

南京林业大学试卷(A 卷)

课程 概率统计 B

2017~2018 学年第 2 学期

题号	一	二	三	四	五	六	总分
得分							

姓名
学号
班号

一、选择题（每题 3 分，共 15 分）

1. 若 $B \subset A$ 且 $P(A) > 0$ ，则以下结论正确的是（ ）。

(A) $P(A \cup \bar{B}) = 1$

(B) $P(B - A) = P(B) - P(A)$

(C) $P(A|B) = 0$

(D) $P(B|A) = 1$

2. 设在 3 重伯努利试验中事件 A 至少出现一次的概率为 $\frac{26}{27}$ ，则 $P(A) =$ （ ）。

(A) $1/27$

(B) $1/9$

(C) $1/3$

(D) $2/3$

3. 设随机变量 X 的概率密度为 $f(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ x, & 0 \leq x < 1, \text{ 分布函数为 } F(x), \\ \frac{1}{2}e^{1-x}, & x \geq 1 \end{cases}$

则当 $x \geq 1$ 时 $F(x) =$ （ ）。

(A) $\frac{x^2}{2} - \frac{1}{2}e^{1-x}$

(B) $\frac{1}{2} - \frac{1}{2}e^{1-x}$

(C) $1 - \frac{1}{2}e^{1-x}$

(D) $1 - e^{1-x}$

4. 设 $E(X) = 0, D(X) = 1$ ，则用切比雪夫不等式估计概率 $p = P(X^2 < 3)$ 得（ ）。

(A) $p \geq 2/3$

(B) $p < 2/3$

(C) $p \geq 1/3$

(D) $p < 1/3$

5. 设总体 $X \sim N(0, 2^2)$ ， X_1, X_2, X_3 为其样本，若 $a(X_1^2 + X_2^2 + X_3^2)$ 服从 χ^2 分布，则 $a =$ （ ）。

(A) 1

(B) $1/2$

(C) $1/3$

(D) $1/4$

二、填空题（每空 3 分，共 15 分）

1. 记某试验的样本空间为 Ω ，设事件 A_1, A_2, A_3 两两互不相容且 $\sum_{i=1}^3 A_i = \Omega$ ，

$P(A_1) = P(A_2) = 2P(A_3)$ ，对于事件 B 有 $P(B|A_1) = P(B|A_2) = P(B|A_3) = \frac{1}{4}$ ，则

$P(B) = \underline{\hspace{2cm}}, P(A_1|B) = \underline{\hspace{2cm}}$.

2. 设总体 $X \sim N(\mu, \sigma^2)$ ， X_1, X_2 为其样本，若 $\hat{\mu} = aX_1 + \frac{1}{2018}X_2$ 是 μ 的一个无偏点估计，则

$a = \underline{\hspace{2cm}}$.

3. 设 $X \sim N(3, 1)$ ， $Y \sim N(2, 1)$ 且 X, Y 相互独立， $Z = X - 3Y + 4$ ，则 $D(Z) = \underline{\hspace{2cm}}$.

4. 设 $X \sim N(3, 1^2)$ ，则 $P(2 < X < 3) = \underline{\hspace{2cm}}$. ($\Phi(1) = 0.8413$)

三、(12 分) 设箱中有五张相同的纸牌，其中有三张标号为 2，两张标号为 3，现某人随机地抽取三张，记三张牌的号码之和为 X 。试求：(1) X 的分布律；(2) $E(X)$ 和 $D(X)$ ；(3) $Y = \cos(\pi X)$ 的分布律。

四、(12 分) 设随机变量 X 的概率密度为 $f(x) = \begin{cases} 1-kx, & 0 \leq x \leq 2 \\ 0, & \text{其他} \end{cases}$ ，试求：(1) k 的值；(2)

$P(0 < X < 1)$ ；(3) $E(X^2)$ 。

五、(12 分) 某网店店主每周周五进货以备周六、日 2 天销售，根据多周统计，这 2 天销售量 X, Y

彼此独立且服从以下分布： $\begin{array}{c|cc} X & 3 & 4 \\ \hline P & 0.6 & 0.4 \end{array}, \begin{array}{c|ccc} Y & 4 & 5 & 6 \\ \hline P & 0.5 & 0.3 & 0.2 \end{array}$ 。求：(1) (X, Y) 的分布律；(2)

2 天销售总量 $Z = X + Y$ 的分布律；(3) 如果周五进货 8 件，不够卖的概率多大？

六、(14 分) 设 (X, Y) 服从区域 $D = \{(x, y) | x^2 + y^2 \leq 4\}$ 上的均匀分布。(1) 求 (X, Y) 的概率

密度函数 $f(x, y)$ ；(2) 求关于 X 和 Y 的边缘概率密度并判断 X 与 Y 是否独立；(3) 求

$P(0 < Y < X < 1)$ 。

七、(14 分) 设某种元件使用寿命为总体 X (单位：年)，已知其概率密度为

$f(x, \theta) = \begin{cases} \theta 2^\theta x^{-(\theta+1)}, & x > 2 \\ 0, & \text{其他} \end{cases}$ ，其中 $\theta > 1$ 为未知参数。现从该种元件中随机抽取 8 个，分别测

得其寿命如下：2.4, 2.7, 2.5, 2.9, 2.8, 2.3, 2.6, 2.1，试求：(1) 样本均值 \bar{x} 和样本方差 s^2 ；(2) θ 的矩估计量及矩估计值 $\hat{\theta}$ 和最大似然估计量及最大似然估计值 $\hat{\theta}_L$ 。

八、(6 分) 某批矿砂的 9 个样品中的镍含量，经测定分别为 (%)

3.31, 3.27, 3.24, 3.28, 3.23, 3.24, 3.26, 3.26, 3.24。已知该种矿砂的镍含量服从标准差为 $\sigma = 0.2$

的正态分布，问在 $\alpha = 0.05$ 下能否接受假设：这批矿砂的镍含量的均值为 3.25？（ $z_{0.05} = 1.645$ ， $z_{0.025} = 1.96$ ）