МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «МИРЭА – Российский технологический университет»

ФТИ

BM-2

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ

БИЛЕТ №

Дисциплина: Линейная алгебра и аналитическая геометрия

Для всех направлений подготовки

Форма обучения: очная

Курс I Семестр I

Утверждено на заседании кафедры (протокол № 1 от 28 августа 2019 г.)

Заведующий кафедрой

Чекалкин Н.С. 2019-2020 учебный год

- 1. Решить систему $\begin{cases} 2x 5y = 9 \\ x + 3y = -1 \end{cases}$ двумя способами: с помощью обратной матрицы и методом Крамера. Сделать проверку.
- 2. Найти общее решение системы линейных уравнений, сделать проверку, выделить частное решение неоднородной системы:

$$\begin{cases} x_1 - x_2 + x_4 = 3\\ 3x_1 - 2x_2 - x_3 + 3x_4 = 0\\ -x_1 + x_3 - x_4 = 6 \end{cases}$$

- 3. Скалярное произведение векторов, определение и координатная форма. Даны векторы $\vec{a}=(4;m;-6)$ и $\vec{b}=(m;-2;-7)$. При каком значении m эти векторы ортогональны?
- 4. Уравнения прямой в пространстве. Составить канонические и параметрические уравнения прямой, проходящей через две данные точки A(0:2:-3) и B(2:4:-2).
- 5. Кривые второго порядка. Установить, какую кривую определяет уравнение $4y^2 + 16x = 0$. Найти ее характеристики и сделать чертеж.
- 6. Алгебраическая, тригонометрическая и показательная формы комплексного числа. Извлечение корней n ой степени из комплексного числа. Решить уравнение $z^3 + 125i = 0$. Результат изобразить на комплексной плоскости.
- 7. Определение кривой второго порядка. Эллипс, гипербола и парабола: определения и канонические уравнения. Вывести каноническое уравнение гиперболы, используя определение.

*Задача.

Дана гипербола: $\frac{x^2}{5} - \frac{y^2}{4} = -1$. Написать уравнение эллипса, вершины которого находятся в фокусах, а фокусы — в вершинах данной гиперболы. Изобразить обе кривые.

^{*} отмечены задачи, которые должен уметь решать студент, претендующий на оценку «хорошо» и «отлично»

Критерии оценки

- 1. До экзамена допускаются студенты с выполненным типовым расчетом.
- 2. В билете 7 заданий. Работа письменная. Время выполнения 70-80 мин.
- 3. Оценка «удовлетворительно» ставится, если студент выполнил верно и аргументировано от 4 задач из билета, «хорошо» студент решил не менее 6 задач и ответил на теоретический вопрос билета, «отлично» студент решил 7 задач и ответил на теоретический вопрос билета.
- 4. При наличии в работе несущественных ошибок (алгоритм решения задачи верный, но есть арифметические ошибки) проводится собеседование со студентом.
- 5. Если в семестре у студента зачтены контрольные работы и типовой расчет, то это учитывается при сдаче экзамена (из билета выполняется меньше задач**).

** Если в семестре у студента зачтены все три контрольные работы и типовой расчет, то студент выполняет №7 отвечает на теоретический вопрос и решает задачу.