

## 5.5 预测编码

预测编码法是一种设备简单质量较佳的高效 编码法。预测编码方法主要有二种。一种是 (Delta modulation)或DM编码法,另一种是DPCM (Differential Pulse Code Modulation) 编码法。 本节主要介绍这两种方法的原理及其在图像编码 中的应用。

### 5.5.1 预测编码的基本原理

预测编码的基本原理如图5—23所示。假设有一个平均值为零,均方根值为 $\sigma$ 的平稳信号X(t)在时刻 $t_1,t_2,\dots,t_n$ 被取样,而且其相应的样值为 $x_1,x_2,x_3,\dots,x_n$ 。

编码原理图中, $x_i$ 是下一个样值。根据前面出现的n个样值,可以得到  $x_i$  的预测值  $\hat{x}_i$  。

$$\hat{x}_i = \alpha_1 x_1 + \alpha_2 x_2 + \alpha_3 x_3 + \dots + \alpha_n x_n \qquad (5-38)$$

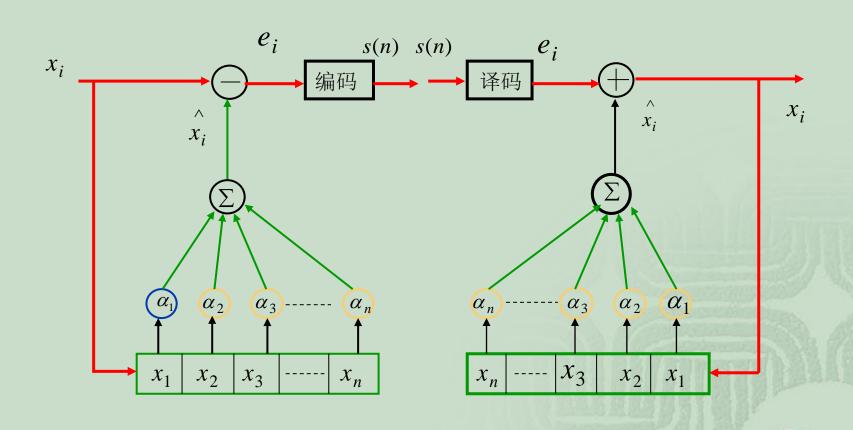
式中  $x_1, x_2, x_3, \dots, x_n$ 是  $x_i$  的前n个样值。

 $\alpha_1$ ,  $\alpha_2$ ,  $\alpha_3$ , ……,  $\alpha_n$  是预测参数。设  $e_i$  为  $x_i$  与  $\hat{x}_i$ 

之间的误差值,则

$$e_i = x_i - \hat{x}_i \tag{5-39}$$

预测编码就是要对误差  $e_i$  进行编码,而不是对样值直接编码。那么,对误差编码果真可以压缩数据率吗?下面先定性地分析一下其可能性。



(a) (b) **图5—23** 预测编码原理

假如直接对样值 x 编码,那么正如前面谈到的那样,代码平均长度有一个下限  $\overline{N}_{\min}$  ,这个下限就是信源的熵 H(X) ,即

$$\overline{N}_{\min} = H(X) = -\sum p(i)\log p(i)$$
 (5—40)

同样道理,如果对误差信号进行编码,那么,它也应该有一个下限,设为 H(E) 。显然,预测编码可以压缩数码率的条件是

$$H(E) < H(X) \tag{5-41}$$

熵是概率分布的函数,分布越均匀熵越大。熵值大,则其平均码长之下限必然会加大,码率就会增高。反之,分布越集中熵值越小,而其平均码长之下限就会越短,码率就会降低。

如果预测比较准确,那么误差就会集中于不大的数值内,从而使 H(E) 小于 H(X)。由于图像信号中样值的高度相关性,使得相邻样值之间的差别总是十分微小的,所以其差值分布十分集中。预测前后的概率分布情况如图5—24所示。

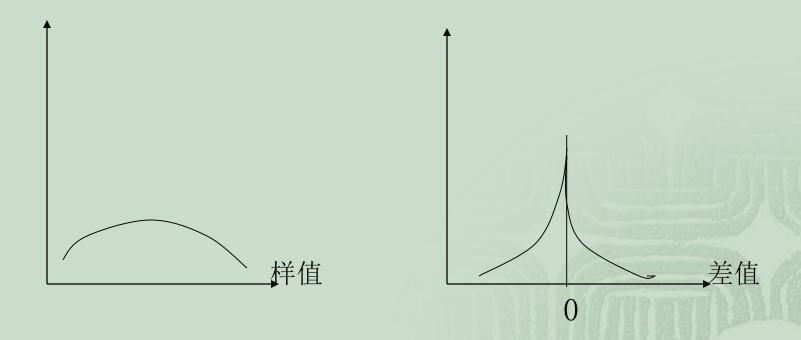
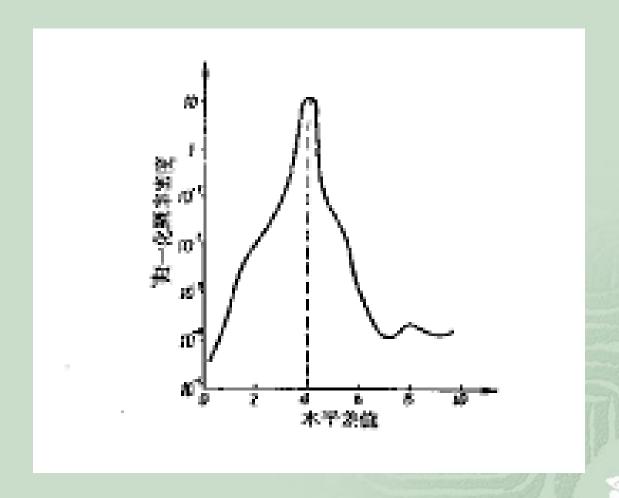


图5—24预测前后的概率密度分布示意图

- (a) 为图像信号概率密度分布
- (b) 为差值信号概率密度分布



相邻像素间差值信号分布密度曲线

在第二章关于图像信号性质的讨论中可知, 帧内像素相关系数在0.85左右,帧间相关系 数在0.95左右。由此可见,图像像素间的相 关性是很大的,其压缩潜力也是很大的。由 上面的定性分析可知,预测编码是可以压缩 码率的。

一般情况,使用线性预测器,预测值与前面的n个已出现样值的关系如式(5—38)所示。线性预测的关键一步在于预测系数  $\alpha_i$  的求解。预测误差信号是一个随机变量,它的均方误差为  $\sigma_i^2$ 。

$$\sigma_i^2 = E[(x_i - \hat{x}_i)^2]$$
 (5-42)

这里E[]表示数学期望。通常把均方误差最小的预测称为最佳预测。通过最小均方误差准则可求解预测系数,即

$$\frac{\partial E[(x_i - \hat{x}_i)^2]}{\partial \alpha_j} = 0$$

$$j = 1, 2, 3, \dots, n$$

(5-43)

## 将式(5—38)代入,则

$$\frac{\partial E[(x_i - \hat{x}_i)^2]}{\partial \alpha_j}$$

$$= \frac{\partial E[(x_i - (\alpha_1 x_1 + \alpha_2 x_2 + \dots + \alpha_n x_n))^2]}{\partial \alpha_j}$$

$$= -2E[(x_i - (\alpha_1 x_1 + \alpha_2 x_2 + \dots + \alpha_n x_n))x_j]$$

(5-44)

#### 为求极小值可令式(5—44)等于0,即

$$E[(x_i - (\alpha_1 x_1 + \alpha_2 x_2 + \dots + \alpha_n x_n))x_j] = 0$$

或

$$E[(x_i - \hat{x}_i)x_j] = 0$$

$$j = 1, 2, 3, \dots, n$$
(5—45)

因为信号x是平稳的随机过程,并且均值为零, 所以可将任意两个像素的协方差定义为  $R_{ii}$ 

$$R_{ij} = E[x_i x_j] \tag{5-46}$$

展开式 (5-45) 得

$$E[x_{i}x_{j} - \alpha_{1}x_{1}x_{j} - \alpha_{2}x_{2}x_{j} - \dots - a_{n}x_{n}x_{j}] = 0$$

令式中  $j = 1, 2, 3, \dots, n; i = 0$  则

$$\begin{cases} R_{01} = \alpha_1 R_{11} + \alpha_2 R_{22} + \dots + \alpha_n R_{n1} \\ R_{02} = \alpha_1 R_{12} + \alpha_2 R_{22} + \dots + \alpha_n R_{n2} \\ \dots \\ R_{0n} = \alpha_1 R_{1n} + \alpha_2 R_{2n} + \dots + \alpha_n R_{nn} \end{cases}$$
(5—47)

这是一个n阶线性联立方程组,当协方差  $R_{ij}$  都已知时,那么各个预测参数  $\alpha_i$  是可以解出来的。

另外,由上面的讨论可知,如果  $\hat{x_i}$  是  $x_i$  的最佳 线性估计值,则

$$E[(x_i - \hat{x}_i)x_j] = 0$$
  
$$j = 1, 2, 3, \dots, n$$

#### 而其均方误差为

$$\sigma_{i}^{2} = E[(x_{i} - \hat{x}_{i})^{2}]$$

$$= E[(x_{i} - \hat{x}_{i})(x_{i} - \hat{x}_{i})]$$

$$= E[(x_{i} - \hat{x}_{i})x_{i} - (x_{i} - \hat{x}_{i})\hat{x}_{i}]$$

$$= E[(x_{i} - \hat{x}_{i})x_{i}] - E[(x_{i} - \hat{x}_{i})\hat{x}_{i}]$$

$$= E[(x_{i} - \hat{x}_{i})x_{i}] - E[(x_{i} - \hat{x}_{i})(\alpha_{1}x_{1} + \alpha_{2}x_{2} + \dots + \alpha_{n}x_{n})]$$

$$= E[(x_{i} - \hat{x}_{i})x_{i}] - E[\alpha_{1}(x_{i} - \hat{x}_{i})x_{1}] - E[\alpha_{2}(x_{i} - \hat{x}_{i})x_{2}]$$

$$- \dots - E[\alpha_{n}(x_{i} - \hat{x}_{i})x_{n}] = E[(x_{i} - \hat{x}_{i})x_{i}]$$

由此可得 
$$\sigma_i^2 = E[(x_i - \hat{x}_i)x_i]$$
 (5—48)

当 
$$i=0$$
 时,则

$$\sigma_0^2 = E[x_0^2 - x_0 \hat{x}_0]$$

将 
$$\hat{x}_0 = \alpha_1 x_1 + \alpha_2 x_2 + \cdots + \alpha_n x_n$$

代入式(5—49),并引入协方差之定义,则

$$\sigma_0^2 = R_{00} - (\alpha_1 R_{01} + \alpha_2 R_{02} + \dots + \alpha_n R_{0n}) \qquad (5-50)$$

(5-49)

式中  $R_{00}$  是原序列X的方差。由式(5—50)可见,误差序列的方差  $\sigma_0^2$  比原序列的方差确实要小。如果在形成估计时所用的取样值n无限制时,那么误差取样序列总可以是完全不相关的。

如果取样序列是 r 阶马尔可夫序列,则在形成  $x_i$  的最佳估计中,只需采用 r 个取样值,而且得出的误差取样序列也会是不相关的。由于解除了样值间的相关性,也就解除了存在于相关性中的多余度。

对于图像编码,特别是电视信号编码,如果利用同一行的前r个样值进行预测,叫一维预测。如果同时利用前面几行的样值预测就叫二维预测。电视图像一般是一帧一帧连续发送的,那么可以利用前面若干帧进行预测,这时就是三维预测了。

对于电视信号来说,可认为它是一阶马尔可夫过程,这时只采用前值预测法便可以了。其误差值为

$$e_i = x_i - \hat{x}_i = x_i - \alpha_1 x_{i-1}$$
 (5—51)

此时,电视信号取样序列的自相关函数近于指数形式,即  $e^{-at}$  的形式。

#### 5.5.2 △M (DM) 编码

1.△M编码的基本原理

△M编码基本原理框图如图5—27所示,其中(a)为编码原理框图,(b)为译码原理框图。图。

△M编码器包括比较器、本地译码器和脉冲 形成器三个部分。收端译码器比较简单,它 只有一个与编码器中的本地译码一样的译码 器及一个视频带宽的低通滤波器。

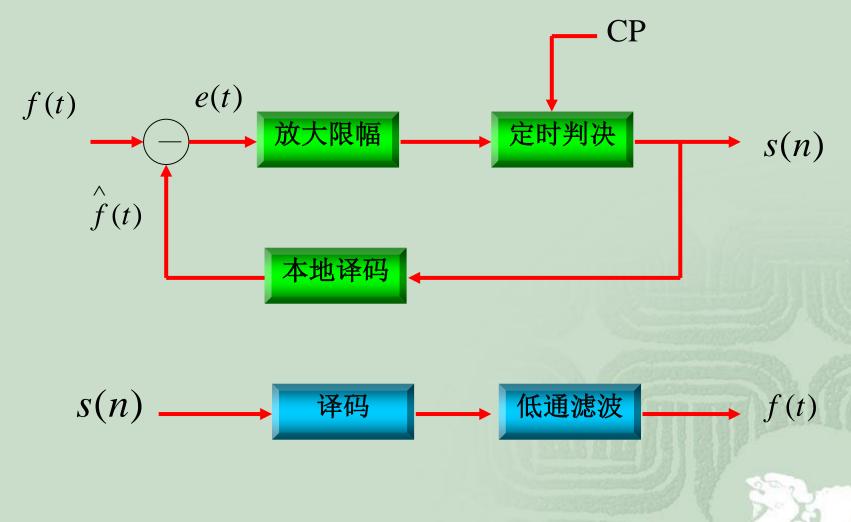


图5—27 △M编码、译码原理方框图

△M编码器实际上就是1bit编码的预测编码器。

它用一位码字来表示 e(t)

$$e(t) = f(t) - \hat{f}(t)$$
 (5—53)

## 中

f(t)为输入视频信号, $\hat{f}(t)$  是f(t) 的预测值。

当差值e(t)为一个正的增量时用"1"码来表示,

当差值e(t)为一个负的增量时用"0"码来表示。

在收端,

当译码器收到"1"时,信号则产生一个正跳变,

当译码器收到"0"时,则信号电压产生一个负的跳

变,

由此即可实现译码。

根据上述原理,讨论一下译码电路。一般说来,译码器应具有下述三个功能:

- (1)收到"1"时,产生一个正斜变电压, 当连续收到"1"时,则连续上升;
- (2)收到"0"时,产生一个负斜变电压, 当连续收到"0"时,则连续下降;
  - (3)正、负斜率相等,且具有记忆功能。

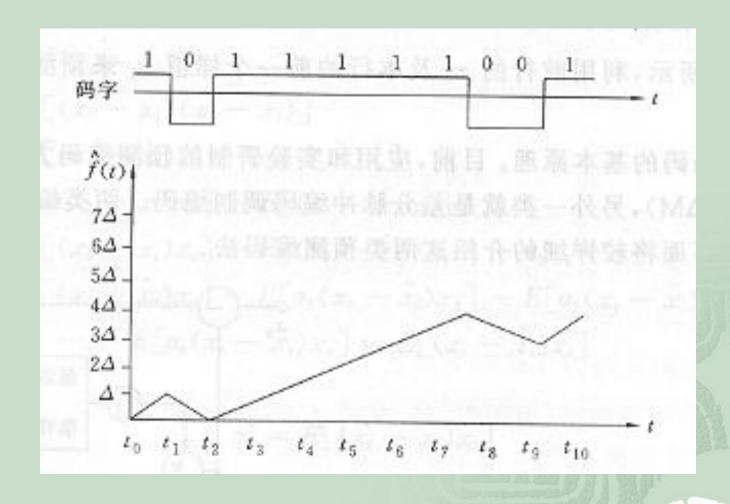


图 5—28 译码原理

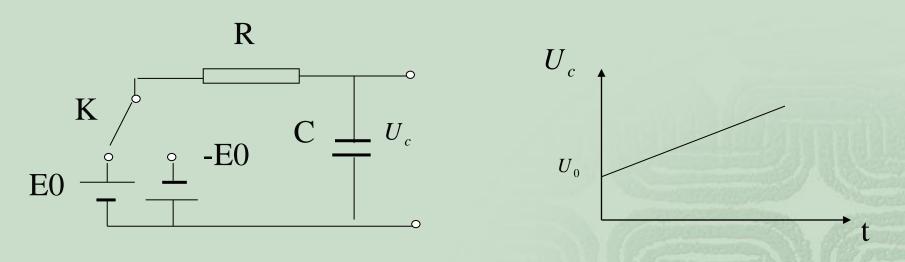


图 5—30 单积分RC译码器

最普通的译码器就是一个RC积分电路。电路的工作 原理如图5—29所示。当输入"1"时,开关接+ $E_0$ , 输入"0"时,开关接 $-E_0$ 。电容的二端就是译码输 出。如果在t=0时输入"1",也就是开关接到 +E0 上。 假定此时电容上已有电压  $U_0$  ,则电容器上的电压 U。可用式(5—54)求出

$$U_c = E_0(1 - e^{-\frac{t}{RC}}) + U_0 e^{-\frac{t}{RC}}$$
 (5—54)

式中,第一项表示  $U_0=0$  时,  $E_0$  对电容C的充电,第二项表示  $E_0=0$  时  $U_0$  的放电。当二者都存在时, $U_c$ 是它们的和。

#### 因为

$$e^{-\frac{l}{RC}} = 1 - \frac{t}{RC} + \frac{1}{2} \left(\frac{t}{RC}\right)^2 - \frac{1}{2 \times 3} \left(\frac{t}{RC}\right)^3 + \cdots$$
 (5—55)

# 这里t是一个码元的长度,而t远小于RC,所以式 (5-55)可近似为式(5-56)的形式

$$e^{-\frac{t}{RC}} \approx 1 - \frac{t}{RC} \tag{5-56}$$

#### 这样, 在收到"1"时, 电容器上的电压为

$$\begin{split} &U_{c} = E_{0}(1 - 1 + \frac{t}{RC}) + U_{0}(1 - \frac{t}{RC}) \\ &= (E_{0} - U_{0}) \frac{t}{RC} + U_{0} \end{split} \tag{5-57}$$

式中 $U_0$ 可看作是先前各码元在电容器上建立的电压之代数和。一般情况下, $U_0$ 是远小于 $E_0$ 的,所以,电容器上的电压  $U_{\rm c}$ 可近似为下式

$$U_c \approx E_0 \frac{t}{RC} + U_0 \tag{5-58}$$

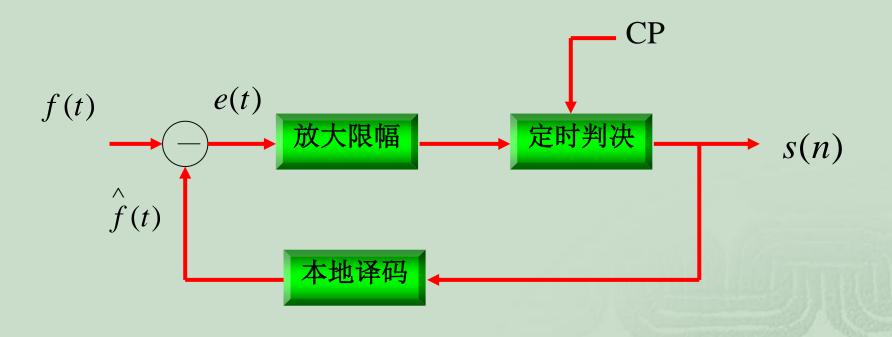
如果连续收到n个"1",则电容器上的电压可由式(5-59)表示

$$U_{c} = E_{0} \frac{nt}{RC} + U_{0} \tag{5--59}$$

只要nt远小于RC,则电容器上的电压会一直随时间线性增长,保证在收到连"1"码时,每次上升同样一个量化级,上升的斜率就是。 $\frac{t}{RC}$  。另外,电容器能够保持电荷,因而具有记忆作用。

由式(5—58)知道,收到"1"时电压会上升一个量化 阶, 当收到"0"时, 相当于图5—29中开关接到  $-E_0$ ,此时会使电容上的电压下降一个量化阶,所 以,简单的RC电路就能实现增量调制编码器的译 码。

下面讨论编码器的工作原理。假定"1"码的电压值为+ $E_0$ ,"0"码的电压值为 $-E_0$ 。编码原理如下图所示。



## 图5—27 △M编码原理方框图

图像信号f(t)送入相减器,输出码经本地译码后产生的预测值  $\hat{f}(t)$  也送至相减器。相减器的输出就是图像信号f(t)与其预测值  $\hat{f}(t)$  之差 e(t) ,即

$$e(t) = f(t) - \hat{f}(t)$$

误差信号 *e*(*t*) 送入脉冲形成器以控制脉冲形成。 脉冲形成器一般由放大限幅和双稳判决电路组成。 脉冲形成器的输出就是所需要的数码。码率由取 样脉冲决定。 当取样脉冲到来时刻 e(t)>0 则发"1",当 e(t) <0则发"0"。发"0"还是发"1"完全由 e(t) 的极性来控制,与 e(t) 的大小无关。为 了提高控制灵敏度,在电路中还加有放大限 幅电路。图5—31说明了编码过程。

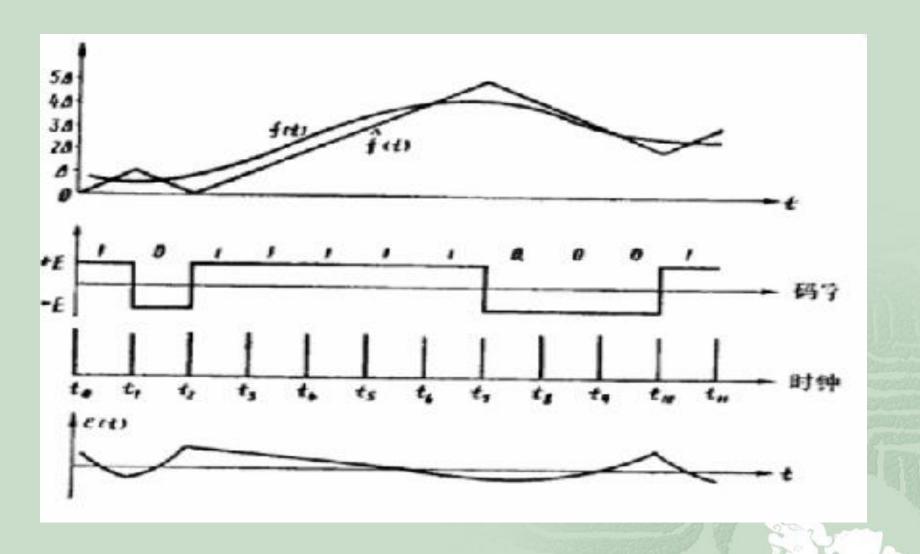


图 5—31 编码原理

在  $t=t_0$  时,输入一模拟信号f(t),在此时 刻  $f(t_0)$ >  $\hat{f}(t_0)$  ,也就是 e(t) >0,则脉冲形成 电路输出"1"。从t0开始本地译码器将输出正 斜变电压,使  $\hat{f}(t)$ 上升,以便跟踪f(t)。由于 f(t)变化缓慢, $\hat{f}(t)$ 上升较快,所以在  $t_1$  时 刻f(t)- $\hat{f}(t)$ <0,因此,在第二个时钟脉冲到 来时便输出码"0"。

以此类推,在  $t_2, t_3, \dots, t_n$  等时刻码字的产生原理相同。图5—31中分别画出了编出的码流、时钟及误差信号的示意波形。显而易见,对 f(t) 的跟踪越好,则误差信号e(t) 越小。这就是 $\Delta$ M编、译码的基本原理。

## 2. △M编码的基本特性

△M编码性能主要由斜率过载特性、量化

噪声以及量化信噪比等性能来衡量

#### (1) 斜率过载特性

由 $\triangle M$ 的编码原理可知, $\hat{f}(t)$  应很好地跟踪f(t),跟踪得越好,误差e(t)越小。当 $\triangle M$ 编码器出现连"1"或连"0"码时,就说明输入模拟信号f(t)有较大的斜率。

## 当判决时钟脉冲的频率及跳变量化台阶确定后,f(t)

## 的最大变化斜率就应满足下式

$$\left| \frac{df(t)}{dt} \right|_{\text{max}} \le \frac{\Delta}{T_s} \tag{5--60}$$

式中 $^{\triangle}$ 代表量化阶,  $T_s$ 是取样脉冲周期。

## 如果输入的是正弦信号,即

$$f(t) = A\sin\omega_c t \tag{5--61}$$

式中A是信号f(t)的振幅, $\omega_c$ 是正弦波的角频率。

当t=0时

$$\left| \frac{df(t)}{dt} \right|_{\text{max}} = A \omega_c \tag{5-62}$$

## 在这种情况下,不过载条件为

$$A \le \frac{\Delta}{2\pi} \left( \frac{f_s}{f_c} \right)$$

式中 $f_s$  是取样脉冲频率, $f_c$  是正弦波的频率。一般来说,为了满足不过载条件, $\triangle$ M的取样率要比PCM高得多。

例如,视频信号的带宽  $f_c = 6.5 \text{MHz}$ ,

如果采用PCM编码  $f_s$ =2× $f_c$ =13MHz。当每取样值编8位码时,码率可达104Mb。当采用 $\Delta$ M编码时,如果正弦信号峰值A=1V,量化阶为 $\Delta$ =0.1V,由式(5—63)可求得不过载的

$$f_s \ge \frac{A}{\Delta} \times 2\pi f_c = \frac{1}{0.1} \times 2 \times 3.14 \times 6.5 = 408 \text{Mb}$$

显然,码率太高了。当然,这只是指避免过载而言。一般情况,不能单靠提高 的办法来解决过载问题,否则码率太高。解决斜率过载的有效方法是采用自适应增量编码法,即ADM编码法。

## 2) △M的量化噪声

△M编码法量化噪声的产生如图5—31所示。由图可见,在不过载的情况下,量化噪声的幅度不会超过 ±△,而且,可认为在一△~+△范围内量化噪声是 以等概率出现的,因此,量化噪声的概率密度可由式 (5—64)来表示

$$p(e) = \begin{cases} \frac{1}{2\Delta} & -\Delta \le e \le +\Delta \\ 0 & 其他 \end{cases}$$
 (5—64)

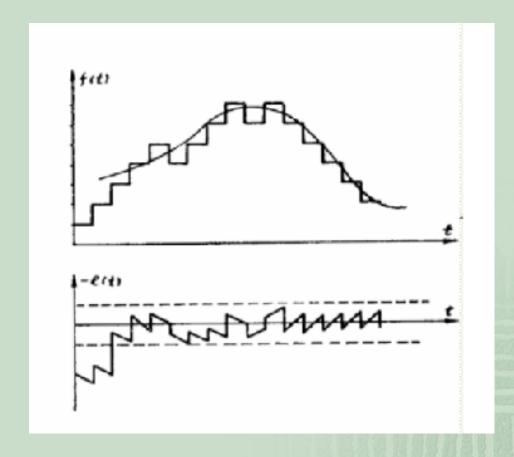


图 5—32 编码量化噪声

## 量化噪声的功率由式(5—65)来表示

$$N_q = \int_{-\Delta}^{+\Delta} e^2 p(e) de = \frac{\Delta^2}{3}$$
 (5—65)

由式(5—65)得到的 $N_q$ 是指在编码器中由比较判决带来的量化噪声功率。

它的频谱很宽,并且它的频谱可以近似地认为是均匀分布的,也就是其频谱从低频到高频的分布是一样的。在这样的前提下,可容易地求出它的功率谱密度,即

$$\sigma_N = \frac{\Delta^2}{3f_s}$$

(5—66)

在译码时,由于有一个截频为  $f_m$  的低通滤波器,所以,它将抑制一部分量化噪声。此时,在译码输出端,量化噪声的平均功率由式(5-67)表示。

 $\overline{N}_{q}$  就是 $\triangle$ M编码器的量化噪声。

$$\overline{N}_q = \frac{\Delta^2}{3} \cdot \frac{f_m}{f_s}$$

(5-67)

#### (3) △M的量化信噪比

一般量化噪声的大小并不能完全说明一幅图像 质量的好坏。与语音信号编码一样,信号幅度 (或功率)与噪声幅度(或功率)的比值才能较全 面地说明一幅图像质量受噪声影响的程度。 正弦信号的平均功率可由式(5—68)求得

$$S = \frac{A^2}{2} \tag{5--68}$$

在保证不过载的情况下,A应满足式(5—69)。

$$A \le \frac{\Delta}{2\pi} \cdot \frac{f_s}{f_c} \tag{5-69}$$

## 将该式

$$A \le \frac{\Delta}{2\pi} \cdot \frac{f_s}{f_c}$$

## 代入则:

$$S = \frac{\left(\frac{\Delta}{2\pi} \cdot \frac{f_s}{f_c}\right)^2}{2} = \frac{\Delta^2}{8\pi^2} \cdot \left(\frac{f_s}{f_c}\right)^2 \tag{5--70}$$

## 由此,可以求得△M的量化信噪比为

$$\frac{S}{\overline{N}_{q}} = \frac{3}{8\pi^{2}} \cdot \frac{f_{s}^{3}}{f_{c}^{2} \cdot f_{m}}$$
 (5—71)

式中 $f_c$  是取样频率, $f_c$  是视频信号的最高频 率, $f_m$  是低通滤波器的截止频率。由此可见, 在滤波器的截止频率和视频信号的带宽都确定 的情况下, $\triangle M$ 编码器的量化信噪比与取样频 率的三次方成正比。

# 如果把式(5—71)表示的量化信噪比用分贝来 表示可得到下式

$$\left(\frac{S}{\overline{N}_q}\right)_{dB} = 10\log_{10} 0.04 \cdot \frac{f_s^3}{f_c^2 \cdot f_m} = 10\log_{10} 0.04 f_s^3 - 10\log_{10} f_c^2 - 10\log_{10} f_m$$

$$= -14 + 30\log_{10} f_s - 20\log_{10} 0.04 f_c - 10\log_{10} f_m$$

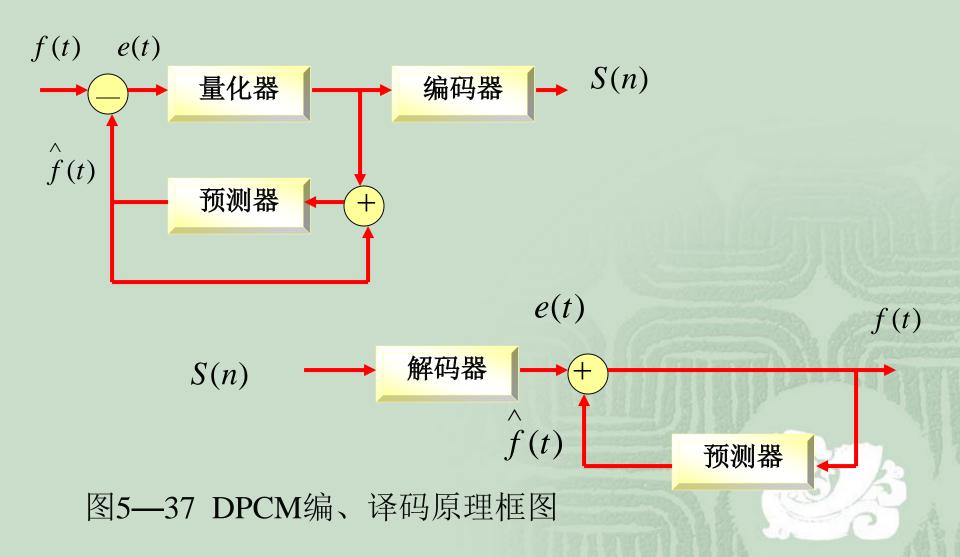
(5-72)

由式(5—72)可以看到, △M的量化信噪比随着  $f_s$ 的增加以每倍频9dB的速度增加,随着低通 滤波器截止频率fm的提高以每倍频3dB的速度 下降;随着视频信号带宽 $f_c$ 的增加以每倍频 6dB的速度下降。

#### 5.5.3 DPCM编码

#### 1. DPCM编码的基本原理

在卡特勒的专利中提出利用积分器根据一行上前 样本值预测现样本值,并且把现样本值与其估计 值的差值进行量化和编码。这就是*DPCM*的基本设 计思想。DPCM编码的基本原理如图5—37所示。



图中(a)是编码器原理框图。它由取样器、比较器、量化器、预测器、编码器五个部分组成。输入信号f(t)经采样后将样值送入比较器,使得f(t)与预测值  $\hat{f}(t)$ 相减得出误差信号,即:

 $e(t) = f(t) - \hat{f}(t)$ 。然后,将e(t)送入量化器量化 为M个电平之一  $m=2^N$  ,

量化后的样值再送入PCM编码器中编码,以便传输。另外一路是将e(t)送入相加器,在这里 e(t)与  $\hat{f}(t)$  相加后再送入预测器,以便预测下一个样值。

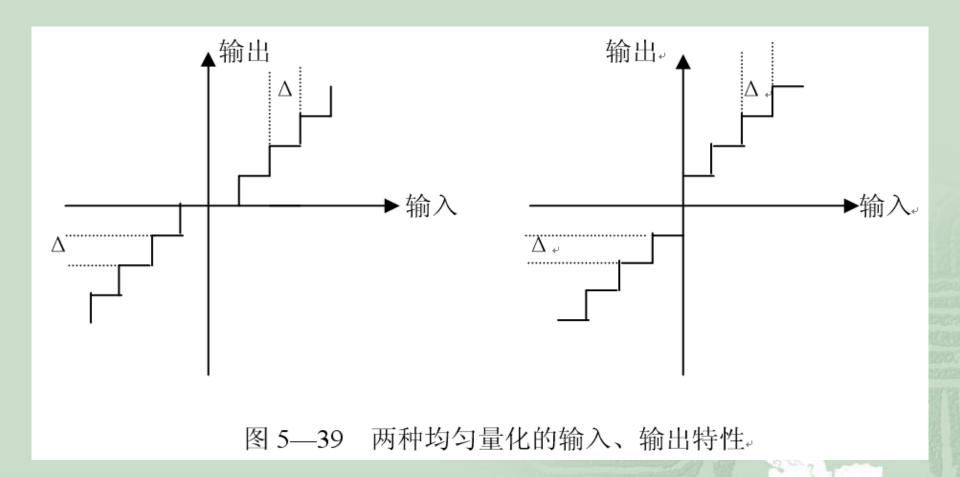
译码器的原理框图如图(b)所示。译码器收到码字后首先经PCM译码,得到 e(t) 后再送入相加器与预测值  $\hat{f}(t)$  相加得到 f(t)。另外,f(t) 又送到预测器以便预测下一个样值。

由上面的原理可知,DPCM实际上是综合了 $\triangle M$ 和PCM两种编码技术的一种编码方法, $\triangle M$ 实际 上是一位二进制码的差分脉码调制,也就是用 1bit码来表示增量值,而DPCM是N位二进码来表 

#### 2. DPCM编码的量化信噪比

DPCM编码器中的量化器与PCM中的量化器具有相 同的工作原理。如图5—39所示,量化器的特性有(a), (b)两种。这两种特性在小信号输入情况下有比较明 显的差别,对于(a)特性来说,当输入值在0~△之间 时,量化器没有输出。

但是,对于(b)特性来说则有输出。在输入信号幅度大时是没有区别的。图中的一个阶梯△就是一个量化阶。由于在整个输入信号幅度范围内量化阶△是一个常数,所以称为均匀量化。



由于DPCM编码仍然是对误差信号编码,所以其 不过载条件仍然要满足下式,即

$$A \le \frac{\Delta}{2\pi} \cdot \frac{f_s}{f_c}$$

## 在临界状态下

$$A = \frac{\Delta f_s}{2\pi f_c} \tag{5-74}$$

## 系统最大信号功率输出为

$$S = \frac{\Delta^2 f_s^2}{8\pi^2 f_c^2}$$

# 但是,由于误差的范围是在 (+△, -△) 之间, 在DPCM系统中,误差又被量化为*M*个电平,则

$$\Delta = \left(\frac{M-1}{2}\right) \cdot \delta \tag{5--76}$$

式中  $\delta$  是DPCM量化阶,则

$$S = \frac{\left(\frac{M-1}{2}\right)^2 \delta^2 f_s^2}{8\pi^2 f_c^2} = \frac{(M-1)^2 \delta^2 f_s^2}{32\pi^2 f_c^2}$$

(5—77)

这是在临界过载条件下的最大输出功率公式。 其中M是量化级数, $\delta$  是DPCM量化阶, $f_s$  是取样频率, $f_c$  是视频信号频带宽度。

\*\*\*\*

在DPCM中,由于系统的量化误差不再在土△范围

内,而是在(
$$-\frac{\delta}{2}$$
,  $+\frac{\delta}{2}$ )范围内,其中  $\delta = \frac{2\Delta}{M-1}$  。

由于对 $e^{(t)}$ 的编码是PCM编码,所以其量化噪

声应符合PCM编码量化噪声规律,即

$$N_q' = \frac{\delta^2}{12}$$

(5-78)

如果DPCM系统输出数字信号的码元速率为 Nf<sub>s</sub>,同时,可认为噪声频谱均匀地分布于频带宽度为 Nf<sub>s</sub> 的范围内,这时可求得量化噪声功率谱密度为

$$p(f) = \frac{\delta^2}{12Nf_s}$$

(5-79)

式中N是编码比特数, $f_s$  为取样频率, $\delta$  为量化阶,在译码时,考虑到低通滤波器的作用,则噪声功率为

$$N_q = p(f) \cdot f(m) = \frac{\delta^2}{12Nf_s} \cdot f(m)$$

(5-80)

## 因此,可求得DPCM编码的量化信噪比为

$$\left(\frac{S}{N_q}\right) = \frac{\frac{(M-1)^2 \delta^2 f_s^2}{32\pi^2 f_c^2}}{\frac{\delta^2}{12Nf_s} \cdot f_m} = \frac{3N(M-1)^2 f_s^3}{8\pi^2 f_c^2 \cdot f_m}$$

(5-81)

式中S代表信号功率, $N_q$  代表噪声功率, $f_m$  是低通滤波器的截止频率,N是编码的比特数,其他符号的意义同前。式(5—81)便是DPCM编码的信噪比性能。与 $\Delta$ M编码的性能作一下比较。

#### △M的量化信噪比为

$$\left(\frac{S}{N_q}\right) = \frac{3}{8\pi^2} \cdot \frac{f_s^3}{f_c^2 \cdot f_m}$$

# 而DPCM的量化信噪比为

$$\left(\frac{S}{N_q}\right) = \frac{3N(M-1)^2}{8\pi^2} \cdot \frac{f_s^3}{f_c^2 \cdot f_m}$$

# 显然在 $f_s$ 相同的情况下

$$\frac{3N(M-1)^2}{8\pi^2} >> \frac{3}{8\pi^2}$$

这说明DPCM的性能远优于 $\triangle M$ 。在N=1,M=2的情 况下,DPCM就变成 $\triangle M$ 编码法了,其量化信噪比 自然也就等于 $\triangle M$ 的量化信噪比。与 $\triangle M$ 编码方法 一样,在DPCM编码中为了适应非平稳信号的特性, 常采用可变量化器。这也是一种自适应方式。