2.65 \times 10^{-11} \text{ W}$$

#### 四、选做题（要求在 1, 2 中任选一题作答，若多选，则只按第一题评分，10 分）

1. 设一平面波投射在具有增大的电容率的分层媒质上（图 2-8），试用相位匹配概念（边界条件）确定媒质内波矢量  $\mathbf{k}$  的方向。

思路 当平面波投射在两媒质的分界面上时，按照边界条件分界面上场的切向分量连续，故入射波、反射波和透射波的波矢量  $\mathbf{k}$  的切向分量在边界两侧也连续（即相位匹配）。

解： 设各层媒质的厚度极小，故每层媒质中的  $\varepsilon(x)$  可认为是常数，又按相位匹配，每层媒质中  $\mathbf{k}$  的切向分量  $k_x$  都相同。因此，对于第 1 层有

$$k_{1x}^2 + k_z^2 = \omega^2 \mu_0 \varepsilon(-l\Delta x)$$

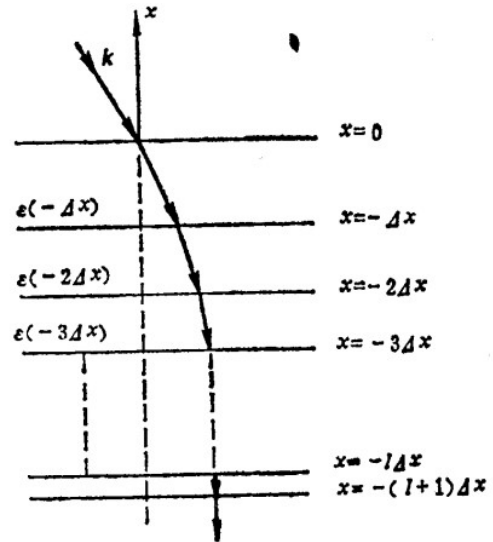
由于  $\varepsilon$  随着距离的增大而增大，即

$$\varepsilon(-\Delta x) < \varepsilon(-2\Delta x) < \dots < \varepsilon(-l\Delta x) < \varepsilon[-(l+1)\Delta x] < \dots$$

所以

$$k_{1x}^2 < k_{2x}^2 < \dots < k_{lx}^2 < k_{(l+1)x}^2 < \dots$$

即随着波的透射愈来愈深， $\mathbf{k}$  矢量的方向趋向于与媒质分界面垂直



2. 频率  $f = 3\text{GHz}$  的均匀平面波垂直入射到有一个大孔的聚苯乙烯 ( $\varepsilon_r = 2.7$ ) 介质板上，平面波将分别通过孔洞和介质板到达介质板的右侧界面，如图 2-15 所示。试求介质板的厚度  $d$  为多少时，才能使通过孔洞和通过介质板的平面波有相同的相位？（注：计算此题时不考虑边缘效应，也不考虑在界面上的反射）。

解：相位常数与媒质参数及波的频率有关，对于介质板

$$\beta = \omega \sqrt{\mu \varepsilon} = 2\pi f \sqrt{\mu_0 (2.7 \varepsilon_0)}$$

对孔洞

$$\beta_0 = \omega \sqrt{\mu_0 \varepsilon_0} = 2\pi f \sqrt{\mu_0 \varepsilon_0}$$

可见，波在介质板中传播单位距离引起的相位移要大于空气中的相位移。按题目要求，介质板的厚度  $d$  应满足下式

$$\beta d = \beta_0 d + 2\pi$$

故得

$$d = \frac{2\pi}{\beta - \beta_0} = \frac{2\pi}{2\pi f \sqrt{\mu_0 \varepsilon_0} (\sqrt{2.7} - 1)} = \frac{3 \times 10^8}{3 \times 10^9 (\sqrt{2.7} - 1)} \text{m} = 155.5 \text{mm}$$

