

Propuesta de método de trabajo.

1. Detenerse, relajarse y pensar.

- a) Como es la situación física.
- b) Elegir sistema de referencia
- c) Qué debo encontrar
- d) que datos tengo.
- e) Ordenar el trabajo x pasos
- f) Comparar resultados con (a).

- a) } Es muy útil pensar el problema con el uso de
- b) } la regla de la mano derecha que me sea útil.
- c) } Dibujar todos los gráficos necesarios. (cómodos y claros)
- d) } depende de cada problema.

2) Significa SER PROLISO Y SECUENCIAL en escribir

los 1) Vectores

2) Los productos vectoriales

3) El cálculo de la integral.

f) Ver si el resultado obtenido es coherente con lo pensado en el inciso (a) (teniendo en cuenta (b))

¿Qué situaciones hemos trabajado?

- Conocemos \vec{B}
- Conocemos el mov. de cargas.

$$\vec{F}_m = nq \vec{v}_d \times \vec{B}$$

(mov. cargas puntuales)

Si tenemos en cuenta:

$$\vec{J} = nq \vec{v}_d ; I = \int \vec{J} d\vec{s}$$

$$\vec{F}_m = I \vec{L} \times \vec{B} \quad (\text{para hilos conductores})$$

o) o) \vec{L} dirección sentido de I

$$\text{Oh!! } \vec{F}_m \perp \vec{v}_d \Rightarrow W_m = 0$$

\vec{F}_m NO modifica $|\vec{v}_d|$

SÍ modifica dirección de \vec{v}_d

Corriente eléctrica genera campo magnético B .

$$\vec{B}(\vec{r}_2) = \frac{\mu_0}{4\pi} \int \frac{I d\vec{L} \times (\vec{r}_2 - \vec{r}_1)}{|\vec{r}_2 - \vec{r}_1|^3}$$

Si tenemos 2 conductores concurrentes

$$\vec{F}_{2m} = I_2 \vec{L}_2 \times \vec{B}_1(\vec{r}_2)$$

$$\text{con } \vec{B}_1(\vec{r}_2) = \frac{\mu_0}{4\pi} \int \frac{I_1 d\vec{L}_1 \times (\vec{r}_2 - \vec{r}_1)}{|\vec{r}_2 - \vec{r}_1|^3}$$

Y viceversa.

Si \exists simetría \rightarrow hilo infinito, solenoide, plano infinito

podemos usar Ley de Ampère

$$\oint \vec{B} d\vec{L} = \mu_0 \int \vec{J} d\vec{s} = \mu_0 I$$

Campo magnético Variable (o circuito móvil) induce un campo eléctrico.

- Defino una superficie abierta orientada con una curva con sentido de recorrido
- Esa superficie es atravesada por \vec{B}

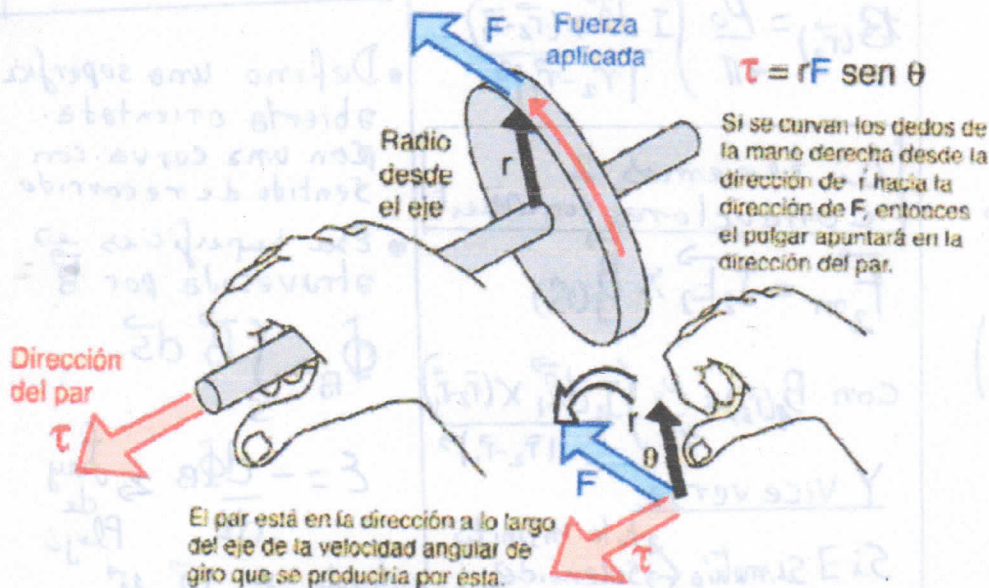
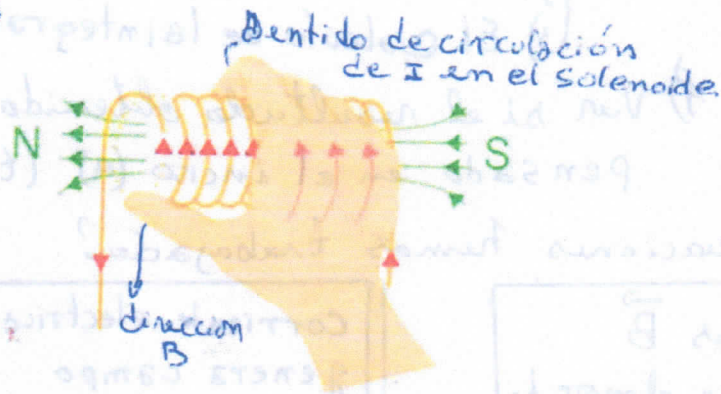
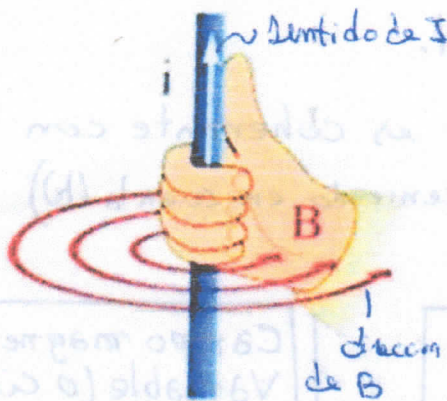
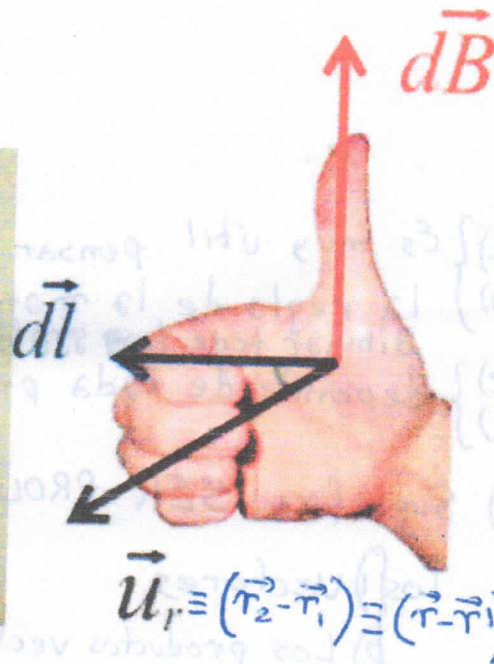
$$\Phi_B = \int_S \vec{B} d\vec{s}$$

$$\mathcal{E} = - \frac{d\Phi_B}{dt} \quad \text{Ley de Faraday}$$

donde $\mathcal{E} = \oint \vec{E} d\vec{L}$
 Si circuito rígido y estacionario
 $\nabla \times \vec{E} = - \frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$
 Signo $\mathcal{E} \rightarrow$ Ley Lenz.

LA REGLA DE LA MANO DERECHA: DIFERENTES USOS

$$\begin{aligned} \vec{i} \times \vec{j} &= \vec{k} \\ \vec{j} \times \vec{k} &= \vec{i} \\ \vec{k} \times \vec{i} &= \vec{j} \end{aligned} \quad \begin{aligned} \vec{e}_r \times \vec{e}_\theta &= \vec{k} \end{aligned}$$



Para cálculo de \vec{B} debido a circulación de la corriente en un conductor. usando Ley de Biot-Savart.

1º Elegir el S. R. $\begin{cases} \text{origen} \\ \text{dirección} \\ \text{Sistema de coordenadas, preferim} \end{cases} \begin{cases} \text{cartesianas} \\ \text{cilíndricas} \end{cases}$

2º) Analizar, a través de la regla de la mano derecha la dirección y sentido del campo B en el punto donde lo vamos a calcular.

3º) Escribir. $\begin{cases} \text{las coord. del punto donde calculamos } B \\ \text{las coord. del elemento } d\vec{l} = I d\vec{l} \end{cases}$
 (donde $d\vec{l}$ tiene direcc y sentido de I .)

$$\Rightarrow \vec{r}_2 = x_2 \hat{i} + y_2 \hat{j} + z_2 \hat{k} \rightarrow \text{coord. de } P_2$$

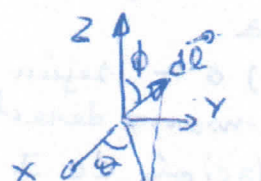
$$\vec{r}_1 = x_1 \hat{i} + y_1 \hat{j} + z_1 \hat{k} \rightarrow \text{coord. de } d\vec{l} = I d\vec{l}$$

4º) Escribir $(\vec{r}_2 - \vec{r}_1)$ y $|\vec{r}_2 - \vec{r}_1|^3$

$$(\vec{r}_2 - \vec{r}_1) = (x_2 - x_1) \hat{i} + (y_2 - y_1) \hat{j} + (z_2 - z_1) \hat{k}$$

$$|\vec{r}_2 - \vec{r}_1|^3 = [(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 + (z_2 - z_1)^2]^{3/2}$$

5º) Escribir $d\vec{l}$ según direcciones del sist. de referencia



$$d\vec{l} = \cos\theta dx \hat{i} + \sin\theta dy \hat{j} + \cos\phi dz \hat{k}$$

en cartesianas
(Puede escribirse en polares o cilíndricas)

6º) Hacer el producto vectorial.

$$\frac{I}{|\vec{r}_2 - \vec{r}_1|^3} [d\vec{l} \times (\vec{r}_2 - \vec{r}_1)] = \frac{I}{|\vec{r}_2 - \vec{r}_1|^3} \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ \cos\theta dx & \sin\theta dy & \cos\phi dz \\ (x_2 - x_1) & (y_2 - y_1) & (z_2 - z_1) \end{vmatrix}$$

⊙ ⊙ recordar que la componente en \hat{j} es $-\int \begin{vmatrix} \cos\theta dx & \cos\phi dz \\ (x_2 - x_1) & (z_2 - z_1) \end{vmatrix}$

7º) Resolver la integral.

Recuerden \vec{B} es vector \Rightarrow una integral para (dirección del S. R.)

Cálculo de \vec{B} usando Ley de Ampere.

- ¿Cuándo vale? \rightarrow Siempre.

- ¿Cuándo es útil p/calcular B ? \rightarrow Situaciones de simetría.

- hilo conductor infinito
- Solenoide infinito
- plano infinito

$$\oint_C \vec{B} d\vec{\ell} = \mu_0 \int_S \vec{J} d\vec{s}$$

Si \vec{J} uniforme en S
 $S \rightarrow$ sección normal de un conductor

$$\Rightarrow \oint_C \vec{B} d\vec{\ell} = \mu_0 I$$

En genral. debemos conocer la direcc. que tendría \vec{B}
 la ecuacion nos daría el módulo.

En general trabajamos en combinación, o en relación a resultados conocidos de

hilo conductor infinito

espira circular en el centro espira.

$$\vec{B}(d) = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I}{d} \vec{e}_\theta$$

Con signo + o -
 según regla mano derecha de circula. de I

d = distancia (normal) entre conductor y el punto.

$$B_0 = \frac{\mu_0}{2} \frac{I}{r} \vec{k}$$

\vec{k} = dirección del eje de la espira.

Con signo (+) o (-) según regla de la mano derecha de la circulación de I .

r = radio de la espira.

Torque de 1 espira (circular o no).

1) Según el sentido de recorrido de la corriente en la espira, aplico regla de la mano derecha y el pulgar me indica la dirección de la normal a la superf. de la espira

2) Cálculo el momento magnético $\vec{\mu} = I(\text{área}) \cdot \vec{n} = I \vec{A}$

3) Cálculo el Torque según $\vec{\tau} = \vec{\mu} \times \vec{B}$ (\vec{B} en la posición de la espira).

Calculo del flujo de B.

→ n.º de líneas de campo que atraviesan una superficie.

$$\Phi_B = \int_S \vec{B} \cdot d\vec{S}$$

es decir toma la componente del campo en la dirección de la normal de la superficie.

Signo de $d\vec{S}$ (de \vec{n})

- Si S cerrada → \vec{n} saliente a la superficie
- Si S abierta → $\Phi_B < 0$ → líneas entrantes a la superficie
 (no importa) → $\Phi_B > 0$ → líneas de B salientes de la superf.
- Si S es espiral por la que circula una I → \vec{n} dada por regla de la mano derecha para circulac. de I

Calculo de tensión inducida E.

+) Viendo el problema, igual que antes, imaginar las direcciones y sentidos de los campos; Viendo si el flujo aumenta o disminuye en el tiempo, se genera un \vec{B} en el conductor por el que circula una I (inducida) El sentido y dirección de ese campo es tal que se opone al aumento, o disminución, del flujo con el tiempo.

Ley de Faraday → $\mathcal{E} = - \frac{d\Phi_B}{dt} = - \int \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \cdot d\vec{S}$ es decir para $\exists \mathcal{E}$ debe tener una componente de B normal a la superficie de la espira.

ojo no es el vector \vec{B}

$$\mathcal{E} = \oint_C \vec{E} \cdot d\vec{l} = \int_C \vec{E} \cdot d\vec{l} \quad \text{Si solo existe } \vec{B} \text{ externo } \vec{l}_{im} = \frac{F_{im}}{q_p}$$

Si circuito rígido estacionario

$$\mathcal{E} = - \int_S \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \cdot d\vec{S}$$

$$\mathcal{E} = \oint_C \vec{E}(t) \cdot d\vec{l} = - \int_S \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \cdot d\vec{S} \Rightarrow \nabla \times \vec{E}(t) = - \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \quad \text{Ley de Faraday}$$