

## Scuola di Ingegneria

Corso di Laurea Triennale in Ingegneria Informatica

# Progetto di Intelligenza Artificiale

Gianmarco Pastore

# CSP sulla creazione di un piano di studi modellato con Minizinc

#### Indtroduzione

In questo elaborato ho sviluppato il modello di un problema CSP, tramite il linguaggio MiniZinc. Il problema consiste nel creare tutti i piani di studio validi a partire da una serie di vincoli sui crediti, i periodi didattici e i settori disciplinari. Per realizzare il codice ho usato l'ide di MiniZinc nella sua versione per Linux Ubuntu.

#### Dati utilizzati

I dati che ho utilizzato sono relativi a due corsi di laurea offerti dall'università di Firenze: Ingegneria Informatica e Filosofia. Ho recuperato sul sito www.unifi.it le informazioni sugli esami presenti nell'offerta formativa dei corsi, ossia crediti, periodi didattici, SSD. Per entrambi i CdL ho apportato delle modifiche alle informazioni per poterli utilizzare nel progetto, infatti con i dati originali molti vincoli del CSP sarebbero stati insoddisfacibili; ad esempio nel corso di Ingegneria Informatica la somma dei crediti relativi agli esami del primo anno, nella realtà, non arriva a 60. In generale ho aggiunto o rimosso alcuni esami e ho inserito dei dati fittizi laddove non fossero stati specificati, come ad esempio SSD e periodo didattico di alcuni esami. Questi dati si trovano all'interno dei datafile *Ingegneria.dzn* e *Filosofia.dzn*.

### Formulazione problema e modellazione in Minizinc

Ho scelto di utilizzare per questo problema un insieme di variabili booleane, una per ogni esame del corso, che assumono il valore true se il rispettivo esame è presente nel piano di studi e false altrimenti. Quindi se chiamiamo *nes* il numero totale di esami abbiamo:

$$X = \{X_1, \dots, X_{nes}\}$$

$$D_i = \{True, False\} \quad i = 1 \dots nes$$

dove X è l'insieme delle variabili e  $D_i$  è il dominio della variabile i-esima.

Questo tipo di variabile è facilmente realizzabile in MiniZinc con un array of var bool, che nel mio caso ho chiamato pds (piano di studi). Per indicizzare questo array ho scelto un enumerazione (struttura enum fornita da MiniZinc) di esami, inizializzata nei datafiles (.dzn) con i dati del CdL. Ho usato la stessa enum per indicizzare anche gli array dei cfu, dei periodi didattici e dei settori scientifico-disciplinari. Per indicare periodi didattici ho scelto di usare i numeri da 1 a 6 che indicano i 6 semestri dei tre anni previsti per i CdL, dove 1 è il primo semestre del primo anno, 2 il secondo semestre del primo anno, ..., 6 il secondo semestre del terzo anno; ogni esame è strettamente legato al proprio periodo didattico, ossia non è possibile svolgerlo in un anno o semestre diverso da quello indicato.

Ho sfruttato le enumerazioni anche per i settori scientifico-disciplinari degli esami. In particolare ho utilizzato una funzionalità aggiunta nelle ultime versioni di MiniZinc, ossia l'estensione dei tipi enumerati. Grazie ad essa ho potuto creare due diverse enumerazioni che si riferiscono rispettivamente ai SSD affini e caratterizzanti (ASSD e CSSD nel codice), che ho poi unito tramite dei "costruttori" creando un enumerazione finale SSD. Il grande vantaggio offerto dai tipi enumerati estesi consiste nella possibilità di verificare se un valore dell'enumerazione estesa appartiene effettivamente ad una delle enumerazioni sottostanti tramite i costruttori <sup>1</sup>. Questa funzionalità mi ha permesso di scrivere in maniera semplice i constraint visto che ogni esame ha un SSD ed è possibile controllare facilmente se si tratta di un CSSD o ASSD:

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> spiegato sul manuale www.minizinc.org/doc-2.5.3/en al capitolo 2.2.4

```
constraint sum([cfu[exam] | exam in exams where
                                                   SSD_of_exam[exam] in
                                                                            A(ASSD) /\
     pds[exam]]) <=amax /\
                                      \verb|exams| & where SSD_of_exam[exam] & in \\
         sum([cfu[exam] | exam in
                                                                            A(ASSD)/\
    pds[exam]]) >=amin;
                                                                            C(CSSD) /\
constraint sum([cfu[exam] | exam in
                                      exams where SSD_of_exam[exam] in
    pds[exam]] ) <=cmax /\</pre>
          sum([cfu[exam] | exam in
                                      exams where SSD_of_exam[exam] in
                                                                            C(CSSD)/\
    pds[exam]] ) >= cmin;
```

Gli altri constraint che ho scritto sono relativi alle varie limitazioni sui cfu per anno, periodo didattico e prova finale.

Per quanto riguarda la ricerca della soluzione ho adoperato il comando solve satisfy di Minizine a cui ho aggiunto l'annotazione bool\_ search per indicare al solver di MiniZine il tipo di ricerca da effettuare:

```
solve ::bool_search(pds, first_fail, indomain_min)
satisfy;
```

 $first\_fail$  è un'euristica che impone di scegliere come variabile quella con il dominio più piccolo mentre  $indomain\_min$  impone di scegliere come valore per la variabile il più piccolo possibile nel suo dominio  $\frac{1}{2}$ .

Il codice sorgente si trova tutto nel file **PDS.mzn**.

#### Risultati e conclusioni

Innanzitutto il solver che ho utilizzato per la risoluzione del problema è Gecode 6.3.0, offerto da Minizinc. L'ho configurato in modo da restituire tutti i risultati trovati (sostituendo user defined behavior a default behavior), con optimization level O1 (default). Quando il programma viene eseguito viene chiesto all'utente di inserire i parametri che vengono adoperati per i vincoli sui crediti: amax, amin, cmax, cmin e il valore in cfu della prova finale. Da questi parametri dipende il numero delle soluzioni trovate e di conseguenza la soddisfacibilità del problema stesso. L'output restituito dal programma se impostiamo i parametri amax=100, amin=78, cmax=180, cmin=90, fp=6 è:

```
PIANO DI STUDI
                                              CFU: 9
                                                        SSD: A(MAT_05)
                                                                              PD: 2
ANALISI_MATEMATICA_I
FISICA_I
                                              CFU: 6
                                                        SSD: A(FIS_03)
                                                                              PD: 1
FONDAMENTI_DI_INFORMATICA
                                              CFU: 9
                                                        SSD: C(ING_INF_05)
                                                                              PD: 1
PROGRAMMAZIONE
                                              CFU: 6
                                                        SSD: C(ING_INF_05)
                                                                              PD: 2
GEOMETRIA_E_ALGEBRA_LINEARE
                                              CFU: 6
                                                        SSD: A(MAT_03)
                                                                              PD: 1
CALCOLO_NUMERICO
                                              CFU: 6
                                                        SSD: A(MAT_08)
                                                                              PD: 2
LABORATORIO_DI_PROGRAMMAZIONE
                                              CFU: 3
                                                        SSD: C(ING_INF_05)
                                                                              PD:
TEORIA_DEI_CIRCUITI
                                              CFU: 6
                                                        SSD: A(ING_IND_31)
                                                                              PD: 2
VERIFICA_LINGUA_INGLESE
                                              CFU: 3
                                                        SSD: A(INGL)
                                                                              PD: 1
                                                        SSD: A(CHIM_07)
CHIMICA
                                              CFU:
                                                   6
                                                                              PD: 1
                                                        SSD: C(ING_INF_05)
ALGORITMI_E_STRUTTURE_DATI
                                                                              PD: 4
                                              CFU: 6
                                              CFU: 6
ANALISI_MATEMATICA_II_E_PROBABILITA
                                                        SSD: A(MAT_05)
                                                                              PD: 3
CALCOLATORI
                                              CFU: 6
                                                        SSD: C(ING_INF_05)
                                                                              PD: 3
FISICA_II
                                              CFU: 6
                                                        SSD: A(FIS_03)
                                                                              PD: 4
FONDAMENTI_DI_AUTOMATICA
                                              CFU: 9
                                                        SSD: C(ING_INF_04)
                                                                              PD: 4
```

 $<sup>^2</sup>$  spiegato sul manuale www.minizinc.org/doc-2.5.3/en al capitolo 2.5.2

```
FONDAMENTI_DI_RETI_DI_TELECOMUNICAZIONI
                                              CFU: 6
                                                        SSD: C(ING_INF_03)
                                                                             PD: 4
FONDAMENTI_DI_RICERCA_OPERATIVA
                                              CFU: 6
                                                        SSD: A(MAT_09)
                                                                             PD: 3
FONDAMENTI_DI_SEGNALI_E_TRASMISSIONE
                                              CFU: 6
                                                        SSD: C(ING_INF_03)
                                                                             PD: 3
                                             CFU: 3
LABORATORIO_DI_ALGORITMI
                                                        SSD: C(ING_INF_05)
                                                                             PD: 4
                                              CFU: 6
                                                        SSD: C(ING_INF_07)
                                                                             PD: 3
MISURE_ELETTRICHE
BASI_DI_DATI
                                              CFU: 6
                                                        SSD: C(ING_INF_05)
                                                                             PD: 5
                                              CFU: 6
                                                        SSD: C(ING_INF_O1)
ELETTRONICA_DIGITALE
                                                                             PD: 6
                                              CFU: 6
                                                        SSD: C(ING_INF_05)
INFORMATICA_INDUSTRIALE
                                                                             PD: 6
INFORMATICA_TEORICA
                                              CFU: 6
                                                        SSD: C(ING_INF_05)
                                                                             PD: 6
INGEGNERIA_DEL_SOFTWARE
                                              CFU: 6
                                                        SSD: C(ING_INF_05)
                                                                             PD: 5
MATEMATICA_DISCRETA_E_CODICI
                                              CFU: 6
                                                        SSD: A(MAT_03)
                                                                             PD: 5
METODI_MATEMATICI
                                              CFU: 6
                                                        SSD: A(MAT_05)
                                                                             PD: 5
PROGETTAZIONE_E_PRODUZIONE_MULTIMEDIALE
                                              CFU: 6
                                                        SSD: C(ING_INF_05)
                                                                             PD: 6
STATISTICA
                                              CFU: 6
                                                        SSD: A(SECS_S_02)
                                                                             PD: 5
CFU TOTALI:174
CFU ASSD: 78
CFU CSSD: 96
CFU semestre 1: 30
CFU semestre 2: 30
CFU semestre 3: 30
CFU semestre 4: 30
CFU semestre 5: 30
CFU semestre 6: 24
Esami non scelti:
SISTEMI_OPERATIVI
                             PD: 4
                                     CFU: 6
                             PD: 5
INTELLIGENZA_ARTIFICIALE
                                     CFU: 6
LABORATORIO_DI_INFORMATICA
                             PD: 6
                                     CFU: 3
SISTEMI_DISTRIBUITI
                             PD: 6
                                     CFU: 6
========
%%%mzn-stat: initTime = 0.002085
\%\%mzn-stat: solveTime=0.000907
%%%mzn-stat: solutions=45
%%%mzn-stat: variables=351
%%%mzn-stat: propagators=240
%%%mzn-stat: propagations=7990
%%%mzn-stat: nodes=127
%%%mzn-stat: failures=19
%%%mzn-stat: restarts=0
\%\%mzn-stat: peakDepth=9
%%%mzn-stat-end
Finished in 166msec
```

In questi risultati è riportata una singola soluzione (l'ultima visualizzata), la quale mostra ogni esame inserito nel piano di studi con rispettivi cfu, SSD, e periodo didattico, i dati relativi ai cfu totali, per semestre e per SSD e infine le statistiche del solver Gecode 6.3.0. La correttezza della soluzione e il rispetto dei vincoli si può verificare facilmente osservando i valori riportati alla fine, coerenti con quelli dei singoli esami inseriti in questo particolare piano di studi<sup>3</sup>.

Con un breve calcolo si può verificare anche che le soluzioni totali in questo caso sono effetivamente 45, come evidenziato dalle statistiche di Gecode. I vincoli, in base ai parametri assegnati, permettono di effettuare 3 scelte per pd=4, 3 per pd=5 e 5 per pd=6, in totale 45.

Questi invece sono i risultati per il Cdl di Filosofia, inserendo in in input gli stessi parametri del caso precedente:

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> I dati riportati sono quelli dell'output di MiniZinc, ma qui sono stati formattati per favorirne la leggibilità

```
PIANO DI STUDI
FILOSOFIA_MORALE_I
                                           CFU: 12
                                                      SSD: C(M_FIL_03)
                                                                             PD: 2
                                           CFU: 12
                                                      SSD: A(SPS_01)
                                                                             PD: 1
FILOSOFIA_POLITICA
FILOSOFIA_TEORETICA_I
                                           CFU: 12
                                                      SSD: C(M_FIL_01)
                                                                             PD: 2
                                           CFU: 12
                                                      SSD: C(M_FIL_02)
                                                                             PD: 1
LOGICAI
STORIA_DELLA_FILOSOFIA
                                           CFU: 6
                                                      SSD: C(M_FIL_06)
                                                                             PD: 1
                                                      SSD: C(M_FIL_07)
STORIA_DELLA_FILOSOFIA_ANTICA
                                           CFU: 6
                                                                             PD: 2
ANTROPOLOGIA_FILOSOFICA
                                           CFU: 6
                                                      SSD: C(M_FIL_03)
                                                                             PD: 3
ELEMENTI_DI_TEORIA_DELLA_CONOSCENZA
                                           CFU: 6
                                                      SSD: C(M_FIL_01)
                                                                             PD: 4
ESTETICA
                                           CFU: 6
                                                      SSD: C(M_FIL_03)
                                                                             PD: 3
                                           CFU: 6
                                                      SSD: C(M_FIL_03)
                                                                             PD: 4
ETICA_APPLICATA
                                                                             PD: 4
FILOSOFIA_DELLA_LOGICA_E_DEL_LINGUAGGIO
                                           CFU: 6
                                                      SSD: C(M_FIL_02)
FILOSOFIA_DELLA_MENTE
                                           CFU: 6
                                                      SSD: C(M_FIL_01)
                                                                             PD: 3
                                                                             PD: 3
                                           CFU: 6
FILOSOFIA_DELLA_SCIENZA
                                                      SSD: C(M_FIL_02)
FILOSOFIA_SOCIALE
                                           CFU: 6
                                                      SSD: A(SPS_01)
                                                                             PD: 3
STORIA_MODERNA
                                           CFU: 12
                                                      SSD: A(M_STO_02)
                                                                             PD: 4
ABILITA_INFORMATICHE
                                           CFU: 6
                                                      SSD: A(INF)
                                                                             PD: 5
                                           CFU: 6
                                                      SSD: A(INGL)
                                                                             PD: 5
CONOSCENZA_LINGUA_STRANIERA
GEOGRAFIA_POLITICA
                                           CFU: 6
                                                      SSD: A(M_GGR_O1)
                                                                             PD: 6
ISTITUZIONI_DI_SOCIOLOGIA
                                           CFU: 6
                                                      SSD: A(SPS_07)
                                                                             PD: 6
                                           CFU: 6
                                                      SSD: A(L_LIN_03)
                                                                             PD: 5
LETTERATURA_FRANCESE
                                           CFU: 6
                                                      SSD: A(L_FIL_LET_02)
                                                                             PD: 6
LETTERATURA_GRECA_I
                                           CFU: 6
                                                      SSD: A(L_LIN_10)
                                                                             PD: 5
LETTERATURA_INGLESE
                                                      SSD: A(L_FIL_LET_10)
LETTERATURA_ITALIANA
                                           CFU: 6
                                                                             PD: 6
                                                      SSD: A(L_FIL_LET_04)
LETTERATURA_LATINA
                                           CFU: 6
                                                                             PD: 5
CFU TOTALI:174
CFU ASSD: 84
CFU CSSD: 90
CFU semestre 1: 30
CFU semestre 2: 30
CFU semestre 3: 30
CFU semestre 4: 30
CFU semestre 5: 30
CFU semestre 6: 24
Esami non scelti:
LOGICA_II
                                       PD: 3
                                                CFU: 6
STORIA_DELL_ESTETICA
                                       PD: 3
                                                CFU: 6
LETTERATURA_TEDESCA
                                       PD: 6
                                                CFU: 6
LETTERATURE_COMPARATE
                                       PD: 5
                                                CFU: 6
                                                CFU: 6
LINGUISTICA_GENERALE
                                       PD: 6
                                                CFU: 1
SERVIZI_DI_ORIENTAMENTO_AL_LAVORO
                                       PD: 5
                                       PD: 6
                                                CFU: 5
TIROCINIO
______
%%%mzn-stat: initTime = 0.002615
%%%mzn-stat: solveTime = 2.08031
%%%mzn-stat: solutions=1890
%%%mzn-stat: variables=327
%%%mzn-stat: propagators=365
%%%mzn-stat: propagations=627164
\%\%mzn-stat: nodes=10373
%%%mzn-stat: failures=3297
\%\%mzn-stat: restarts=0
\%\%mzn-stat: peakDepth=16
%%%mzn-stat-end
Finished in 2s 550msec
```

Anche stavolta riporto solo l'ultima soluzione visualizzata, che risulta coerente con tutti i vincoli del CSP.

### Siti e Materiale consultato

- [1] Guida MiniZinc 2.5.3: www.minizinc.org/doc-2.5.3/en/
- [2] Offerta formativa della facoltà di Ingegneria Informatica di Unifi
- [3] Offerta formativa della facoltà di Filosofia di Unifi