

# 南京林业大学试卷

课程 高等数学(B) (A 卷) 2018~2019 学年第 2 学期

## 一、填空题 (每小题 4 分, 共 20 分)

1、已知  $\vec{a}$  与  $\vec{b}$  垂直, 且  $|\vec{a}|=5$ ,  $|\vec{b}|=12$ , 则  $|\vec{a}+\vec{b}|=$   $\sqrt{169}$ ;

2、设级数  $\sum_{n=0}^{\infty} (-1+2u_n)$  收敛, 则  $\lim_{n \rightarrow \infty} u_n =$   $\frac{1}{2}$ .

$2u_n - 1 = 0 \quad u_n = \frac{1}{2}$

如若  $\sum_{n=1}^{\infty} u_n$  收敛,

则  $\lim_{n \rightarrow \infty} u_n = 0$

3、过点  $A(2, 2, -1)$  且方向角为  $\frac{\pi}{3}, \frac{\pi}{4}, \frac{2}{3}\pi$  的直线方程为  $\frac{x-2}{1} = \frac{y-2}{\sqrt{2}} = \frac{z+1}{-1}$

方向角转为方向向量.

4、设  $z = \arctan \frac{x-y}{1+xy}$ , 则  $dz|_{(1, \sqrt{3})} =$ ;

5、设一阶线性非齐次微分方程  $y' + P(x)y = Q(x)$  有两个线性无关的解  $y_1, y_2$ , 若  $\alpha y_1 + \beta y_2$  也是该方程的解, 则应有  $\alpha + \beta =$      .

## 二、选择题 (每小题 4 分, 共 20 分)

1、累次积分  $\int_0^1 dx \int_0^{\sqrt{x}} f(x, y) dy$  改变积分次序为 (D)

(A)  $\int_0^1 dy \int_0^1 f(x, y) dx$

(B)  $\int_0^1 dy \int_0^{\sqrt{y}} f(x, y) dx$

(C)  $\int_0^1 dy \int_0^{y^2} f(x, y) dx$

(D)  $\int_0^1 dy \int_{y^2}^1 f(x, y) dx$

2、极限  $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ y \rightarrow -1}} \frac{\sin(xy)}{x}$  为 (C)

连续  $\xrightarrow{x}$  偏导存在  $\xrightarrow{y}$  全微分存在.

偏导连续  $\xrightarrow{y}$  全微分存在 (连续).

(A) 1

(B) 0

(C) -1

(D) 2

3、函数  $f(x, y)$  在点  $(x_0, y_0)$  处连续是函数  $f(x, y)$  在该点处存在偏导数的 (D).

(A). 充分条件;

(B). 必要条件;

(C). 充分必要条件;

(D). 既不是必要, 也不是充分条件.

4、下列级数中, 收敛的级数是 (C)  $\times A$ .

(A)  $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{1}{\sqrt{2n^3+3n+1}}$

(B)  $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n}{2n+3}$

(C)  $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{(-4)^{n-1}}{3^n}$

(D)  $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{1}{\sqrt{n}} \quad \frac{1}{n^{\frac{1}{2}}} \text{ 发散}$

5、幂级数  $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{(x-1)^n}{3^n}$  的收敛域为 (A)

- (A)  $(-2, 4)$  (B)  ~~$(2, 4)$~~  (C)  ~~$(-1, 4)$~~  (D)  $[-2, 4)$

三. 计算题 (每小题 7 分, 共计 14 分)

1、 $z = \arctan \frac{y}{x}$ , 求  $\frac{\partial z}{\partial x}, \frac{\partial z}{\partial y}, \frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y}$

2、已知  $z = f\left(x^2, \frac{x}{y}\right)$ , 其中  $f$  具有二阶连续的偏导数, 求  $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y}$ ;

四. (每小题 8 分, 共 16 分)

1、计算  $I = \iint_{x^2+y^2 \leq 4} (x^2 - 3 \sin x + 4) d\sigma$

2、计算  $\iiint_{\Omega} z dx dy dz$ , 其中  $\Omega$  由  $z = x^2 + y^2$  及  $z = 4$  所围成的闭区域;

五. (每小题 8 分, 共计 16 分)

1、设函数  $y = (1+x)^2 u(x)$  是方程  $y' - \frac{2}{1+x} y = (1+x)^3$  的通解, 求  $u(x)$ 。

2、已知  $y'' - 2y' - 8y = (x+1)e^{-2x}$  的一个特解为  $y^* = x\left(-\frac{1}{12}x - \frac{5}{36}\right)e^{-2x}$ , 试求其通解。

六. 计算题 (每小题 7, 共计 14 分)

1、将函数  $f(x) = \frac{x}{(1-x)^2}$  展开为  $x$  的幂级数。

2、(1) 求  $\sum_{n=0}^{\infty} (n+1)x^n$  的收敛域及和函数, (2) 求级数  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{n+1}{3^{n+1}}$ 。