Lecturer: PhD. Ngo Huu Phuc

Tel: 0438 326 077

Mob: 098 5696 580

Email: ngohuuphuc76@gmail.com

NỘI DUNG

- 1. Logic mệnh đề.
- 2. Logic vị từ.
- 3. Các phương pháp chứng minh.
- 4. Tập hợp và hàm.
- 5. Ma trận và giải thuật.
- 6. Một số ví dụ.

BÀI HỌC 1

- Mệnh đề, mệnh đề có điều kiện và sự tương đương logic.
- 2. Dạng chuẩn tắc hội và chuẩn tắc tuyển của công thức.
- 3. Các phương pháp kiểm tra tính hằng đúng, hằng sai của công thức.

1.1. **M**ỆNH ĐỀ (1/3)

Khái niệm:

- Trong toán học, người ta quan tâm đến những khẳng định có giá trị chân lý xác định là đúng hoặc sai; nhưng không thể vừa đúng vừa sai hoặc không thể khẳng định tính đúng, sai của nó. Những khẳng định đó được gọi là các mệnh đề.
- Mệnh đề không có các liên từ "và", "hoặc", "không", "nếu...
 thì..." được gọi là mệnh đề nguyên thủy hay mệnh đề sơ cấp.

1.1. **M**ỆNH ĐỀ (2/3)

Khái niệm (tiếp):

- Mệnh đề không phải là mệnh đề sơ cấp được gọi là mệnh đề phức hợp.
- Các mệnh đề sơ cấp được ký hiệu là X, Y, Z...; có thể chứa chỉ số, được gọi là biến mệnh đề.
- Trong logic mệnh đề, giá trị chân lý đúng ký hiệu là 1, giá trị chân lý sai ký hiệu là 0.

1.1. **M**ỆNH ĐỀ (3/3)

Ví dụ:

- "6 là một số chẵn" là một mệnh đề sơ cấp nhận giá trị
 "đúng" hay còn gọi giá trị 1.
- "5 là số nguyên tố" là một mệnh đề sơ cấp nhận giá trị
 "đúng" hay giá trị 1.
- "Tôi mua hai vé xem ca nhạc vào tối mai" không phải là một mệnh đề.
- "Nếu trời nắng thì tôi đi chơi" không phải là một mệnh đề sơ cấp, vì nó có thể tách thành hai mệnh đề đơn giản hơn.

1.2. CÁC PHÉP TOÁN TRÊN MỆNH ĐỀ (1/6)

a. Phép phủ định:

o Phủ định của một mệnh đề là một mệnh đề, nhận giá trị đúng nếu mệnh đề đã cho sai và nhận giá trị sai nếu mệnh đề đã cho đúng. Nếu X là mệnh đề, kí hiệu \overline{X} là phủ định của nó.

X	\overline{X}
0	1
1	0

1.2. CÁC PHÉP TOÁN TRÊN MỆNH ĐỀ (2/6)

b. Phép "hoặc", "tuyển", " phép cộng logic":

 Cho X và Y là hai mệnh đề, liên kết X hoặc Y là một mệnh đề chỉ nhận giá trị sai nếu cả hai mệnh đề đã cho cùng sai, kí hiệu X∨Y.

X	Y	$X \vee Y$
0	0	0
1	0	1
0	1	1
1	1	1

Ví dụ:

X= "n là một số chẵn", Y= "n là một số chia hết cho 3" $X \lor Y$ =" n là một số chẵn hoặc chia hết cho 3"

1.2. CÁC PHÉP TOÁN TRÊN MỆNH ĐỀ (3/6)

c. Phép "và", "hội", "nhân logic":

 Cho X và Y là hai mệnh đề, liên kết X và Y là một mệnh đề chỉ nhận giá trị đúng nếu cả hai mệnh đề đã cho cùng đúng, kí hiệu X_{\triangle}Y.

X	Y	$X \wedge Y$
0	0	0
1	0	0
0	1	0
1	1	1

Ví dụ:

X= "n là một số chẵn", Y= "n là một số chia hết cho 3"

X ∧ Y ="n là một số chẵn và chia hết cho 3"

1.2. CÁC PHÉP TOÁN TRÊN MỆNH ĐỀ (4/6)

d. Phép cộng XOR:

• Cho X và Y là hai mệnh đề, liên kết X XOR Y là một mệnh đề chỉ nhận giá trị đúng nếu chỉ một trong hai mệnh đề đã cho đúng, kí hiệu X⊕Y.

X	Y	$X \oplus Y$
0	0	0
1	0	1
0	1	1
1	1	0

Ví dụ:

X=" n là một số chẵn", Y="m là một số lẻ", trong trường hợp này ta có thể định nghĩa X⊕Y = "n+m là một số chẵn"

Khi đó với n=3, m=4 mệnh đề trên sai; n=4, m=6 mệnh đề trên đúng, n= 7, m=3 mệnh đề trên đúng, n= 4, m=3 mệnh đề trên sai.

1.2. CÁC PHÉP TOÁN TRÊN MỆNH ĐỀ (5/6)

e. Phép kéo theo :

 Cho X và Y là hai mệnh đề, liên kết X kéo theo Y (còn được phát biểu dạng nếu X thì Y) là một mệnh đề chỉ nhận giá trị sai nếu X đúng, Y sai, kí hiệu X → Y.

X	Y	$X \rightarrow Y$
0	0	1
1	0	0
0	1	1
1	1	1

Ví dụ:

X="n là một số chẵn", Y="n là một số chia hết cho 2",

 $X \rightarrow Y =$ "n là một số chẵn " suy ra "n chia hết cho 2".

1.2. CÁC PHÉP TOÁN TRÊN MỆNH ĐỀ (6/6)

f. Phép tương đương (còn gọi là mệnh đề khi và chỉ khi) :

 Cho X và Y là hai mệnh đề, liên kết X tương đương Y là một mệnh đề nhận giá trị đúng nếu cả hai mệnh đề đã cho cùng đúng, hoặc cùng sai, kí hiệu X↔Y

X	Y	$X \leftrightarrow Y$
0	0	1
1	0	0
0	1	0
1	1	1

Ví dụ:

X="n là một số chẵn", Y="n là một số chia hết cho 2",

 $X \leftrightarrow Y = "$ n là một số chẵn" khi và chỉ khi " n là một số chia hết cho 2"

1.3. CÔNG THỰC LOGIC TRONG MỆNH ĐỀ

- Mỗi biến mệnh đề X, Y, Z... (có thể có chỉ số) là một công thức.
- Giả sử A, B là hai công thức, khi đó dãy ký hiệu
 - \rightarrow (A \wedge B)

 - \rightarrow (A \rightarrow B)
 - > (<u>A</u>)

cũng là một công thức.

1.4. CÔNG THỰC ĐỒNG NHẤT ĐÚNG, ĐỒNG NHẤT SAI, ĐỒNG NHÁT BẰNG NHAU (1/2)

- Ta nói công thức A là đồng nhất đúng (ký hiệu A≡1) khi và chỉ khi A luôn luôn nhận giá trị đúng với mọi bộ giá trị đúng, sai có thể của các biến mệnh đề X, Y, Z có mặt trong A. Công thức A≡1 còn được gọi là hằng đúng.
- o Ta nói công thức A là đồng nhất sai (hằng sai), ký hiệu A≡0, khi và chỉ khi A luôn nhận giá trị sai với mọi bộ giá đúng, sai có thể của các biến mệnh đề X, Y, Z có mặt trong A.

1.4. CÔNG THỰC ĐỒNG NHẤT ĐÚNG, ĐỒNG NHẤT SAI, ĐỒNG NHẤT BẰNG NHAU (2/2)

- Ta nói công thức A là thực hiện được khi và chỉ khi có tồn tại một bộ giá trị đúng, sai của các biến mệnh đề X, Y, Z có mặt trong A để A nhận giá trị đúng.
- Hai công thức A và B là đồng nhất bằng nhau (A≡B) khi và chỉ khi A và B cùng nhận giá trị đúng, sai như nhau đối với mọi bộ giá trị đúng, sai của các biến mệnh đề X, Y, Z có mặt trong A và B. Ta nói, A và B là tương đương nhau.

1.5. LUẬT ĐỒNG NHẤT ĐÚNG (1/2)

1.
$$A \rightarrow (B \rightarrow A) \equiv 1$$
.

2.
$$(A \rightarrow (B \rightarrow C)) \rightarrow ((A \rightarrow B) \rightarrow (A \rightarrow C)) \equiv 1$$
.

$$3. (A \wedge B) \rightarrow A \equiv 1.$$

4.
$$(A \wedge B) \rightarrow B \equiv 1$$
.

5.
$$(A \rightarrow B) \rightarrow ((A \rightarrow C) \rightarrow (A \rightarrow (B \land C))) \equiv 1$$
.

6.
$$A \rightarrow (A \lor B) \equiv 1$$
.

7.
$$B \rightarrow (A \lor B) \equiv 1$$
.

8.
$$(A \rightarrow C) \rightarrow ((B \rightarrow C) \rightarrow ((A \lor B) \rightarrow C)) \equiv 1$$
.

9.
$$(A \to B) \to (\overline{B} \to \overline{A}) \equiv 1$$
.

10. A
$$\rightarrow \overline{A} \equiv 1$$
.

$$11.\overline{A} \rightarrow A \equiv 1.$$

Đây là hệ tiên đề được sử dụng để nghiên cứu các tính chất tổng quát của logic mệnh đề.

1.5. LUẬT ĐỒNG NHẤT ĐÚNG (2/2)

Kiểm tra tiên đề 9

Α	В	A→B	$\overline{B} \to \overline{A}$	$(A \rightarrow B) \rightarrow (\overline{B} \rightarrow \overline{A})$	Chân giá
1	1	1	1	1	1
1	0	0	0	1	1
0	1	1	1	1	1
0	0	1	1	1	1

1.6. LUẬT ĐỐI NGẪU, LUẬT THAY THẾ VÀ LUẬT KẾT LUẬN TRONG LOGIC MỆNH ĐỀ

- Giả sử A là một công thức chỉ chứa các phép toán ∨, ∧, mà không chứa phép →. Trong A đổi chỗ ∨ và ∧ cho nhau ta được công thức mới A*. A* gọi là công thức đối ngẫu của A.
- Định lý 1 (luật đối ngẫu của công thức):

Giả sử $A(X_1, X_2,..., X_n)$ là công thức không có phép \rightarrow . Khi đó ta có $A^*(X_1, X_2,..., X_n) \equiv \overline{A}(\overline{X_1}, \overline{X_2},..., \overline{X_n})$

- o Định lý 2: Nếu A(X)≡1 thì A(E) ≡1 với E là công thức bất kỳ.
- Định lý 3: Nếu A ≡1 và A→B ≡1 thì B ≡1.

1.7. LUẬT TƯƠNG ĐƯƠNG TRONG LOGIC MỆNH ĐỀ (1/3)

STT	Tên luật	Công thức
1	Luật phủ định kép	$\stackrel{=}{A} \equiv A$
2	Luật giao hoán đối với phép tuyển	$A \lor B \equiv B \lor A$
3	Luật giao hoán đối với phép hội	$A \wedge B \equiv B \wedge A$
4	Luật kết hợp đối với phép tuyển	$(A \lor B) \lor C \equiv A \lor (B \lor C) \equiv A \lor B \lor C$
5	Luật kết hợp đối với phép hội	$(A \wedge B) \wedge C \equiv A \wedge (B \wedge C) \equiv A \wedge B \wedge C$
6	Luật De Morgan đối với phép tuyển	$\overline{A \vee B} \equiv \overline{A} \wedge \overline{B}$
7	Luật De Morgan đối với phép hội	$\overline{A \wedge B} \equiv \overline{A} \vee \overline{B}$

1.7. LUẬT TƯƠNG ĐƯƠNG TRONG LOGIC MỆNH ĐỀ (2/3)

STT	Tên luật	Công thức
8	Luật phân bố giữa phép tuyển với phép hội	$A \vee (B \wedge C) \equiv (A \vee B) \wedge (A \vee C)$
9	Luật phân bố giữa phép hội với phép tuyển	$A \wedge (B \vee C) \equiv (A \wedge B) \vee (A \wedge C)$
10	Luật hấp thụ giữa phép tuyển đối với phép hội	$A \lor (A \land B) \equiv A$
11	Luật hấp thụ giữa phép hội đối với phép tuyển	$A \wedge (A \vee B) \equiv A$
12	Luật khử phép kéo theo	$A \to B \equiv \overline{A} \vee B$
13	Luật lũy đẳng đối với phép tuyển	$A \lor A \equiv A$
14	Luật lũy đẳng đối với phép hội	$A \wedge A \equiv A$

1.7. Luật tương đương trong logic mệnh đề (3/3)

STT	Tên luật	Công thức
15	Luật trung hòa đối với hằng sai	$A \lor 0 \equiv A$
16	Luật trung hòa đối với hằng đúng	$A \wedge 1 \equiv A$
17	Luật thống trị đối với hằng đúng	$A \lor 1 \equiv 1$
18	Luật thống trị đối với hằng sai	$A \wedge 0 \equiv 0$
19	Luật phần tử bù đối với phép tuyển	$A \vee \overline{A} \equiv 1$
20	Luật phần tử bù đối với phép hội	$A \wedge \overline{A} \equiv 0$

BÀI HỌC 2

- Mệnh đề, mệnh đề có điều kiện và sự tương đương logic.
- 2. Dạng chuẩn tắc hội và chuẩn tắc tuyển của công thức.
- 3. Các phương pháp kiểm tra tính hằng đúng, hằng sai của công thức.

2.1. TUYỂN SƠ CẤP VÀ HỘI SƠ CẤP

- o Tuyển sơ cấp (TSC) là tuyển của các biến mệnh đề (có thể có cả chỉ số): $X,Y,Z,\overline{X},\overline{Y},\overline{Z}...$
- o Hội sơ cấp (HSC) là hội của các biến mệnh đề (có thể có cả chỉ số): $X,Y,Z,\overline{X},\overline{Y},\overline{Z}...$
- Chú ý: theo luật lũy đẳng, mỗi biến mệnh đề vừa là TSC,
 vừa là HSC.
- Định lý 4: Điều kiện cần và đủ để TSC (HSC) đồng nhất đúng (đồng nhất sai) là trong TSC (HSC) có chứa một biến đồng thời với phủ định của biến đó.

2.2. DẠNG CHUẨN TẮC HỘI VÀ DẠNG CHUẨN TẮC TUYỂN CỦA CÔNG THỨC (1/2)

- o Dạng chuẩn tắc hội (DCTH) là hội của các tuyển sơ cấp (TSC), hay: $DCTH \equiv (TSC)_1 \wedge (TSC)_2 \wedge ... \wedge (TSC)_n \quad (n \ge 1)$
- o Dạng chuẩn tắc tuyển (DCTT) là tuyển của các hội sơ cấp (HSC), hay: $DCTT \equiv (HSC)_1 \lor (HSC)_2 \lor ... \lor (HSC)_n \quad (n \ge 1)$
- Ta nói công thức A có DCTH (DCTT) là B khi và chỉ khi

A=B với
$$B = (TSC)_1 \wedge (TSC)_2 \wedge ... \wedge (TSC)_n$$
$$(B = (HSC)_1 \vee (HSC)_2 \vee ... \vee (HSC)_n)$$

2.2. DẠNG CHUẨN TẮC HỘI VÀ DẠNG CHUẨN TẮC TUYỂN CỦA CÔNG THỨC (2/2)

- Định lý 5: Mọi công thức A trong logic mệnh đề đều có dạng chuẩn tắc hội và dạng chuẩn tắc tuyển.
- Định lý 6: Điều kiện cần và đủ để công thức A≡1 (A≡0) là trong DCTH của A (trong dạng DCTT của A) mỗi TSC (mỗi HSC) có chứa một biến mệnh đề cùng với phủ định của nó.

BÀI HỌC 2

- Mệnh đề, mệnh đề có điều kiện và sự tương đương logic.
- 2. Dạng chuẩn tắc hội và chuẩn tắc tuyển của công thức.
- 3. Các phương pháp kiểm tra tính hằng đúng, hằng sai của công thức.

3.1. PHƯƠNG PHÁP LẬP BẢNG (1/2)

• Giả sử A(X₁, X₂,..., X_n) là công thức của n biến X₁, X₂,..., X_n trong logic mệnh đề. Để tìm giá trị chân lý của A đối với mỗi bộ giá trị đúng, sai của n biến, ta lập bảng gồm 2ⁿ hàng, với cột đầu tiên là cột các giá trị chân lý của các biến X₁, X₂,..., X_n, các cột tiếp theo dùng để tính giá trị chân lý của các công thức con trong công thức A(X₁, X₂,..., X_n) và cột cuối cùng tính giá trị chân lý của A(X₁, X₂,..., X_n)

3.1. Phương pháp lập bảng (2/2)

X ₁	X ₂	 X _n	A ₁	•••	$A(X_1, X_2,, X_n)$
0	0	 0			A(0,0,,0)
1	0	 0			A(1,0,,0)
0	1	 1			A(0,1,,1)
1	1	 1			A(1,1,,1)

- Nếu cột cuối cùng chứa toàn số 1 thì A(X₁, X₂,..., X_n)≡1 (hằng đúng).
- Nếu cột cuối cùng chứa toàn số 0 thì A(X₁, X₂,..., Xո)≡0 (hằng sai).
- Nếu cột cuối cùng có cả 0 lẫn 1 thì A(X₁, X₂,..., X_n) thực hiện được.

3.2. Phương pháp biến đổi tương đương (thuật toán tìm DCTH, DCTT của A) (1/2)

Bài toán:

- Input: A là công thức logic mệnh đề.
- Output: A hằng đúng (hằng sai), hay A thực hiện được.

Thuật toán:

- Bước 1: Trong A ta khử phép kéo theo (nếu có) bằng cách áp dụng luật khử phép kéo theo (X → Y = X ∨ Y) ta được A=A₁ (A₁ không còn phép kéo theo).
- ▶ **Bước 2**: Trong A₁ ta đưa phép toán phủ định về trực tiếp liên quan tới từng biến mệnh đề ta được A₂ bằng cách áp dụng luật De Morgan ($\overline{A \lor B} \equiv \overline{A} \land \overline{B}$ hay $\overline{A \land B} \equiv \overline{A} \lor \overline{B}$)

3.2. Phương pháp biến đổi tương đương (thuật toán tìm DCTH, DCTT của A) (2/2)

- Thuật toán (tiếp)
 - Bước 3: Đưa A₂ về DCTH (DCTT) bằng luật phân bố:

$$X \lor (Y \land Z) \equiv (X \lor Y) \land (X \lor Z)$$
 hoặc $X \land (Y \lor Z) \equiv (X \land Y) \lor (X \land Z)$ Ta được $A_2 \equiv A_3$ (hoặc $\equiv A_4$), với
$$A_3 \equiv DCTH \equiv (TSC)_1 \land (TSC)_2 \land \dots \land (TSC)_n$$

$$(A_4 \equiv DCTT \equiv (HSC)_1 \lor (HSC)_2 \lor \dots \lor (HSC)_m)$$

- Bước 4:
- a. Nếu trong A₃ của A mà mỗi TSC có chứa X và phủ định của nó thì A ≡1.
- b. Nếu trong A₄ của A mà mỗi HSC có chứa X và phủ định của nó thì A ≡0.
- c. Ngược lại, A là thực hiện được.

3.3. PHƯƠNG PHÁP SUY DIỄN (1/7)

3.3.1. Mô hình suy diễn.

 Một trong những phương pháp dùng để chứng minh một mệnh đề toán học là đúng, thường có dạng lý luận với dẫn xuất sau:

Dạng lý luận này được xem là hợp lý nếu công thức

$$(A_1 \land A_1 \land ... \land A_n) \rightarrow B \equiv 1$$
 (hằng đúng)

 $A_{\scriptscriptstyle
m l}$

 A_2

Mô hình suy diễn công thức trên có dạng:

• •

 A_{r}

 $\therefore B$

3.3. PHƯƠNG PHÁP SUY DIỄN (2/7)

- 3.3.2. Các quy tắc suy diễn cơ bản trong logic mệnh đề.
- 1. Quy tắc suy diễn 1 (luật cộng)

Công thức cơ sở:
$$A \rightarrow (A \lor B) \equiv 1$$

Mô hình suy diễn:
$$\frac{A}{A \lor B}$$

2. Quy tắc suy diễn 2 (luật rút gọn)

Công thức cơ sở:
$$(A \land B) \rightarrow A \equiv 1$$

Mô hình suy diễn:
$$B$$

3.3. PHƯƠNG PHÁP SUY DIỄN (3/7)

- 3.3.2. Các quy tắc suy diễn cơ bản trong logic mệnh đề.
- 3. Quy tắc suy diễn 3 (luật Modus ponens khẳng định)

Công thức cơ sở:
$$(A \land (A \rightarrow B)) \rightarrow B \equiv 1$$

Mô hình suy diễn:
$$A \rightarrow B$$

4. Quy tắc suy diễn 4 (luật Modus ponens – phủ định)

Công thức cơ sở:
$$((A \rightarrow B) \land \overline{B}) \rightarrow \overline{A} \equiv 1$$

3.3. PHƯƠNG PHÁP SUY DIỄN (4/7)

3.3.2. Các quy tắc suy diễn cơ bản trong logic mệnh đề.

Quy tắc suy diễn 5 (luật tam đoạn luật tuyển)

Công thức cơ sở:
$$((A \lor B) \land \overline{A}) \rightarrow B \equiv 1$$

$$A \lor B$$

$$\overline{A}$$

$$\overline{:}B$$

Quy tắc suy diễn 6 (luật bắc cầu)

Công thức cơ sở:
$$((A \rightarrow B) \land (B \rightarrow C)) \rightarrow (A \rightarrow C) \equiv 1$$

$$A \rightarrow B$$

$$B \to C$$

$$\therefore A \rightarrow C$$

3.3. PHƯƠNG PHÁP SUY DIỄN (5/7)

- 3.3.2. Các quy tắc suy diễn cơ bản trong logic mệnh đề.
- 7. Quy tắc suy diễn 7 (luật mâu thuẫn)

Công thức cơ sở:

$$(A_1 \land A_2 \land \dots \land A_n) \to B \equiv (A_1 \land A_2 \land \dots \land A_n \land \overline{B}) \to 0 \equiv 1$$

 A_1

 $A_1 \qquad A_2$

Mô hình suy diễn:

 A_2 ...

 A_n

 $A_n \qquad \overline{B}$

 \overline{B} \overline{D}

3.3. PHƯƠNG PHÁP SUY DIỄN (6/7)

- 3.3.2. Các quy tắc suy diễn cơ bản trong logic mệnh đề.
- 8. Quy tắc suy diễn 8 (luật từng trường hợp)

Công thức cơ sở:

$$(A \to B) \land (D \to B) \to ((A \lor D) \to B) \equiv 1$$

Mô hình suy diễn:

$$A \to B$$

$$D \to B$$

$$\therefore (A \lor D) \to B$$

3.3. PHƯƠNG PHÁP SUY DIỄN (7/7)

3.3.3. Quan hệ giữa các công thức cơ sở với mô hình suy diễn của nó.

Công thức cơ sở $(A_1 \land A_1 \land ... \land A_n) \rightarrow B$ hằng đúng khi và chỉ khi mô hình suy diễn của nó là đúng.

 A_1

 A_2

Mô hình suy diễn của công thức cơ sở:

• • •

 A_n

 $\therefore B$

3.4. VÍ DỤ VỀ LOGIC MỆNH ĐỀ (1/9)

Ví dụ 1:

Chứng minh các công thức sau đồng nhất bằng nhau bằng 2 phương pháp lập bảng và biến đổi tương đương.

$$X \to (Y \to Z) \equiv Y \to (X \to Z)$$

$$X \to (Y \to Z) \equiv (X \land Y) \to Z$$

$$(X \to Y) \land (X \to Z) \equiv X \to (Y \land Z)$$

$$((X \wedge Y) \vee (X \wedge \overline{Y})) \wedge \overline{X} \equiv 0$$

3.4. VÍ DỤ VỀ LOGIC MỆNH ĐỀ (2/9)

$$a. X \rightarrow (Y \rightarrow Z) \equiv Y \rightarrow (X \rightarrow Z)$$

a. Lập bảng giá trị

X	Υ	Z	Y→Z	$X \to (Y \to Z)$	X→Z	$Y \to (X \to Z)$
0	0	0	1	1	1	1
0	0	1	1	1	1	1
0	1	0	0	1	1	1
1	0	0	1	1	0	1
1	1	0	0	0	0	0
1	0	1	1	1	1	1
0	1	1	1	1	1	1
1	1	1	1	1	1	1

$$\text{Vậy: } X \to \big(Y \to Z\big) \equiv Y \to \big(X \to Z\big)$$

3.4. VÍ DỤ VỀ LOGIC MỆNH ĐỀ (3/9)

$$a. X \rightarrow (Y \rightarrow Z) \equiv Y \rightarrow (X \rightarrow Z)$$

b. Biến đổi tương đương

Ta có:
$$X \to (Y \to Z) \equiv X \to (\overline{Y} \lor Z)$$
 [7]
 $\equiv \overline{X} \lor (\overline{Y} \lor Z)$ [7]
 $\equiv \overline{X} \lor \overline{Y} \lor Z$ [4]
 $Y \to (X \to Z) \equiv Y \to (\overline{X} \lor Z)$ [7]
 $\equiv \overline{Y} \lor (\overline{X} \lor Z)$ [7]
 $\equiv \overline{Y} \lor \overline{X} \lor Z$ [4]
 $\equiv \overline{X} \lor \overline{Y} \lor Z$ [2]
Vậy: $X \to (Y \to Z) \equiv Y \to (X \to Z)$

3.4. VÍ DỤ VỀ LOGIC MỆNH ĐỀ (4/9)

Ví dụ 2:

Cho:
$$A \equiv \overline{(X \to Y) \to (X \to Z)} \to \overline{(X \to (Y \to Z))}$$

Chứng minh A≡1 theo 2 phương pháp:

- a. Phương pháp tương đương.
- b. Phương pháp lập bảng

3.4. VÍ DỤ VỀ LOGIC MỆNH ĐỀ (5/9)

o Giải ví dụ 2:

$$A \equiv \overline{(X \to Y)} \to (X \to Z) \to \overline{(X \to Y)}$$

$$\equiv \overline{X} \lor Y \lor \overline{X} \lor Z \lor \overline{X} \lor \overline{Y} \lor Z$$

$$\equiv (X \land \overline{Y}) \lor \overline{X} \lor Z \lor (X \land Y \land \overline{Z})$$

$$\equiv (X \lor \overline{X}) \land (\overline{Y} \lor \overline{X}) \lor Z \lor (X \land Y \land \overline{Z})$$

$$\equiv \overline{Y} \lor \overline{X} \lor Z \lor (X \land Y \land \overline{Z})$$

$$\equiv (\overline{Y} \lor \overline{X} \lor Z \lor X) \land (\overline{Y} \lor \overline{X} \lor Z \lor Y) \land (\overline{Y} \lor \overline{X} \lor Z \lor \overline{Z})$$

$$\equiv DCTH \equiv 1$$

3.4. VÍ DỤ VỀ LOGIC MỆNH ĐỀ (6/9)

b. Lập bảng giá trị

X	Y	Z	Y→Z	$X \rightarrow (Y \rightarrow Z)$	X→Y	X→Z	$(X \rightarrow Y)$ \rightarrow $(X \rightarrow Z)$	$(X \to Y) \to (X \to Z)$	$\overline{(X \to (Y \to Z))}$	А
0	0	0	1	1	1	1	1	0	0	1
0	0	1	1	1	1	1	1	0	0	1
0	1	0	0	1	1	1	1	0	0	1
1	0	0	1	1	0	0	1	0	0	1
1	1	0	0	0	1	0	0	1	1	1
1	0	1	1	1	0	1	1	0	0	1
0	1	1	1	1	1	1	1	0	0	1
1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	1

Vậy: A≡1

3.4. VÍ DỤ VỀ LOGIC MỆNH ĐỀ (7/9)

Ví dụ 3:

Cho:
$$X = (A \rightarrow B) \land (A \lor C) \land (\overline{C} \lor D) \rightarrow (B \lor D)$$

Chứng minh $X \equiv 1$ theo 2 phương pháp:

- a. Phương pháp tương đương.
- b. Phương pháp dùng mô hình suy diễn

3.4. VÍ DỤ VỀ LOGIC MỆNH ĐỀ (8/9)

o Giải ví dụ 3:

$$X \equiv (\overline{A} \vee B) \wedge (A \vee C) \wedge (\overline{C} \vee D) \vee B \vee D$$

$$\equiv (A \wedge \overline{B}) \vee (\overline{A} \wedge \overline{C}) \vee (C \wedge \overline{D}) \vee B \vee D$$

$$\equiv (A \vee (\overline{A} \wedge \overline{C}) \vee (C \wedge \overline{D}) \vee B \vee D) \wedge (\overline{B} \vee (\overline{A} \wedge \overline{C}) \vee (C \wedge \overline{D}) \vee B \vee D)$$

$$\equiv (A \vee \overline{A} \vee (C \wedge \overline{D}) \vee B \vee D) \wedge (A \vee \overline{C} \vee (C \wedge \overline{D}) \vee B \vee D)$$

$$\equiv (A \vee \overline{C} \vee C \vee B \vee D) \wedge (A \vee \overline{C} \vee \overline{D} \vee B \vee D)$$

$$\equiv DCTH \equiv 1$$

3.4. VÍ DỤ VỀ LOGIC MỆNH ĐỀ (9/9)

b. Giải bằng mô hình suy diễn

$$A \rightarrow B$$

$$A \rightarrow B$$

$$A \lor C$$

$$\overline{A}$$

$$A \vee C$$

$$\overline{C} \vee D$$

$$A \vee C$$

$$\overline{C} \vee D$$

$$A \vee$$

$$C \vee D$$

$$\therefore B \lor D$$

$$\overline{0}$$

$$\overline{0}$$

$$\overline{0}$$

$$\overline{\cdot \cdot \cdot 0}$$

 $\equiv 1$

Luật mâu thuẫn [7]

Luât Modus tollens [4] và luật tam đoạn luật tuyến [5]

Luật tam đoạn luật tuyển [5]