

学号 \_\_\_\_\_

姓名 \_\_\_\_\_

## 8.4 基 础 题

### 第八章 练习一

一、选择题（以下每题仅有一个答案是正确的，请选出你的答案并填在下面的答题框内）

1\*、进行假设检验时，若增大样本容量，其他条件不变，则犯两类错误的概率为( **B** ).

- (A) 都增大 (B) 都减小 (C) 都不变 (D) 一个增大,一个减小

2\*、在假设检验中，一般情况下( **C** ).

- (A) 只犯第一类错误 (B) 只犯第二类错误  
(C) 两类错误都可能发生 (D) 不会犯错误

3\*、关于原假设  $H_0$  的选取,下列叙述错误的是( **B** ).

- (A) 尽量使后果严重的错误成为第一类错误。  
(B) 可以根据检验结果随时改换  $H_0$ ，以达到希望得到的结论。  
(C) 若拟从样本数据得到对某一结论强有力的支持，则将此结论的对立面设为  $H_0$ 。  
(D) 将不容易否定的论断选作原假设。

4\*、在假设检验中，记  $H_0$  为原假设，则 ( **C** ) 称为第二类错误

- (A)  $H_0$  为真，接受  $H_0$  (B)  $H_0$  不真，拒绝  $H_0$   
(C)  $H_0$  不真，接受  $H_0$  (D)  $H_0$  为真，拒绝  $H_0$

5、设总体  $X \sim N(\mu, \sigma^2)$ ， $\sigma^2$  已知，通过样本  $X_1, X_2, \dots, X_n$ ，检验假设  $H_0: \mu = \mu_0$ ，要采用检验统计量( **A** ).

- (A)  $\frac{\bar{X} - \mu_0}{\sigma / \sqrt{n}}$  (B)  $\frac{\bar{X} - \mu_0}{S / \sqrt{n}}$  (C)  $\frac{\bar{X} - \mu}{S / \sqrt{n}}$  (D)  $\frac{\bar{X} - \mu}{\sigma / \sqrt{n}}$

6、设总体  $X \sim N(\mu, \sigma^2)$ ， $\sigma^2$  未知，通过样本  $X_1, X_2, \dots, X_n$ ，检验假设  $H_0: \mu = \mu_0$ ，要采用检验统计量( **B** ).

- (A)  $\frac{\bar{X} - \mu_0}{\sigma / \sqrt{n}}$  (B)  $\frac{\bar{X} - \mu_0}{S / \sqrt{n}}$  (C)  $\frac{\bar{X} - \mu}{S / \sqrt{n}}$  (D)  $\frac{\bar{X} - \mu}{\sigma / \sqrt{n}}$

7、设  $\bar{X}$  和  $S^2$  是来自正态分布  $N(\mu, \sigma^2)$  的样本均值和样本方差，样本容量为  $n$ ，

$|\bar{x} - \mu_0| > t_{0.05}(n-1) \frac{1}{\sqrt{n}}$  为 ( **A** )

- (A)  $H_0: \mu = \mu_0$  的拒绝域 (B)  $H_0: \mu = \mu_0$  的接受域  
(C)  $\mu$  的一个置信区间 (D)  $\sigma^2$  的一个置信区间

8\*、设  $X_1, X_2, \dots, X_{100}$  是来自总体  $N(10, \sigma^2)$  的样本，针对  $H_0: \sigma^2 \leq 100$ ， $H_1: \sigma^2 > 100$ ， $\alpha = 0.05$ ，关于此检验问题，下列不正确的是 ( **C** ).

(A) 若设  $W$  为拒绝域, 则  $P\{(X_1, X_2, \dots, X_{100}) \in W | \sigma^2 > 100\} = 0.05$  恒成立。

- (B) 检验统计量取作  $\frac{99S^2}{100}$  (C) 拒绝域可取为  $\left\{ \frac{\sum_{i=1}^{100} (X_i - 10)^2}{100} < k \right\}$  的区域

(D) 在  $H_0$  成立时,  $\frac{\sum_{i=1}^{100} (X_i - 10)^2}{100}$  服从  $\chi^2(99)$  分布

二. 计算题 (请将每题答案填在答题框内, 并在指定处列出主要步骤及推演过程)

9、某批矿砂的 5 个样品中的镍含量, 经测定为 (%) 3.25 3.27 3.24 3.26 3.24。设测定值总体服从正态分布, 问在  $\alpha = 0.01$  下能否接受假设: 这批矿砂的含镍量的均值为 3.25?

解: 设测定值总体  $X \sim N(\mu, \sigma^2)$ ,  $\mu, \sigma^2$  均未知

$$H_0: \mu=3.25; H_1: \mu \neq 3.25, \quad \text{检验统计量为 } t = \frac{\bar{X} - 3.25}{S/\sqrt{n}} \sim t(n-1),$$

$$H_0 \text{ 的拒绝域为 } |t| \geq t_{\alpha/2}(n-1). \quad n=5, \quad \alpha=0.01,$$

$$\text{由计算知 } \bar{x} = 3.252, S = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^5 (X_i - \bar{X})^2} = 0.01304$$

$$\text{查表 } t_{0.005}(4)=4.6041, \quad |t| = \left| \frac{3.252 - 3.25}{0.01304/\sqrt{5}} \right| = 0.343 < t_{\alpha/2}(n-1),$$

故在  $\alpha = 0.01$  下, 接受假设  $H_0$

10、要求一种元件使用寿命不得低于 1000 小时, 今从一批这种元件中随机抽取 25 件, 测得其寿命的平均值为 950 小时, 已知这种元件寿命服从标准差为  $\sigma = 100$  小时的正态分布。试在显著水平  $\alpha = 0.05$  下确定这批元件是否合格? 设总体均值为  $\mu$ 。即需检验假设  $H_0: \mu \geq 1000, H_1: \mu < 1000$ 。

解:  $H_0: \mu \geq 1000, H_1: \mu < 1000$ 。  $Z = (\bar{x} - \mu_0)\sqrt{n}/\sigma$ 。拒绝域为  $Z \leq -Z_{0.05}$ ,

已知  $\mu_0 = 1000, \bar{x} = 950, n=25, \sigma = 100$ , 故  $Z = (\bar{x} - \mu_0)\sqrt{n}/\sigma = -2.5$ 。

拒绝域为  $Z \leq -1.645$ 。  $-2.5 < -1.645$ , 故接受  $H_1$ , 认为这批元件不合格。

11\*、某种导线, 要求其电阻的标准差不得超过 0.005 (欧姆)。今在生产的一批导线中取样品 9 根, 测得  $s = 0.007$  (欧姆), 设总体为正态分布。问在水平  $\alpha = 0.05$  能否认为这批导线的标准差显著地偏大?

解:  $H_0: \sigma^2 \leq 0.005^2, H_1: \sigma^2 > 0.005^2$ , 由单个正态总体的  $\chi^2$  检验法知: 拒绝域为

$$\chi^2 = \frac{(n-1)s^2}{\sigma_0^2} \geq \chi_{\alpha}^2(n-1) = \chi_{0.05}^2(9-1) = 15.503$$

又由观察值得:  $\chi^2 = \frac{8 \times 0.007^2}{0.005^2} = 15.68 > 15.503$ , 所以拒绝原假设  $H_0$ , 即认为这批导线的标准差显著地偏大。

学号 \_\_\_\_\_

姓名 \_\_\_\_\_

## 第八章 练习二

一、选择题（以下每题仅有一个答案是正确的，请选出你的答案并填在下面的答题框内）

1、样本来自正态总体  $N(\mu, \sigma^2)$ ，若  $\mu$  未知，要检验  $H_0: \sigma^2 = 100$ ，则采用统计量为( B )。

- (A)  $\frac{(n-1)S^2}{\sigma^2}$       (B)  $\frac{(n-1)S^2}{100}$       (C)  $\frac{\bar{X} - \mu}{100} \sqrt{n}$       (D)  $\frac{nS^2}{100}$

2、设总体分布为  $N(\mu, \sigma^2)$ ，若  $\mu$  已知，则要检验  $H_0: \sigma^2 \geq 100$ ，应采用统计量( C )。

- (A)  $\frac{\bar{X} - \mu}{S / \sqrt{n}}$       (B)  $\frac{(n-1)S^2}{\sigma^2}$       (C)  $\frac{\sum_{i=1}^n (X_i - \mu)^2}{100}$       (D)  $\frac{\sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2}{100}$

3、设  $X_1, X_2, \dots, X_n$  为来自总体  $N(\mu, \sigma^2)$  的样本，若  $\mu$  未知， $H_0: \sigma^2 \leq 100$ ， $H_1: \sigma^2 > 100$ ， $\alpha = 0.05$ ，关于此检验问题，下列不正确的是( B )

- (A) 检验统计量为  $\frac{\sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2}{100}$   
 (B) 在  $H_0$  成立时， $\frac{(n-1)S^2}{100} \sim \chi^2(n)$   
 (C) 拒绝域不是双边的  
 (D) 拒绝域可以形如  $\left\{ \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2 > k \right\}$

4、设  $X \sim N(\mu_1, \sigma_1^2)$ ， $Y \sim N(\mu_2, \sigma_2^2)$  且相互独立，检验假设  $H_0: \sigma_1^2 = \sigma_2^2$ ， $H_1: \sigma_1^2 \neq \sigma_2^2$ ， $\alpha = 0.10$ ，从总体  $X$  中抽取容量  $n_1 = 12$  的样本，从总体  $Y$  中抽取容量  $n_2 = 10$  的样本，算得样本方差  $s_1^2 = 118.4$ ， $s_2^2 = 31.93$ ，正确的检验方法与结论是( B )

- (A) 用  $t$  检验法，临界值  $t_{0.05}(17) = 2.11$ ，拒绝  $H_0$   
 (B) 用  $F$  检验法，临界值  $F_{0.05}(11, 9) = 3.10$ ， $F_{0.95}(11, 9) = 0.34$ ，拒绝  $H_0$   
 (C) 用  $F$  检验法，临界值  $F_{0.05}(11, 9) = 3.10$ ， $F_{0.95}(11, 9) = 0.34$ ，接收  $H_0$   
 (D) 用  $F$  检验法，临界值  $F_{0.01}(11, 9) = 5.18$ ， $F_{0.99}(11, 9) = 0.21$ ，接收  $H_0$

5、机床厂某日从两台机器所加工的同一种零件中，分别抽取  $n_1 = 20$ ， $n_2 = 25$  的两个样本，检验两台机床的加工精度是否相同，则提出假设( B )

- (A)  $H_0: \mu_1 = \mu_2$ ， $H_1: \mu_1 \neq \mu_2$ ，  
 (B)  $H_0: \sigma_1^2 = \sigma_2^2$ ， $H_1: \sigma_1^2 \neq \sigma_2^2$   
 (C)  $H_0: \mu_1 = \mu_2$ ， $H_1: \mu_1 > \mu_2$ ，  
 (D)  $H_0: \sigma_1^2 = \sigma_2^2$ ， $H_1: \sigma_1^2 > \sigma_2^2$

6、设甲、乙两厂生产同样的灯泡，其寿命  $X, Y$  分别服从正态分布  $N(\mu_1, \sigma_1^2)$ ， $N(\mu_2, \sigma_2^2)$ 已知它们寿命的标准差分别为84小时和96小时，现从两厂生产的灯泡中各取 60 只，测得平均寿命甲厂为1295小时，乙厂为1230小时，能否认为两厂生产的灯泡寿命无显著差异？  
( $\alpha = 0.05$ )

$$\text{解: } H_0: \mu_1 = \mu_2, H_1: \mu_1 \neq \mu_2, U = \frac{\bar{X} - \bar{Y}}{\sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}} \sim N(0,1), \text{拒绝域为 } |U| > z_{0.025} = 1.96$$

经计算  $|u| = 3.95 > z_{0.025} = 1.96$ , 故应拒绝  $H_0$ , 即认为两厂生产的灯泡寿命有显著差异

7\*、某砖厂制成两批机制红砖, 抽样检查测量砖的抗折强度(公斤), 得到结果如下:

第一批:  $n_1 = 10$ ,  $\bar{x} = 27.3$ ,  $s_1 = 6.4$ ; 第二批:  $n_2 = 8$ ,  $\bar{y} = 30.5$ ,  $s_2 = 3.8$

已知砖的抗折强度服从正态分布, 试检验:

(1) 两批砖的抗折强度的方差是否有显著的差异? ( $\alpha = 0.05$ ) .

(2) 两批砖的抗折强度的数学期望是否有显著的差异? ( $\alpha = 0.05$ ) .

$$\text{解: (1) } H_0: \sigma_1^2 = \sigma_2^2, H_2: \sigma_1^2 \neq \sigma_2^2, \text{检验统计量 } F = \frac{S_1^2}{S_2^2} \sim F(n_1 - 1, n_2 - 1),$$

拒绝域为  $F \geq F_{\frac{\alpha}{2}}(n_1 - 1, n_2 - 1) = F_{0.025}(9, 7) = 4.82$  或  $F \leq F_{1-\frac{\alpha}{2}}(n_1 - 1, n_2 - 1) = F_{0.975}(9, 7) = 0.283$

经计算得  $F = \frac{6.4^2}{3.8^2} = 2.837$  落在接受域, 从而接受  $H_0$ , 认为两批砖的抗折强度的方差无显著差异。

$$(2) H_0: \mu_1 = \mu_2, H_1: \mu_1 \neq \mu_2, \text{检验统计量为 } t = \frac{\bar{X} - \bar{Y}}{S_w \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}}} \sim t(n_1 + n_2 - 2)$$

拒绝域为  $|t| \geq t_{\frac{\alpha}{2}}(n_1 + n_2 - 2) = t_{0.025}(16) = 2.1199$ , 经计算得  $|t| = 1.245 < 2.1199$ , 落在接受域,

从而接受  $H_0$ , 认为两批砖的抗折强度的数学期望无显著差异。